



المركز الوطني
لتطوير المناهج
National Center
for Curriculum
Development

أوراق العمل الداعمة

الرياضيات

الصف الثامن

8

الفصل الدراسي الأول

مقدمة

يحتوي هذا الكتيب مجموعة من أوراق العمل تتضمن فقرات تعالج كل منها مفهومًا رياضيًا مختلفًا، وكل من هذه المفاهيم مرتبط بدرس محدد في كتاب الطالب. أُعدَّت هذه الفقرات لمساعدة الطلبة على متابعة التعلم العالي بسلسلة ويُسَرُّ، فهي تعالج المفاهيم الرياضية البسيطة التي تعدُّ أساسًا للتعلم العالي علمًا بأنَّ الطلبة درسوها في صفوف بعيدة زمانيًا عن الصف العالي.

بُنِيَتْ أوراق العمل في هذا الكتيب بطريقة مشابهة لصفحات «أُستعدَّ لدراسة الوحدة»؛ تسهيلًا على كل من المعلمين / المعلمات والطلبة إذ إنَّ هذه البنية مألوفة لهم.

يحدد المعلم / المعلمة من أوراق العمل الداعمة في كل مهة الفقرات المرتبطة بما سيقدِّم من نتائج الدرس في المهة القادمة، ويطلب إلى الطلبة جميعًا حلها واجبًا منزليًا، بوصفه اختبارًا تشخيصيًا لغايات تقييم الطلبة وتحديد مستوياتهم واحتياجاتهم.

بعد مناقشة أوراق العمل الداعمة وتلقي التغذية الراجعة حولها ينتقل الطلبة إلى الفقرات المرتبطة بما سيقدِّم من نتائج الدرس في المهة العالية في صفحات «أُستعدَّ لدراسة الوحدة» من كتاب التمارين، ويحلونها داخل الغرفة الصفية بصورة فردية، مسترشدين بالأمثلة المحولة.

المركز الوطني لتطوير المناهج

منهاجي
متعة التعليم الهادف



الوحدة 1

الأعداد الحقيقية

أختبر معلوماتي بحل التدريبات أولاً، وفي حال عدم تأكدي من الإجابة، أستعين بالمثال المُعطى.

مربعات الأعداد الكليّة (الدّرس 1)

أجد مربع كل عدد مما يأتي:

1 5

2 14

3 20

4 35

5 82



مثال: أجد مربع العدد 12

مربع العدد هو ناتج ضرب العدد في نفسه، ويسمى مربع العدد الكليّ مربعاً كاملاً.

$$12^2 = 12 \times 12 \\ = 144$$

تعريف مربع العدد 12
أضرب

الجذور التربيعيّة للمربعات الكاملة (الدّرس 1)

أجد الجذر التربيعي لكل عدد مما يأتي:

6 4

7 25

8 81

9 36

10 16



مثال: أجد الجذر التربيعي للعدد 100

الجذر التربيعي للمربع الكامل هو ذلك العدد الكليّ الذي مربعه يساوي المربع الكامل.

$$100 = 2 \times 5 \times 2 \times 5 \\ = 10 \times 10 \\ \sqrt{100} = 10$$

أحلل العدد 100 إلى عوامله الأوليّة
أكتب 100 كحاصل ضرب عددين متساويين
تعريف الجذر التربيعي

الأعداد الحقيقية

الوحدة

1

قابلية القسمة على 2 و 3 و 5 و 10 (الدرس 1)

11 أختبر قابلية القسمة لكل عدد في الجدول أدناه:



- يقبل العدد القسمة على 2 إذا كان رقم أحاده زوجياً.
- يقبل العدد القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقام منازل يقبل القسمة على 3
- يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان رقم أحاده صفرًا أو 5
- يقبل العدد القسمة على 10 إذا كان رقم أحاده صفرًا.

العدد	يقبل القسمة على			
	10؟	5؟	3؟	2؟
75				
7960				
384				
3725				
90				

مثال:

(b) أختبر قابلية قسمة العدد 3491 على 3
مجموع منازل العدد 3491 :
 $3 + 4 + 9 + 1 = 17$
17 لا يقبل القسمة على 3
لذا، فإن العدد 3491 لا يقبل القسمة على 3

(a) أختبر قابلية قسمة العدد 2648 على 2
منزلة الأحاد هي 8 وهو عدد زوجي.
لذا، فإن العدد 2648 يقبل القسمة على 2

(d) أختبر قابلية قسمة العدد 475، على 10
منزلة الأحاد في العدد 475 هي 5
لذا، فإن العدد 475 لا يقبل القسمة على 10

(c) أختبر قابلية قسمة العدد 225، على 5
منزلة الأحاد في العدد 225 هي 5
لذا، فإن العدد 225 يقبل القسمة على 5

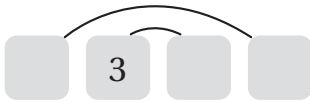
الأعداد الحقيقية

عوامل العدد الكلي (الدرس 1)

اكتب في المربعات أزواج عوامل الأعداد الآتية جميعها:

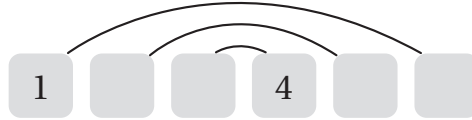
12

33



13

16



14

63



15

28



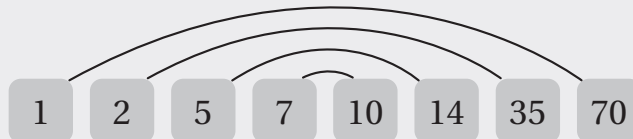
مثال: أجد عوامل العدد 70

استعمل قواعد قابلية القسمة:

- العدد 70 يقبل القسمة على 2، وناتج القسمة هو 35، إذن: العددان 2 و 35 عاملان للعدد 70
- العدد 70 يقبل القسمة على 5، وناتج القسمة هو 14، إذن: العددان 5 و 14 عاملان للعدد 70
- العدد 70 يقبل القسمة على 10 وناتج القسمة هو 7، إذن: العددان 7 و 10 عاملان للعدد 70

إذن: عوامل العدد 70، هي 1، 2، 5، 7، 10، 14، 35، 70

70



الأعداد الحقيقية

الوحدة

1

الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية (الدرس 1)

أحدّد العدد إذا كان أوليًا أم غير أولي مما يأتي:

16 العدد 57

17 العدد 95

18 العدد 17

19 العدد 34



العدد الأولي هو عدد أكبر من 1 وله عاملان فقط، وهما: العدد 1 ونفسه.

مثال: أحدّد العدد إذا كان أوليًا أم غير أولي مما يأتي:

(a) العدد 76

العدد 76 يقبل القسمة على 1 وعلى نفسه أيضًا، وهو يقبل القسمة على 2 لأنّ أحاده عدد زوجي؛ لذا، يوجد للعدد 76 أكثر من عاملين. إذن: هو عدد غير أولي.

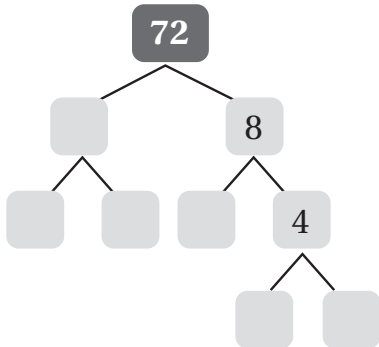
(b) العدد 31

العدد 31 يقبل القسمة على 1 وعلى نفسه أيضًا، لكنّه لا يقبل القسمة على أيّ عدد غيرهما، إذن: هو عدد أولي.

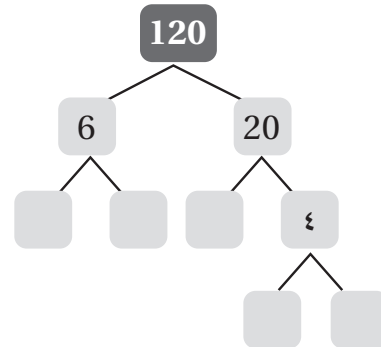
تحليل العدد إلى عوامله الأولية باستعمال طريقة الشجرة (الدرس 1)

أكمل شجرة التحليل إلى العوامل الأولية في كلّ مما يأتي:

20



21



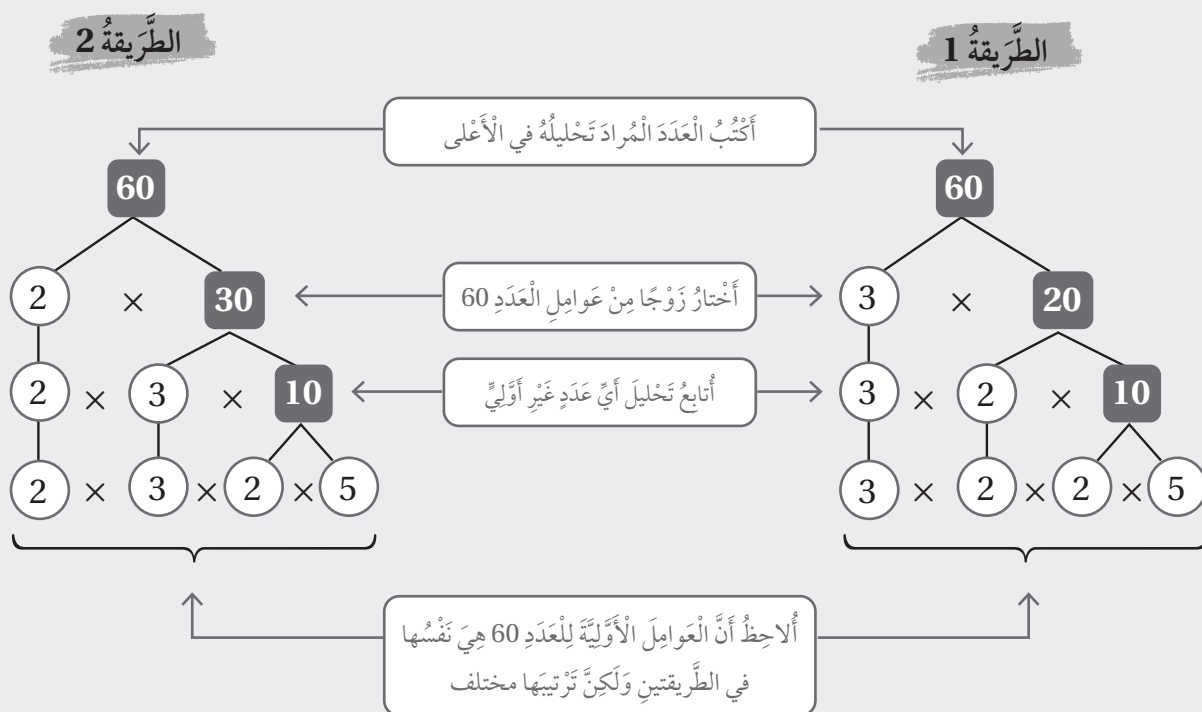
أحلّ كُلًّا مِنَ الأعداد الآتية باستعمال شجرة العوامل:

22 126

23 135

24 108

مثال: أحلّ العدد 60 إلى عوامله الأولية؛ باستعمال شجرة العوامل.



إذن: تحليل العدد 60 إلى عوامله الأولية هو: $60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$

الأعداد الحقيقية

الوحدة 1

• تحليل العدد إلى عوامله الأولية باستعمال القسمة المتكررة (الدرس 1)
أحلّ كلًّا مما يأتي إلى عوامله الأولية باستعمال القسمة المتكررة:

25 84

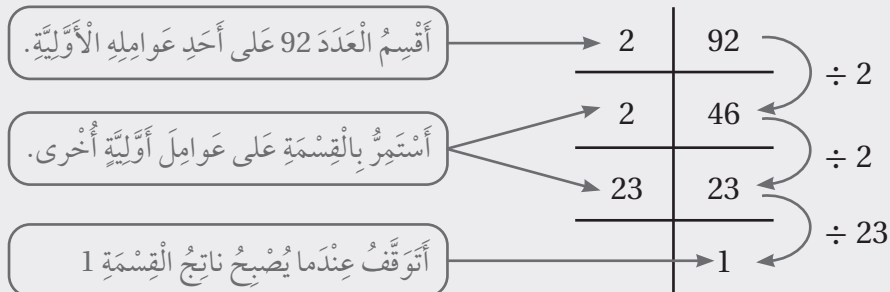
26 132

27 102

28 180

مثال: أحلّ العدد 92 إلى عوامله الأولية باستعمال القسمة المتكررة.

أستعمل القسمة المتكررة:



إذن، تحليل العدد 92 إلى عوامله الأولية هو: $92 = 2 \times 2 \times 23$

أولويات العمليات الحسابية (الدرس 1)

أجد قيمة كل مما يأتي:

29 $3^2 + 9 \times 4$

30 $8 \times (5 - 6^2 \div 4)$

31 $88 \div 2^3 + 9 \div \sqrt{9}$

32 $(-3)^2 + 7 \times 2 - 1$

33 $5 \times (7^2 - (\sqrt[3]{125} - 2))$

34 $(2 + \sqrt[3]{1000}) \div (9^2 - 80)$

مثال: أجد قيمة: $9 + (5^2 - 1) \div 8$

$$9 + (5^2 - 1) \div 8 = 9 + (25 - 1) \div 8$$

$$= 9 + 24 \div 8$$

$$= 9 + 3$$

$$= 12$$

أجد قيمة المقدار الأسّي

أجد قيمة المقدار داخل الأقواس

أقسم

أجمع

التمرين

لحساب قيمة عبارة عددية أتبع الترتيب الآتي لأولويات العمليات الحسابية:

(1) أجد قيم المقادير داخل الأقواس.

(3) أضرب أو أقسم من اليسار إلى اليمين (أيهما سبق).

(2) أجد قيم المقادير الأسية والجذور جميعها.

(4) أجمع أو أطرح من اليسار إلى اليمين (أيهما سبق).

الأعداد الحقيقية

الوحدة 1

حلّ مُعادلاتِ الجَمْعِ والطَّرْحِ (الدَّرْسُ 3)

أحلّ كُلَّ مُعادلةٍ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ اتَّحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الحَلِّ:

35 $x + 8 = 18$

36 $30 + y = 52$

37 $14 + m = 44$

38 $p - 20 = 16$

39 $y - 50 = 50$

40 $t - 4 = 3$

مِثَالٌ: أحلّ المُعادلة $x + 4 = 9$ ، ثُمَّ اتَّحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الحَلِّ:

الطَّرِيقَةُ 2: اسْتَغْمَالُ الْعِلَاقَةِ بَيْنِ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ:

أَهْمَكُرْ

ما جُمْلَةُ الطَّرْحِ الْمُرتَبِطَةُ
بِجُمْلَةِ الْجَمْعِ؟

$$x + 4 = 9$$



$$x = 9 - 4$$

إِذَنْ: $x = 5$ هُوَ حَلُّ الْمُعادلةِ.

الطَّرِيقَةُ 1: اسْتَغْمَالُ الْحِسَابِ الذَّهْنِيِّ:

أَهْمَكُرْ

ما العَدَدُ الَّذِي إِذَا أَضَفْتُ
إِلَيْهِ 4 يَكُونُ النَّاتِجُ 9؟

$$x + 4 = 9$$



$$5 + 4 = 9$$

إِذَنْ: $x = 5$ هُوَ حَلُّ الْمُعادلةِ.

اتَّحَقَّقْ: أَعَوِّضْ عَنِ الْمُتَغَيِّرِ x بِالْعَدَدِ 5 فِي الْمُعادلةِ $x + 4 = 9$

$$5 + 4 \stackrel{?}{=} 9$$

المُساواةُ صَحِيحَةٌ: $9 = 9$ ✓

حلّ معادلات الضرب والقسمة (الدّرس 3)

أحلّ كلّ معادلةٍ ممّا يأتي، ثمّ اتّحقّق من صحّة الحلّ:

41 $n \times 7 = 112$

42 $b \div 5 = 15$

43 $4m = 68$

44 $c \times 3 = 75$

45 $77 = 7c$

46 $y \div 10 = 15$

47 $4 \times p = 96$

48 $t \div 8 = 16$

مثال: أحلّ المعادلتين الآتيتين، ثمّ اتّحقّق من صحّة الحلّ:

a) $8x = 32$

الطريقة 2: استعمل العلاقة بين الضرب والقسمة:

أذكر
ما جملة القسمة المرتبطة
بجملة الضرب؟
 $8x = 32$
 $x = 32 \div 8$
إذن: $x = 4$ هو حلّ المعادلة.

الطريقة 1: استعمل الحساب الذهني:

أذكر
ما العدد الذي إذا ضربته
بـ 8 يكون الناتج 32؟
 $8x = 32$
 $8 \times 4 = 32$
إذن: $x = 4$ هو حلّ المعادلة.

اتّحقّق: أعوّض عن المتغيّر x بالعدد 4 في المعادلة $8x = 32$

$8 \times 4 = 32$

المساواة صحيحة: $32 = 32$ ✓

الأعداد الحقيقية

الوحدة 1

b) $x \div 10 = 4$

الطريقة 2: استعمال العلاقة بين الضرب والقسمة:

$$x \div 10 = 4$$

أفكر

ما جملة الضرب المرتبطة بجملة القسمة؟

$$x = 4 \times 10$$

إذن: $x = 40$ هو حل المعادلة.

الطريقة 1: استعمال الحساب الذهني:

$$x \div 10 = 4$$

أفكر

ما العدد الذي إذا قسمته على 10 يكون الناتج 4؟

$$40 \div 10 = 4$$

إذن: $x = 40$ هو حل المعادلة.

أتحقق: أعوض عن المتغير x بالعدد 40 في المعادلة $x \div 10 = 4$

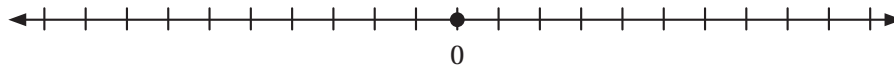
$$40 \div 10 \stackrel{?}{=} 4$$

المساواة صحيحة: $4 = 4$ ✓

تمثيل الأعداد الصحيحة على خط الأعداد (الدرس 4)

أمثل كلاً من الأعداد الصحيحة الآتية على خط الأعداد:

49 $-5, 3, 9, -3$



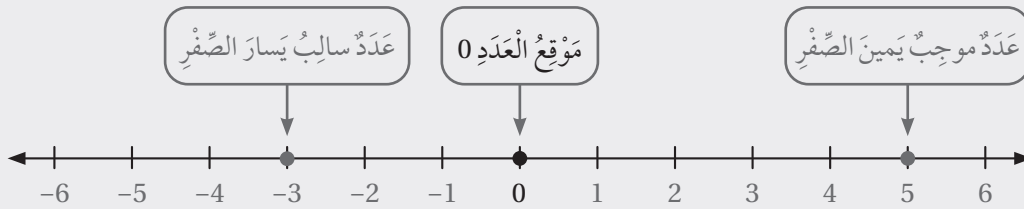
50 $0, -2, 4$



الأعداد الحقيقية

مثال: أمثل الأعداد: $-3, 0, 5$ على خط الأعداد.

أرسم خط الأعداد، ثم أرسم نقطة عند موقع كل عدد صحيح.



ترتيب الأعداد الصحيحة (الدرس 4)

أرتب الأعداد الصحيحة تصاعدياً في كل مما يأتي:

51 $4, -7, 3, -2, 0$

52 $-5, 8, 2, -6, -9, 1$

أرتب الأعداد الصحيحة تنازلياً في كل مما يأتي:

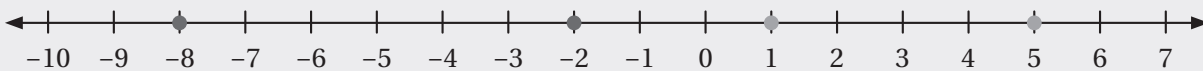
53 $17, -18, 20, -6, -23$

54 $48, -50, 32, -14, -36, 30$

مثال: أرتب الأعداد: $-8, 5, 1, -2$ تصاعدياً.

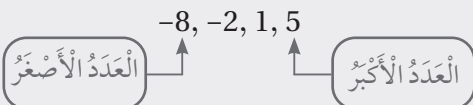
الطريقة 1: استعمال خط الأعداد.

أمثل الأعداد على خط الأعداد:



اكتب الأعداد من اليسار إلى اليمين بدءاً بالعدد الأصغر.

$$-8 < -2 < 1 < 5$$



الأعداد الحقيقية

الوحدة

1

الطريقة 2: استعمال الإشارة والقيمة في المقارنة.

أقارن الأعداد السالبة، ثم الموجبة:

الأعداد السالبة هي: $-2, -8$ ؛ و $-2 < -8$

الأعداد الموجبة هي: $1, 5$ ؛ و $1 < 5$

بما أن الأعداد السالبة أصغر من الأعداد الموجبة، فإن ترتيب الأعداد تصاعدياً هو:

$-8, -2, 1, 5$

• تحويل الكسر العادي إلى كسر عشري (الدرس 4)

أحول كل كسر عادي أو عدد كسري مما يأتي إلى الصورة العشرية:

55 $5 \frac{3}{8}$

56 $\frac{19}{20}$

57 $12 \frac{1}{8}$

58 $3 \frac{2}{5}$

59 $4 \frac{1}{4}$

60 $\frac{7}{25}$

مثال: أحوّل كل كسر عادي أو عدد كسري مما يأتي إلى الصورة العشرية:

a) $\frac{3}{4}$

الطريقة 1: أستخدم الكسور المتكافئة.

أحوّل الكسر إلى كسر مقامه 10 أو 100 أو 1000

أضرب البسط والمقام في 25

أضرب

كسر عشري

أهم

ما العدد الكلي الذي ناتج ضربه في 4 يساوي 10 أو 100 أو 1000 ؟

$$\begin{aligned}\frac{3}{4} &= \frac{3 \times 25}{4 \times 25} \\ &= \frac{75}{100} \\ &= 0.75\end{aligned}$$

الطريقة 2: أستخدم القسمة الطويلة.

أقسم البسط على المقام.

$$\begin{array}{r} 0.75 \\ 4 \overline{) 3.00} \\ \underline{- 0} \\ 30 \\ \underline{- 28} \\ 20 \\ \underline{- 20} \\ 0 \end{array}$$

أضع الفاصلة العشرية في ناتج القسمة فوق الفاصلة العشرية في المقسوم.

عند قسمة 3 على 4 أضع الفاصلة العشرية عن يمين 3 وأضيف أي عدد من الأصفار.

إذن: $\frac{3}{4} = 0.75$

b) $8\frac{9}{25}$

$$\begin{aligned}8\frac{9}{25} &= 8 + \frac{9 \times 4}{25 \times 4} \\ &= 8 + \frac{36}{100} \\ &= 8\frac{36}{100} \\ &= 8.36\end{aligned}$$

أكتب العدد الكسري بصورة عدد كلي وكسر

أضرب البسط والمقام في 4

عدد كسري

عدد عشري

الأعداد الحقيقية

الوحدة 1

المضاعف المشترك الأصغر (الدرس 6)

أجد المضاعف المشترك الأصغر لكل مما يأتي:

61 8, 14

62 10, 15

63 12, 14

64 8, 36

65 7, 12

66 2, 13

مثال: أجد المضاعف المشترك الأصغر للعددين 18 و 24

الخطوة 1: أحلل العددين 18 و 24 إلى عواملهما الأولية.

2	18
3	9
3	3
	1

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$

2	24
2	12
2	6
3	3
	1

$$24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

الخطوة 2: أحوط أكبر تكرار فقط لكل عامل أولي.

$$18 = 2 \times \boxed{3 \times 3}$$

ظهر العامل 3 أكبر عدد من المرات هنا

$$24 = \boxed{2 \times 2 \times 2} \times 3$$

ظهر العامل 2 أكبر عدد من المرات هنا

الخطوة 3: أجد (م.م.أ) بضرب جميع العوامل التي حوطت في الخطوة السابقة.

$$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 72$$

إذن، المضاعف المشترك الأصغر للعددين 18 و 24 هو العدد 72

• جَمْعُ الْكُسُورِ وَطَرْحُهَا (الدَّرْسُ 6)

أَجِدْ نَاتِجَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

67 $\frac{4}{9} + \frac{2}{9}$

68 $\frac{9}{10} - \frac{3}{10}$

69 $-\frac{7}{18} + \frac{1}{6}$

70 $\frac{5}{24} + \frac{3}{8}$

71 $\frac{4}{7} - \frac{2}{5}$

72 $\frac{4}{8} - \frac{2}{6}$

مِثَالٌ: أَجِدْ نَاتِجَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

a) $-\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$

$$\begin{aligned} -\frac{1}{3} + \frac{1}{4} &= \frac{-1 \times 4}{3 \times 4} + \frac{1 \times 3}{4 \times 3} \\ &= \frac{-4 + 3}{12} \\ &= -\frac{1}{12} \end{aligned}$$

أَجِدْ (م.م.أ.) لِلْمَقَامَيْنِ، وَهُوَ 12
أَجْمَعُ

b) $-\frac{1}{2} - \frac{1}{8}$

$$\begin{aligned} -\frac{1}{2} - \frac{1}{8} &= \frac{-1 \times 4}{2 \times 4} - \frac{1 \times 1}{8 \times 1} \\ &= \frac{-4 - 1}{8} \\ &= -\frac{5}{8} \end{aligned}$$

أَجِدْ (م.م.أ.) لِلْمَقَامَيْنِ، وَهُوَ 8
أَطْرَحُ
أَبْسِطُ

الأعداد الحقيقية

الوحدة

1

• ضرب الكسور العشرية (الدرس 7)

73 أصل بين كل جملة وناتج ضربها في ما يأتي:

$$3.46 \times 4$$

$$2.94 \times 6$$

$$2.08 \times 8$$

$$17.64$$

$$16.64$$

$$13.84$$

أجد ناتج كل مما يأتي:

74 0.4×4.1

75 5.3×0.03

76 82.7×0.76

$\times$	3.4	
1.8		7.56
5.6	19.04	

77 أملأ الفراغ بما هو مناسب في الجدول المجاور.

مثال: أجد ناتج: 1.32×2.4

الخطوة 1: أضرب من دون استعمال فاصلة عشرية.

$$132 \times 24 = 3168$$

الخطوة 2: أحدد موقع الفاصلة العشرية.

1.32	×	2.4	=	3.168
↑		↑		↑
مِئَتَانِ عَشْرَتَانِ		مِئَةُ عَشْرَةٍ وَاحِدَةٍ		3 مِئَاتٍ عَشْرِيَّةٍ

• قِسْمَةُ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ (الدَّرْسُ 7)

أجد ناتج كلِّ مما يأتي:

78 $6.12 \div 4$

79 $26.88 \div 24$

80 $49 \div 5$

81 $0.369 \div 9$

82 $1.76 \div 0.02$

83 $0.945 \div 0.45$

مثال: أجد ناتج قسمة كل مما يأتي:

a) $5.52 \div 1.2$

$$5.52 \div 1.2 = 55.2 \div 12.$$

أحرّك الفاصلة العشرية منزلةً واحدةً إلى اليمين

أستعمل القسمة المختصرة:

$$\begin{array}{r} 4.6 \\ 12 \overline{) 55.2} \\ \underline{48} \\ 72 \\ \underline{72} \\ 0 \end{array}$$

72 تعني 72

$$55 \div 12 = 4 \text{ تساوي } 4, \text{ والباقي } 7$$

$$\text{أكتب الباقي بجانب العدد } 2$$

$$72 \div 12 = 6 \text{ تساوي } 6, \text{ والباقي } 0$$

$$\text{إذن، } 55.2 \div 12 = 4.6$$

b) $32 \div 0.2$

$$32. \div 0.2 = 320. \div 2.$$

أحرّك الفاصلة العشرية منزلةً واحدةً إلى اليمين

أكتب 0 يمين 32

أستعمل القسمة المختصرة:

$$\begin{array}{r} 160. \\ 2 \overline{) 320.} \\ \underline{2} \\ 12 \\ \underline{12} \\ 0 \end{array}$$

12 تعني 12

$$3 \div 2 = 1 \text{ تساوي } 1, \text{ والباقي } 1$$

$$\text{أكتب الباقي بجانب العدد } 2$$

$$12 \div 2 = 6 \text{ تساوي } 6, \text{ والباقي } 0$$

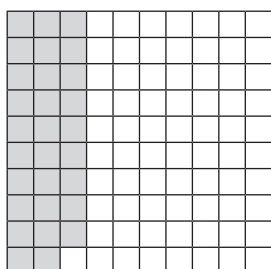
$$0 \div 2 = 0 \text{ أفسم المنزلة الأخيرة: } 0 \div 2 = 0$$

$$\text{إذن، } 32 \div 0.2 = 160$$

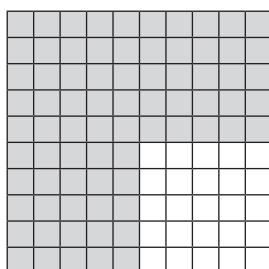
النسبة المئوية (الدرس 8)

اكتب النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل في كل مما يأتي:

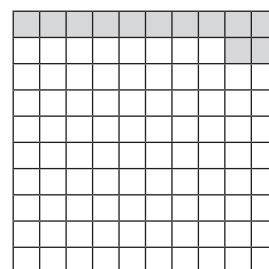
84



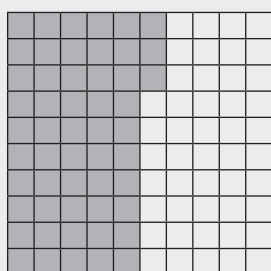
85



86



مثال: اكتب النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل في الشبكة المجاورة.



$$\frac{53}{100}$$

$$= 0.53$$

$$= 53\%$$

$$\frac{\text{(عدد الأجزاء المظللة)}}{\text{(عدد أجزاء الشكل)}}$$

اكتب على صورة كسر عشري

تعريف النسبة المئوية

تَحْلِيلُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ

المقادير العددية والجبرية (الدرس 1)

اكتب مقداراً عددياً أو جبرياً يعبر عن كلٍّ من الجمل الآتية:

2 إضافة 7 إلى 19

1 طرح 10 من 35

4 قسمة y على 8

3 ضرب 49 في p

6 ينقص عن 33 z

5 9 أمثال h

مثال: اكتب مقداراً عددياً أو جبرياً يعبر عن كلٍّ من الجمل الآتية:

(c) ضرب 5 في عدد

(b) جمع n إلى 73

(a) قسمة 49 على 7

المقدار الجبري: $5 \times m$

المقدار الجبري: $73 + n$

المقدار العددي: $49 \div 7$

الحدود والمعاملات والثوابت في المقادير الجبرية (الدرس 1)

أميز الحدود والمعاملات والثوابت في كلٍّ مقدارٍ جبريٍّ مما يأتي:

7 $18y$

8 $3 - u^3$

9 xy^2

10 5

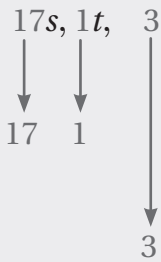
11 $9x - 5y$

12 124

تَحْلِيلُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ

مثال: أُمِّيزُ الْحُدُودَ وَالْمُعَامِلَاتِ وَالثَّوَابِتَ فِي كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

a) $17s + t + 3$

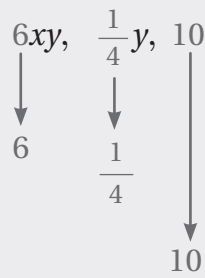


الْحُدُودُ:

الْمُعَامِلُ:

الثَّابِتُ:

b) $6xy + \frac{y}{4} + 10$



الْحُدُودُ:

الْمُعَامِلُ:

الثَّابِتُ:



- الْمُعَامِلُ هُوَ الْعَدَدُ الْمَضْرُوبُ فِي مُتَغَيِّرٍ.
- الْحَدُّ الثَّابِتُ هُوَ حَدٌّ فِي الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ لَا يَحْتَوِي أَيَّ مُتَغَيِّرٍ.

التَّعْبِيرُ عَنْ مَوْقِفٍ حَيَاتِيٍّ بِمِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ (الدَّرْسُ 1)

13 **أَسْنَانُ:** يَزِيدُ عَدَدُ أَسْنَانِ الشَّخْصِ الْبَالِغِ عَلَى عَدَدِ أَسْنَانِ الطِّفْلِ اللَّبَنِيِّ بِمِقْدَارِ 12 سِنًا. أَكْتُبُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُعَبِّرُ عَنْ عَدَدِ أَسْنَانِ الشَّخْصِ الْبَالِغِ. إِذَا كَانَ عَدَدُ الْأَسْنَانِ اللَّبَنِيِّ 20، فَمَا عَدَدُ أَسْنَانِ الشَّخْصِ الْبَالِغِ؟

14 **أَخْشَابُ:** لَدَى نَجَّارٍ لَوْحٌ مِنَ الْخَشَبِ، قَطَّعَهُ إِلَى قِطْعٍ طَوَّلُ كُلِّ مِنْهَا 20 cm أُعْبِرَ عَنْ عَدَدِ الْقِطْعِ الَّتِي حَصَلَ عَلَيْهَا بِمِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ، ثُمَّ أَسْتَعْمِلُ هَذَا الْمِقْدَارَ لِحِسَابِ عَدَدِ الْقِطْعِ؛ إِذَا كَانَ طَوَّلُ اللَّوْحِ 120 cm

تحليل المقادير الجبرية

15 حيوانات: إذا كانت الزرافة تنام 4 ساعات فقط في اليوم، فأكتب مقداراً جبرياً يبين عدد الساعات التي تنامها الزرافة في عدد من الأيام، ثم أستخدمه لحساب عدد الساعات التي تنامها الزرافة في أسبوع.

مثال:

نظام غذائي: تناولت هلا طبق سلطة وقطعة حلوى، إذا كان في طبق السلطة 50 سعرة حرارية، فأكتب مقداراً جبرياً يمثل عدد السعرات الحرارية التي حصلت عليها هلا، ثم أستخدم المقدار الجبري لإيجاد العدد الكلي للسعرات التي حصلت عليها؛ إذا كان في قطعة الحلوى 150 سعرة.

يحتوي طبق السلطة 50 سعرة، وتحتوي قطعة الحلوى عدداً مجهولاً من السعرات.

بالكلمات

يحتوي طبق السلطة 50 سعرة، وتحتوي قطعة الحلوى x من السعرات.

بالرموز

$x + 50$

المقدار الجبري

لحساب العدد الكلي للسعرات:

أكتب المقدار الجبري

$x + 50$

$150 + 50$

200

أعوّض عن x بالعدد 150

أجمع

إذن: عدد السعرات الحرارية التي حصلت عليها هلا يساوي 200 سعرة حرارية.

المعادلات الخطية بمتغيرين

• التمييز بين المعادلة والمقدار الجبري (الدرس 1)

أحد أي مما يأتي يمثل معادلة وأيها يمثل مقداراً جبرياً:

1 $6z = 24$

2 $5y + 7 = 15$

3 $3x - 2$

4 $6y + 1 = 25$

5 $3m$

6 $5 - 2y$

مثال: أحد أي مما يأتي يمثل معادلة وأيها يمثل مقداراً جبرياً:

a) $x + 17$

مقدار جبري؛ لأنها جملة رياضية تحتوي مجموعة من المتغيرات والأعداد تفصل بينها عمليات ولا تتضمن إشارة المساواة.

b) $y + 3 = 15$

معادلة؛ لأنها جملة رياضية تتضمن إشارة المساواة.



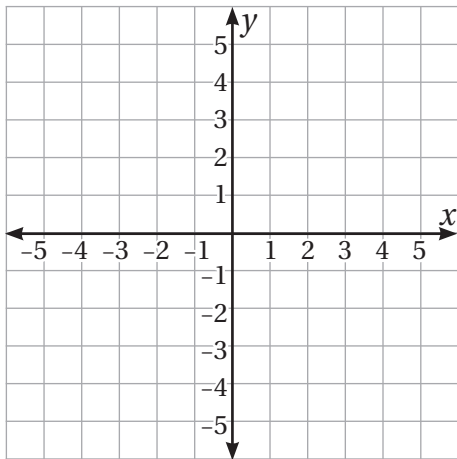
المعادلة جملة رياضية تتضمن إشارة مساواة (=)، وقد تتضمن أعداداً مجهولة يعبر عنها بأحرف $x, y, b, \dots$

المعادلات الخطية بمتغيرين

الوحدة

3

تمثيل النقاط في المستوى الإحداثي (الدرس 1)



أعین كل نقطة مما يأتي في المستوى الإحداثي المجاور، ثم أحدد الربع الذي تقع فيه، أو المحور الذي تقع عليه:

7 (4, 3)

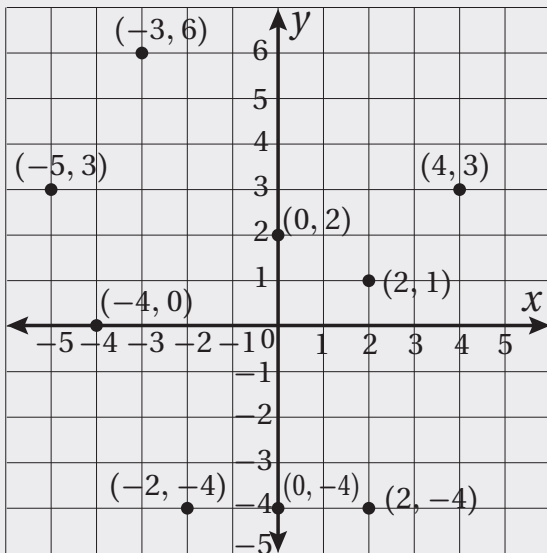
8 (-3, 2)

9 (5, -4)

10 (-4, -3)

11 (-2, 0)

12 (3, 0)



مثال: أعین كلًا من النقاط الآتية على المستوى الإحداثي:

a) (2, 1)

b) (4, 3)

c) (0, 2)

d) (-4, 0)

e) (-3, 6)

f) (0, -4)

g) (-2, -4)

h) (2, -4)

المعادلات الخطية بمتغيرين

• التَّعْبِيرُ عَنْ جُمْلَةٍ لَفْظِيَّةٍ بِمُعَادَلَةٍ (الدَّرْسُ 3)

أُعَبِّرُ عَنْ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي بِمُعَادَلَةٍ:

13 أضيف العدد 7 إلى x ؛ فأصبح الناتج 16

14 ضرب y في العدد 6؛ فأصبح الناتج 120

15 طرح العدد 4 من b ؛ فأصبح الناتج 23

16 قسّم k على العدد 2؛ فأصبح الناتج 88

مثال: أكتب مُعَادَلَةً للتَّعْبِيرِ عَنْ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

(b) قسّم y على 8 يساوي 23

$y \div 8$ قسّم y على 8

$y \div 8 = 23$ يساوي 23

إذن، المُعَادَلَةُ هِيَ: $y \div 8 = 23$

(a) جمع 6 مع x يساوي 17

$x + 6$ جمع 6 مع x

$x + 6 = 17$ يساوي 17

إذن، المُعَادَلَةُ هِيَ: $x + 6 = 17$

المعادلات الخطية بمتغيرين

التعبير عن مسألة حياتية بمعادلة (الدرس 3)

أعبر عن كل مما يأتي بمعادلة:

17 مسافات: المسافة بين مدرسة حسن ومنزله 2000 m، قطع منها عددًا من الأمتار والباقي 128 m

18 أرز: عند تاجر 50 kg من الأرز، وزعها على عدد من الأكياس بحيث تكون كتلة كل كيس 2 kg

مثال: خاط محمود عددًا من البناتيل، وخاط زميله 5 بناتيل، فأصبح مجموع المنجز 13 بنطالًا. أعبر عن المسألة بمعادلة.

خاط محمود عددًا من البناتيل، وخاط زميله 5 بناتيل، فأصبح المنجز 13 بنطالًا.

بالكلمات

خاط محمود x من البناتيل، وخاط زميله 5 بناتيل، فأصبح المنجز 13 بنطالًا.

بالرموز

$$x + 5 = 13$$

المعادلة

إذن، المعادلة التي تُعبر عن المسألة هي: $x + 5 = 13$

المعادلات الخطية بمتغيرين

مَعكُوسُ العَدَدِ (الدَّرْسُ 5)

أَجِدْ مَعكُوسَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

19 -1

20 7

21 29

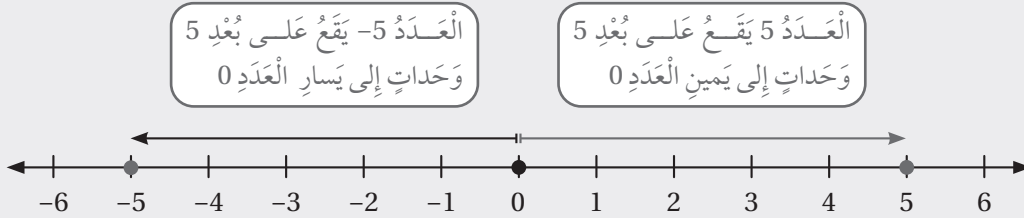
22 -13

23 0

24 80

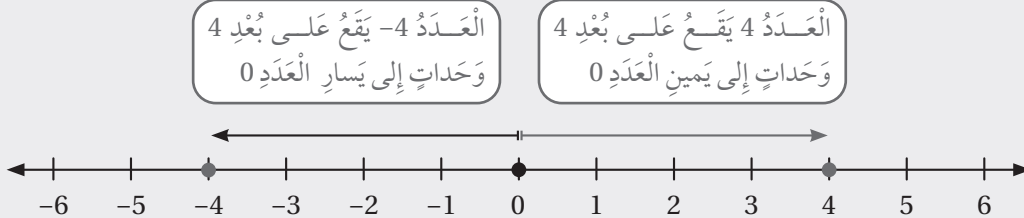
مِثَال:

(a) أَجِدْ مَعكُوسَ العَدَدِ -5



إِذْنِ، العَدَدُ 5 هُوَ مَعكُوسُ العَدَدِ -5

(b) أَجِدْ مَعكُوسَ العَدَدِ 4



إِذْنِ، مَعكُوسَ العَدَدِ 4 هُوَ العَدَدُ -4

المعادلات الخطية بمتغيرين

الوحدة

3

مقلوب العدد (الدرس 5)

أجد مقلوب كل عدد مما يأتي:

25 $\frac{1}{4}$

26 18

27 $\frac{2}{11}$

مثال: أكتب معادلة للتعبير عن كل مما يأتي:

(a) أجد مقلوب $\frac{3}{7}$

بما أن $\frac{3}{7} \times \frac{7}{3} = 1$ ، فإن $\frac{7}{3}$ هو مقلوب $\frac{3}{7}$

(b) أجد مقلوب 12

بما أن $12 \times \frac{1}{12} = 1$ ، فإن $\frac{1}{12}$ هو مقلوب 12

الآن

إذا كان ناتج ضرب عددين يساوي 1، فإن كلا منهما يسمى مقلوباً للآخر.

بما أن:

$$\frac{2}{7} \times \frac{7}{2} = \frac{1}{1} = 1$$

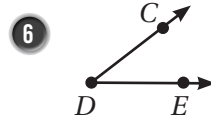
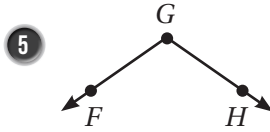
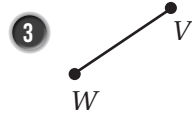
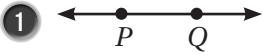
إذن: كل من $\frac{2}{7}$ و $\frac{7}{2}$ مقلوب للآخر.

$$\frac{2}{7} \times \frac{7}{2}$$

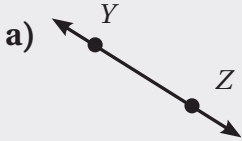
المثلثات المُتطابقة

التَّعْبِيرُ بِالرُّمُوزِ عَنِ النُّقْطَةِ وَالْمُسْتَقِيمِ وَالْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ وَالشَّعَاعِ (الدَّرْسُ 1)

أُسَمِّي كُلًّا مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أُعَبِّرُ عَنْهُ بِالرُّمُوزِ:

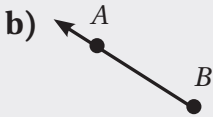


مِثَالٌ: أُسَمِّي كُلًّا مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أُعَبِّرُ عَنْهُ بِالرُّمُوزِ:



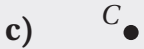
مُسْتَقِيمٌ؛ لِأَنَّهُ يَمْتَدُّ فِي الْإِتِّجَاهَيْنِ مِنْ دُونِ نِهَآيَةٍ.

بِالرُّمُوزِ: $\overleftrightarrow{YZ}$



شَّعَاعٌ؛ لِأَنَّ لَهُ نُقْطَةَ بَدَآيَةٍ، وَيَمْتَدُّ فِي اتِّجَآهِ وَاحِدٍ مِنْ دُونِ نِهَآيَةٍ.

بِالرُّمُوزِ: $\overrightarrow{BA}$



نُقْطَةٌ، النُّقْطَةُ C

بِالرُّمُوزِ: C



قِطْعَةٌ مُسْتَقِيمَةٌ؛ لِأَنَّ لَهَا نُقْطَةَ بَدَآيَةٍ وَنُقْطَةَ نِهَآيَةٍ.

بِالرُّمُوزِ: $\overline{LM}$

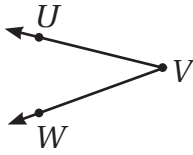
الْمُثَلَّثَاتُ الْمُتَطَابِقَةُ

الوحدة 4

تَسْمِيَةُ الزَّوَايَا وَتَصْنِيفُهَا (الدَّرْسُ 1)

أَصْنَفْ كُلًّا مِنَ الزَّوَايَا الْآتِيَةِ إِلَى قَائِمَةٍ، أَوْ حَادَّةٍ، أَوْ مُنْفَرَجَةٍ، أَوْ مُسْتَقِيمَةٍ، ثُمَّ أَسْمِهَا بِثَلَاثِ طَرَائِقَ مُخْتَلِفَةٍ:

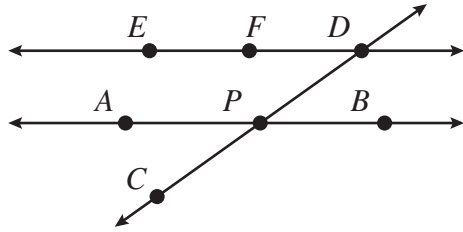
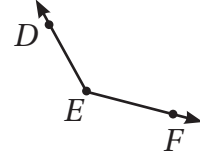
7



8



9



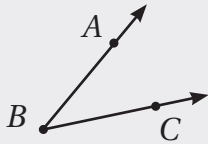
أَسْمِ مِنَ الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ كُلًّا مِنَ الزَّوَايَا الْآتِيَةِ:

10 زاوية حادة رأسها P.

11 زاويتان منفرجتان.

12 3 زوايا مستقيمة.

مِثَالٌ: أَسْمِ الزَّوَايَا بِثَلَاثِ طَرَائِقَ مُخْتَلِفَةٍ:



$\angle B$

تَسْمِيَةُ الزَّوَايَا بِدَلَالَةِ رَأْسِهَا فَقَطْ؛ شَرْطُ عَدَمِ اشْتِرَاكِهَا مَعَ زَاوِيَةٍ أُخْرَى فِي الرَّأْسِ نَفْسِهِ.

$\angle ABC$

تَسْمِيَةُ الزَّوَايَا بِوَصْفِ $\overrightarrow{BA}$ ضِلْعِ ابْتِدَاءِ.

$\angle CBA$

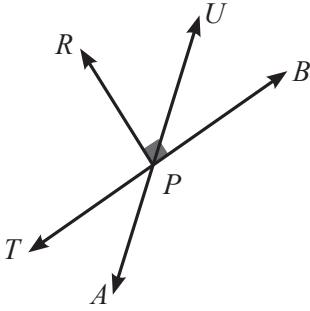
تَسْمِيَةُ الزَّوَايَا بِوَصْفِ $\overrightarrow{BC}$ ضِلْعِ ابْتِدَاءِ.

المثلثات المُتطابقة

العلاقات بين الزوايا (الدَّرْس 1)

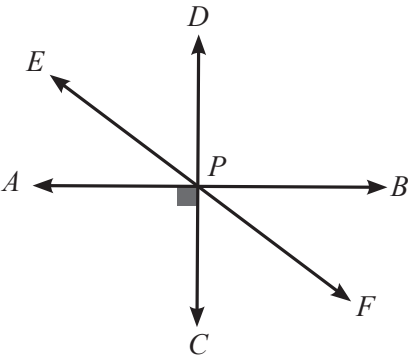
اعتمادًا على الشكل المُجاور، اُسَمِّي:

- 13 زَاوِيَتَيْنِ مُتَقَابِلَتَيْنِ بِالرَّأْسِ. 14 زَاوِيَتَيْنِ مُتَكَامِلَتَيْنِ.
15 زَاوِيَتَيْنِ مُتَجَاوِرَتَيْنِ. 16 زَاوِيَتَيْنِ مُتَمَامَتَيْنِ.



اعتمادًا على الشكل المُجاور، اُسَمِّي:

- 17 زَاوِيَتَيْنِ مُتَقَابِلَتَيْنِ بِالرَّأْسِ. 18 زَاوِيَتَيْنِ مُتَكَامِلَتَيْنِ.
19 زَاوِيَتَيْنِ مُتَجَاوِرَتَيْنِ. 20 زَاوِيَتَيْنِ مُتَمَامَتَيْنِ.



مِثَالٌ: اعتمادًا على الشكل المُجاور، اُسَمِّي:

(a) زَاوِيَتَيْنِ مُتَقَابِلَتَيْنِ بِالرَّأْسِ:

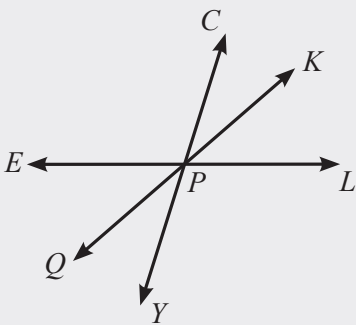
$\angle CPK, \angle QPY$ ؛ لِأَنَّهُمَا نَتَجَتَا مِنْ تَقَاطُعِ الْمُسْتَقِيمَيْنِ $\overleftrightarrow{QK}, \overleftrightarrow{CY}$

(b) زَاوِيَتَيْنِ مُتَكَامِلَتَيْنِ:

$\angle CPE, \angle CPL$ ؛ لِأَنَّ مَجْمُوعَ قِيَاسِيَهُمَا 180° ، وَهُمَا تُشَكِّلَانِ زَاوِيَةً مُسْتَقِيمَةً.

(c) زَاوِيَتَيْنِ مُتَجَاوِرَتَيْنِ:

$\angle KPL, \angle LPY$ ؛ لِأَنَّهُمَا رَأْسَا مُشْتَرَكَا (P)، وَضِلْعَا مُشْتَرَكَا $\overrightarrow{PL}$ ، وَلَا تَتَدَاخَلَانِ.

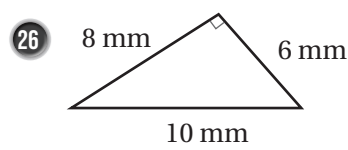
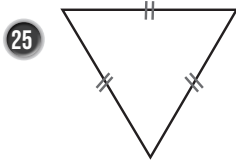
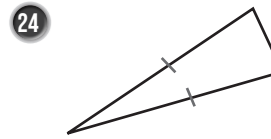
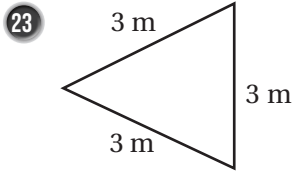
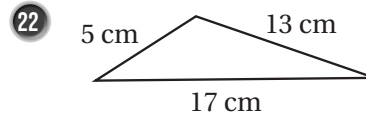
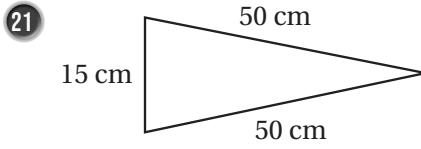


المثلثات المتطابقة

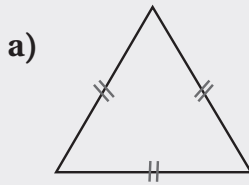
الوحدة 4

تصنيف المثلثات بحسب أطوال أضلاعها (الدرس 3)

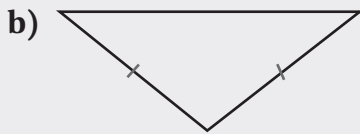
أصنف كلاً من المثلثات الآتية حسب أطوال أضلاعها، وأبرر إجابتني:



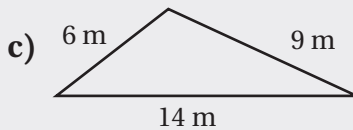
مثال: أصنف كلاً من المثلثات الآتية حسب أطوال أضلاعها، وأبرر إجابتني:



المثلث متطابق الأضلاع؛ لأن أطوال أضلاعه الثلاثة متساوية.



المثلث متطابق الضلعين؛ لأنه يوجد ضلعان في المثلث لهما الطول نفسه (متطابقان).



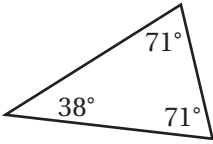
المثلث مختلف الأضلاع؛ لأنه لا يوجد فيه ضلعان متطابقان.

المثلثات المتطابقة

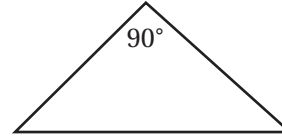
تصنيف المثلثات بحسب قياسات زواياها (الدرس 3)

أصنف كلاً من المثلثات الآتية حسب قياسات زواياها، وأبرر إجابتي:

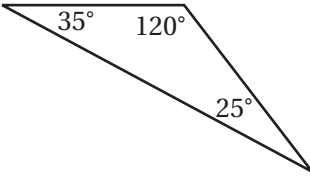
27



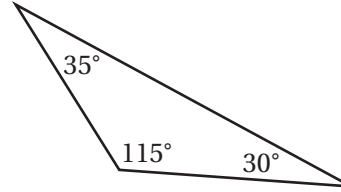
28



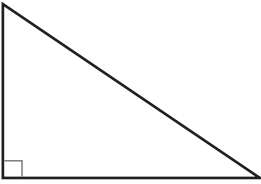
29



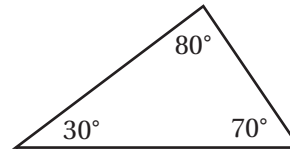
30



31

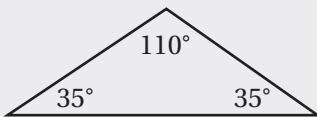


32



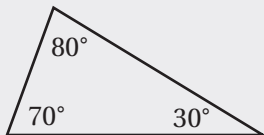
مثال: أصنف كلاً من المثلثات الآتية حسب قياسات زواياها، وأبرر إجابتي:

a)



المثلث مُنْفَرَج الزاوية؛ لأن إحدى زواياه مُنْفَرَجَةٌ، والزاويتان الأخريان حادّتان.

b)



المثلث حادّ الزوايا؛ لأن زواياه الثلاث حادّة.

c)



المثلث قائم الزاوية؛ لأن إحدى زواياه قائمة، والزاويتان الأخريان حادّتان.