



المركز الوطني  
لتطوير المناهج  
National Center  
for Curriculum  
Development

# الرياضيات

الصف السابع - كتاب الطالب

الفصل الدراسي الأول

7

## فريق التأليف

د. عمر محمد أبوغليون (رئيسًا)

د. أحمد عبد السميع طيبة

إبراهيم أحمد عمارة

د. عيسى عبد الوهاب الطراونة

هبة ماهر التميمي (منسقًا)

## الناشر: المركز الوطني لتطوير المناهج

يسر المركز الوطني لتطوير المناهج استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب عن طريق العناوين الآتية:



06-5376262 / 237



06-5376266



P.O.Box: 2088 Amman 11941



@nccdjor



feedback@nccd.gov.jo



www.nccd.gov.jo

قررت وزارة التربية والتعليم تدريس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية جميعها، بناءً على قرار المجلس الأعلى للمركز الوطني لتطوير المناهج في جلسته رقم (2020/4)، تاريخ 2020/6/11 م، وقرار مجلس التربية والتعليم رقم (2020/54) تاريخ 2020/6/24 م، بدءاً من العام الدراسي 2020 / 2021 م.

© HarperCollins Publishers Limited 2020.

- Prepared Originally in English for the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

- Translated to Arabic, adapted, customised and published by the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

**ISBN: 978 - 9923 - 41 - 356 - 2**

المملكة الأردنية الهاشمية  
رقم الإيداع لدى دائرة المكتبة الوطنية  
(2022/4/2046)

375.001

الأردن. المركز الوطني لتطوير المناهج

الرياضيات: الصف السابع: كتاب الطالب (الفصل الدراسي الأول)/ المركز الوطني لتطوير المناهج. - ط2؛ مزيدة

ومنقحة. - عمان: المركز، 2022

(128) ص.

ر.إ.: 2022/4/2046

الواصفات: / الرياضيات / التعليم الإعدادي / المناهج /

يتحمل المؤلف كامل المسؤولية القانونية عن محتوى مصنفه ولا يعبر هذا المصنف عن رأي دائرة المكتبة الوطنية.



All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, sorted in retrieval system, or transmitted in any form by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording or otherwise, without the prior written permission of the publisher or a license permitting restricted copying in the United Kingdom issued by the Copyright Licensing Agency Ltd, Barnard's Inn, 86 Fetter Lane, London, EC4A 1EN.

British Library Cataloguing -in- Publication Data

A catalogue record for this publication is available from the Library.

1441 هـ / 2020 م

2021 م - 2024 م

الطبعة الأولى (التجريبية)

أعيدت طباعته

## المقدمة

انطلاقاً من إيمان المملكة الأردنية الهاشمية الراسخ بأهمية تنمية قدرات الإنسان الأردني، وتسليحه بالعلم والمعرفة؛ سعى المركز الوطني لتطوير المناهج، بالتعاون مع وزارة التربية والتعليم، إلى تحديث المناهج الدراسية وتطويرها، لتكون معيماً على الارتقاء بمستوى الطلبة المعرفي، ومجارات الأقران في الدول المتقدمة. ولما كانت الرياضيات إحدى أهم المواد الدراسية التي تنمي لدى الطلبة مهارات التفكير وحلّ المشكلات، فقد أولى المركز هذا المبحث عنايةً كبيرةً، وحرص على إعداد كتب الرياضيات وفق أفضل الطرائق المتبعة عالمياً على أيدي خبرات أردنية؛ لضمان انسجامها مع القيم الوطنية الراسخة، وتلبيتها لحاجات طلبتنا.

روعي في إعداد كتب الرياضيات تقديم المحتوى بصورة سلسلة، ضمن سياقات حياتية شائقة، تزيد رغبة الطلبة في التعلّم. وكذلك إبراز خطة حلّ المسألة، وإفراد دروس مستقلة لها تتيح للطلبة التدرّب على أنواع مختلفة من هذه الخطط وتطبيقها في مسائل متنوعة. وقد احتوت الكتب على مشروع لكل وحدة؛ لتعزيز تعلّم الطلبة المفاهيم والمهارات الواردة فيها وإثرائها. ولأنّ التدرّب المكثّف على حلّ المسائل يُعدّ إحدى أهم طرائق ترسيخ المفاهيم الرياضية وزيادة الطلاقة الإجرائية لدى الطلبة؛ فقد أُعدّ كتاب التمارين على نحو يُقدّم للطلبة ورقة عمل في كل درس، تُحلّ بوصفها واجباً منزلياً، أو داخل الغرفة الصفية إن توافر الوقت الكافي. ولأنّنا ندرك جيداً حرص الكوادر التعليمية الأردنية على تقديم أفضل ما لديها للطلبة؛ فقد جاء كتاب التمارين أداة مساعدة تُوفّر عليها جهد إعداد أوراق العمل وطباعتها.

من المعلوم أنّ الأرقام العربية تُستخدم في معظم مصادر تعليم الرياضيات العالمية، ولا سيّما على شبكة الإنترنت، التي أصبحت أداة تعليمية مهمّة؛ لما تزخر به من صفحات تُقدّم محتوى تعليمياً تفاعلياً ذا فائدة كبيرة. وحرصاً منا على ألا يفوت طلبتنا أيّ فرصة، فقد استعملنا في هذا الكتاب الأرقام العربية؛ لجسر الهوة بين طلبتنا والمحتوى الرقمي العلمي، الذي ينمو بتسارع في عالم يخطو نحو التعليم الرقمي بوتيرة متسارعة.

ونحن إذ نُقدّم هذا الكتاب، نأمل أن ينال إعجاب طلبتنا والكوادر التعليمية الأردنية، ويجعل تعليم الرياضيات وتعلّمها أكثر متعةً وسهولةً، ونعد بأنّ نستمرّ في تحسين هذا الكتاب في ضوء ما يصلنا من ملاحظات.

المركز الوطني لتطوير المناهج

الوحدة 1 الأعداد النسبية	6.....
مشروع الوحدة: الأعداد النسبية في السوق	7.....
الدرس 1 العدَدُ النَّسْبِيُّ	8.....
الدرس 2 كتابة العدد النسبي بالصورة العشرية ...	11.....
الدرس 3 مقارنة الأعداد النسبية وترتيبها	16.....
الدرس 4 جمع الأعداد النسبية وطرحها	21.....
الدرس 5 ضرب الأعداد النسبية وقسمتها	27.....
الدرس 6 خطة حل المسألة: الحل العكسي	32.....
اختبار نهاية الوحدة	34.....
الوحدة 2 الأسس الصحيحة	
والمقادير الجبرية	36.....
مشروع الوحدة: تصميم نموذج ساعة جدار	37.....
الدرس 1 قوانين الأسس الصحيحة	38.....
الدرس 2 أولويات العمليات الحسابية	43.....
الدرس 3 الحدود والمقادير الجبرية	48.....
الدرس 4 جمع المقادير الجبرية وطرحها	52.....
الدرس 5 ضرب المقادير الجبرية	57.....
الدرس 6 خطة حل المسألة: التخمين والتحقق ...	62.....
اختبار نهاية الوحدة	64.....



## قائمة المحتويات

الوحدة 4 الزوايا والمضلعَات	الوحدة 3 المعادلات الخطية
98 ..... والتحويلات الهندسية	66 .....
99 ..... مشروع الوحدة: الهندسة حولنا	67 ..... مشروع الوحدة: خدمة التوصيل
100 ..... الدرس 1 العلاقات بين الزوايا	68 ..... الدرس 1 حل المعادلات
104 ..... الدرس 2 المستقيمات المتوازية والقاطع	73 ..... الدرس 2 الكسور العشرية الدورية
109 ..... الدرس 3 زوايا المثلث	77 ..... الدرس 3 المتتاليات
113 ..... الدرس 4 زوايا المضلع	83 ..... الدرس 4 الاقترانات
119 ..... الدرس 5 الدوران	88 ..... الدرس 5 تمثيل الاقتران الخطي بيانياً
125 ..... معمل برمجة جيو جبراً: الدوران	معمل برمجة جيو جبراً:
127 ..... اختبار نهاية الوحدة	95 ..... تمثيل الاقتران الخطي
	96 ..... اختبار نهاية الوحدة



## الأعداد النسبية

## ما أهمية هذه الوحدة؟

حينَ يقيسُ الطَّيِّبُ قوَّةَ نظْرِ الشَّخْصِ ذِي البَصْرِ السَّلِيمِ فَإِنَّهُ يَكْتُبُ نَتِيجَةَ الفَحْصِ بِالصُّورَةِ  $\frac{6}{6}$  . وقد يَخْطُرُ عَلى بَالِي سِوَالٍ مَفَادُهُ: لِمَاذَا لَا يُخْتَصَرُ هَذَا العَدْدُ؟ إِنَّ هَذَا نَوْعٌ خَاصٌّ مِنَ الأَعْدَادِ سَأَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الوَحْدَةِ.



## سأتعلم في هذه الوحدة:

- تمييز مجموعة الأعداد النسبية، وإجراء العمليات عليها.
- كتابة الأعداد النسبية بالصورة العشرية.
- مقارنة الأعداد النسبية، وترتيبها.

## تعلمت سابقاً:

- ✓ جمع الكسور وطرحها.
- ✓ تمييز مجموعة الأعداد الكلية، وإجراء العمليات عليها.
- ✓ تمييز مجموعة الأعداد الصحيحة، وإجراء العمليات عليها.



## مشروع الوحدة: الأعداد النسبية في السوق

2 أنشئ جدولاً: أكتب في العمود الأول الأعداد التي جمعتها، وفي الثاني أكتب كل عدد على الصورة  $\frac{a}{b}$ ، أما في الثالث فأكتب القيمة المطلقة لكل عدد.

العدد النسبي	العدد على صورة $\frac{a}{b}$	القيمة المطلقة

3 أرّتب الأعداد التي جمعتها ترتيباً تنازلياً، مبيّناً خطوات الحل.

### عرض النتائج:

أصمّم مطويةً أكتب فيها ما يأتي:

- خطوات عمل المشروع، والنتائج التي توصلت إليها.
- أمثلة أظهر فيها للمعلمي قدرتي على جمع الأعداد النسبية، وطرحها، وضربها، وقسمتها، وكتابة صيغة متكافئة لأي عدد نسبي.
- معلومة إضافية عرفتُها عن الأعداد النسبية في أثناء عملي في المشروع.
- بعض الصعوبات التي واجهتني في أثناء عملي في المشروع، وكيف تغلبت عليها.

أستعدُّ ومجموعتي لتنفيذ مشروعنا الخاص الذي نطبّق فيه ما ستتعلمونه في هذه الوحدة لجمع أعداد مكتوبة على أشياء مختلفة حولنا، ثم إجراء بعض العمليات الحسابية عليها.

### خطوات تنفيذ المشروع:

1 أبحث عن أعداد نسبية مكتوبة على أشياء حولي، مثل: المعلبات، والأجهزة، والصحف، وعلب الأدوية، وغير ذلك، مراعيًا أن تحتوي على كل مما يأتي: ثلاثة أعداد نسبية سالبة، وخمسة أعداد كلية، وثلاثة كسور، وثلاثة أعداد كسرية، وخمسة كسور عشرية. ومن المهم التقاط صور تُبيّن موقع هذه الأعداد لتضمينها في مشروعي.





أستكشف

غابة الأمازون هي أكبر غابة مطرية في العالم، وتقع في قارة أمريكا الجنوبية، وتنتشر على مساحة  $\frac{11}{2}$  مليون كيلو متر مربع. ما اسم مجموعة الأعداد التي ينتمي إليها العدد  $\frac{11}{2}$ ؟



فكرة الدرس

أتعرف العدد النسبي، وأمثله على خط الأعداد.

المصطلحات

العدد النسبي

**العدد النسبي** (rational number) هو عدد يمكن التعبير عنه بوصفه نسبة بين عددين صحيحين ( $a$  و  $b$ ) مكتوبة على صورة كسر  $\frac{a}{b}$  حيث  $b \neq 0$ . لذلك يمكن أن يكون العدد النسبي كسرًا فعليًا، أو غير فعلي، أو كسرًا عشريًا، أو عددًا كسرًا، أو عشريًا؛ لأن كلاً منها يمكن كتابته على صورة كسر  $\frac{a}{b}$ .

مثال 1

أكتب كل عدد نسبي مما يأتي على صورة كسر  $\frac{a}{b}$ :

$$\begin{aligned} 1 \quad -10.6 &= -10 \frac{6}{10} \\ &= -\frac{(10 \times 10) + 6}{10} \\ &= -\frac{100 + 6}{10} = -\frac{106}{10} \\ &= -\frac{53}{5} \end{aligned}$$

أحوّل الكسر العشري إلى عدد كسري

أحوّل العدد الكسري إلى كسر غير فعلي

أضرب وأجمع

أبسط

$$\begin{aligned} 2 \quad 65\% &= 0.65 \\ &= \frac{65}{100} \\ &= \frac{13}{20} \end{aligned}$$

أحوّل النسبة المئوية إلى كسر عشري

أحوّل الكسر العشري إلى كسر فعلي

أبسط

أذكر

لكتابة العدد الكسري على صورة كسر  $\frac{a}{b}$  فأبني أضرب مقام الكسر في الجزء الصحيح، وأضيف الناتج إلى البسط، ثم أكتب الناتج في بسط الكسر.

أتحقّق من فهمي:



3  $1 \frac{2}{5}$

4 0.36

5 -6

6 80%

## الوحدة 1

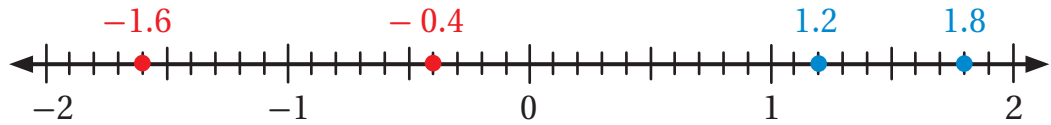
عند تمثيل الأعداد النسبية على خط الأعداد فيأتي اختيارًا تدريجيًا مناسبًا بين الأعداد الصحيحة.

### مثال 2: من الحياة

مقدار التغير	الشركة
1.8	أ
-1.6	ب
1.2	ج
-0.4	د

تمثل الأعداد النسبية في الجدول المجاور مقدار ارتفاع أو انخفاض أسهم 4 شركات في سوق عمان المالية. أمثل هذه الأعداد على خط الأعداد.

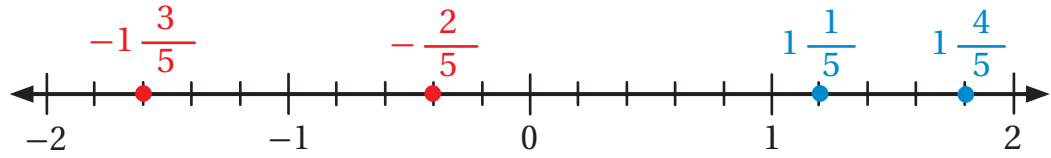
**الطريقة 1:** أرسم خط أعداد، وأضع عليه تدريجيًا مناسبًا، ثم أحدد مواقع الأعداد.



### أنعام

أكتب الكسور في أبسط صورة لتصغير المقامات وتسهيل رسم التدرج على خط الأعداد.

**الطريقة 2:** يمكنني -أيضا- أن أكتب الأعداد النسبية على صورة كسور فعلية، أو أعداد كسرية، ثم أمثلها على خط الأعداد.



### أتحقق من فهمي:

أمثل كل عدد نسبي مما يأتي على خط الأعداد:

1 2

2 -0.8

3 4.6

4 -3.2

### أدرب وأحل المسائل

أكتب كل عدد نسبي مما يأتي على صورة كسر  $\frac{a}{b}$ :

1 25

2  $2\frac{1}{4}$

3 0.07

4 -127

5  $-1\frac{2}{3}$

6 35%



أمثل كل عددٍ نسبيٍّ ممَّا يأتي على خطِّ الأعداد:

7 0.2

8  $1 \frac{1}{3}$

9  $-\frac{1}{5}$

10 1.6

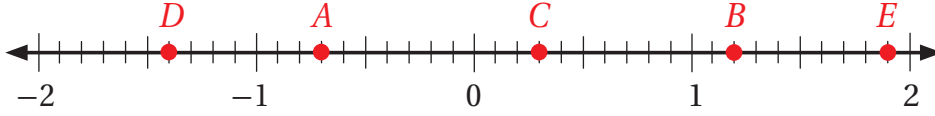
11  $|-3.3|$

12 90%

اليوم	فرق الزمن بالساعات
السبت	0.7
الأحد	-0.2
الاثنين	1.25
الثلاثاء	-0.1

**رياضة:** يريد سعد أن يتدرب على (الكرايه) مدة ساعة يومياً، فسجّل الزمن الذي يزيد على الساعة أو ينقص عنها مدة 4 أيام باستخدام أعدادٍ نسبيّة كما يظهر في الجدول المجاور. أكتب كلاً من هذه الأعداد على صورة كسر  $\frac{a}{b}$ .

14 أكتب العدد النسبي الذي تمثله الأحرف  $A, B, C, D, E$  على خط الأعداد:



15 أرسم خطَّ أعدادٍ من 0 إلى 3، وأضع عليه إشاراتٍ تبعُد عن بعضها 0.1، ثمَّ أستخدمه لتمثيل الأعداد النسبيّة 30%،  $1 \frac{1}{4}$ ، 2.1، 2.85.

16 **علوم:** تقع أصغر عظمة في جسم الإنسان في الأذن الوسطى، ويبلغ طولها 2.8 mm، وتسمى عظمة الركاب. أمثل طول العظمة على خط الأعداد.

17 **ما السؤال؟** أكتب سؤالاً عن موضوع درس اليوم إجابته:  $\frac{13}{6}$

18 **تبرير:** تعلّمت سابقاً مجموعة الأعداد الصحيحة ومجموعة الأعداد الكليّة. فما العلاقة بينهما وبين الأعداد النسبيّة التي تعلّمتها اليوم؟

19 **أكتب** فقرة قصيرة أبين فيها كيفية تمثيل العدد النسبي 1.6 على خط الأعداد.

### معلومة

تُسهّم ممارسة الرياضة في جعل الجسم مثاليًا ورشيقيًا ومعافيًا، فهي تحارب السمّة، وتقي من الإصابة بالعديد من الأمراض.

### مهارات التفكير العليا

### أتذكّر

الأعداد الكليّة:  
0, 1, 2, 3, 4, 5, ...  
الأعداد الصحيحة:  
..., -2, -1, 0, 1, 2, ...





أستكشف

لدى مُزارع 33 شجرة برتقال، لكنّه خسر إنتاج 13 شجرة منها؛ بسبب موجة صقيع. ما الكسر العشري الدالُّ على الأشجار التي خسر المزارع إنتاجها؟



فكرة الدرس

أكتب العدد النسبي بالصورة العشرية.

المصطلحات

كسر عشري مُنته،  
كسر عشري دوري.

يمكنني كتابة أي عدد نسبي بالصورة العشرية بطرائق عدّة، منها إيجاد كسر مكافئ مقامه: 10، 100، 1000، ...

مثال 1

أكتب كل عدد نسبي مما يأتي بالصورة العشرية:

1  $\frac{2}{5}$

$$\frac{2}{5} = \frac{4}{10} = 0.4$$

العدد 5 أحد عوامل العدد 10؛ لذلك يمكنني أن أجد كسرًا مكافئًا مقامه 10. بما أن  $2 \times 5 = 10$ ، فإنني أضرب كلاً من البسط والمقام في 2.

2  $-\frac{3}{25}$

$$-\frac{3}{25} = -\frac{12}{100} = -0.12$$

العدد 25 أحد عوامل العدد 100؛ لذلك يمكنني أن أجد كسرًا مكافئًا مقامه 100. بما أن  $25 \times 4 = 100$ ، فإنني أضرب كلاً من البسط والمقام في 4.

أتحقّق من فهمي:



3  $\frac{1}{2}$

4  $\frac{3}{5}$

5  $-\frac{7}{20}$

6  $\frac{4}{25}$

قد لا يكون سهلاً إيجاد كسرٍ مكافئٍ مقامه: 10، 100، 1000، ... حيثُ أقمُ البسطَ على المقامِ باستعمالِ طريقةِ القسمةِ الطويلةِ.

## مثال 2

أستخدمُ القسمةَ لكتابة  $\frac{5}{8}$  بالصورة العشرية.

$$\begin{array}{r}
 0.625 \\
 8 \overline{) 5.000} \\
 \underline{- 4 \quad 8} \phantom{00} \\
 20 \phantom{0} \\
 \underline{- 16} \phantom{0} \\
 40 \\
 \underline{- 40} \\
 0
 \end{array}$$

أقسم 5 على 8

أضع صفرًا يمينَ الفاصلة العشرية

أطرح 48 من 50، ثم أضع صفرًا آخر يمينَ الفاصلة العشرية

أقسم 20 على 8

أطرح 16 من 20، ثم أضع صفرًا آخر يمينَ الفاصلة العشرية

أقسم 40 على 8

تنتهي القسمة حينما يكون ناتج الطرح صفرًا

$$\frac{5}{8} = 0.625 \text{ أي إن } 0.625 \text{ بالصورة العشرية على النحو الآتي: } 0.625$$

أتحقق من فهمي:



أستخدمُ القسمةَ لكتابة كلِّ مما يأتي بالصورة العشرية.

1  $\frac{3}{8}$

2  $\frac{5}{16}$

يسمى الكسر العشري 0.625 الناتج في المثال السابق **كسرًا عشريًا منتهيًا** (terminating decimal)؛ لأنه يحتوي على عددٍ منتهٍ من الأرقام. لكن، هل يمكن أن يحتوي الكسر العشري على عددٍ غير منتهٍ من الأرقام؟ للإجابة عن ذلك، أتأمل المثال الآتي:

أستخدمُ القسمة لكتابة  $\frac{3}{9}$  بالصورة العشريّة.

$$\begin{array}{r} 0.333 \\ 9 \overline{) 3.000} \\ \underline{- 27} \phantom{00} \\ 30 \\ \underline{- 27} \phantom{0} \\ 30 \\ \underline{- 27} \\ 3 \end{array}$$

أقسمُ 3 على 9 وأضيفُ أصفارًا إلى اليمين الفاصلة العشريّة كلّ مرّة؛ للاستمرار في القسمة.

إذن، الكسر العشريّ المكافئ للعدد النسبيّ  $\frac{3}{9}$  هو  $0.333\dots$ ، ألاحظُ أنّ الرقم 3 يتكرّر بشكلٍ غير منتهٍ.

أتحقّق من فهمي:



أستخدمُ القسمة لكتابة كلّ ممّا يأتي بالصورة العشريّة.

1  $\frac{2}{3}$

2  $\frac{7}{9}$

يسمى الكسر العشريّ  $0.3333\dots$  الناتج في المثال السابق كسرًا عشريًا دوريًا (repeating decimal).

وللتعبير عن تكرار رقمٍ بشكلٍ غير منتهٍ أضع الإشارة (-) فوقه؛ أي إنّ  $0.3\bar{3} = 0.333\dots$ ، وأقرأها: ثلاثة بال عشرة دوريّ.

إذا تكرّر أكثر من رقمٍ في الكسر العشريّ الدوريّ أضع إشارة (-) فوق الأرقام المتكرّرة فقط. مثلاً:  $1.5\bar{7}5757\dots = 1.575757\dots$

في بعض الكسور العشريّة قد تتكرّر بعض الأرقام من دون غيرها. فمثلاً في الكسر العشريّ:  $0.3\bar{4}44\dots = 0.3444\dots$  نلاحظُ

أنّ الرقم 4 فقط متكرّر؛ لذلك وضعنا فوقه فقط إشارة (-)؛ لأنّ الرقم 3 لم يتكرّر.

### مثال 4: من الحياة



قاد طارق دراجته الهوائية مسافة  $\frac{13}{8}$  km من منزله إلى الحديقة العامّة.

أعبّر بالصورة العشريّة عن المسافة التي قطعها طارق.

يمكنني أن أكتب الكسر غير الفعليّ  $\frac{13}{8}$  بصورة عددٍ عشريّ، بإيجاد ناتج  $13 \div 8$  عن طريق القسمة الطويلة،

لكن من الأسهل - أحياناً - كتابة الكسر  $\frac{13}{8}$  بصورة عددٍ كسريّ أولاً، ثم إجراء القسمة الطويلة.

$$\frac{13}{8} = 1 \frac{5}{8}$$

$$= 1.625$$

أكتب الكسر غير الفعلي بصورة عدد كسري

أجد ناتج  $5 \div 8$  بالقسمة الطويلة كما في المثال 2

أتحقق من فهمي:



**غَوْضٌ:** غاص أحمد إلى عمق  $12 \frac{4}{9}$  m تحت سطح البحر الأحمر في خليج العقبة. أعبّر بالصورة العشرية عن العمق الذي وصل إليه أحمد. هل الكسر العشري الناتج دوري أم لا؟ أبرر إجابتي.

## أندرب وأحل المسائل

أكتب كل عدد نسبي مما يأتي بالصورة العشرية:

1  $\frac{1}{4}$

2  $\frac{4}{5}$

3  $-\frac{6}{25}$

4  $\frac{9}{20}$

5  $-\frac{7}{8}$

6  $\frac{9}{16}$

أستخدم القسمة لكتابة كل عدد نسبي مما يأتي بالصورة العشرية:

7  $\frac{1}{9}$

8  $-\frac{1}{3}$

9  $\frac{1}{6}$

10  $-\frac{5}{11}$

11 **عمل منزلي:** أعدد رامي  $\frac{17}{3}$  L من عصير البرتقال. أكتب كمية العصير بالصورة

العشرية. هل العدد العشري الذي حصل عليه دوري أم لا؟ أبرر إجابتي.

12 **فوسفات:** يعدد منجم الشيدية أكبر منجم فوسفات في الأردن؛ إذ يسهم بـ 72% من

إنتاج المملكة من الفوسفات. ما الكسر العشري الدال على نسبة ما ينتجه المنجم من

الفوسفات الأردني؟

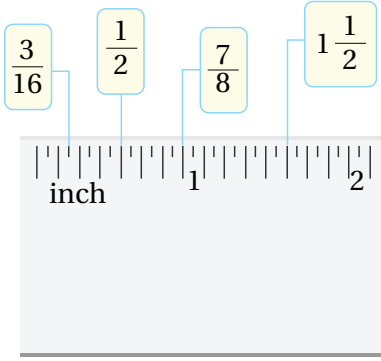
## أتذكر

التر وحدة لقياس الحجم وهو يُستعمل لقياس حجوم السوائل، ومن مضاعفاته المتر المكعب ( $m^3$ )، ومن أجزائه المليلتر (mL).

13 **نباتات:** في عام 2012م سُجّل رقم قياسي لأطول ببتة دوار الشمس؛ إذ بلغ

طولها  $8 \frac{1}{4}$  m، ما العدد العشري الدال على طول الببتة؟

## الوحدة 1



المِسْطَرَّةُ المِجَاوِرَةُ مُقَسَّمَةٌ إِلَى أَجْزَاءٍ، طَوَّلُ كُلِّ مِنْهَا  $\frac{1}{16}$  inch، هَلِ المَقايِسُ المِشَارُ إِلَيْهَا عَلَى المِسْطَرَّةِ عِنْدَ تَحْوِيلِهَا تُنتِجُ كَسورًا عَشْرِيَّةً مُنْتَهِيَّةً، أَمْ دَوْرِيَّةً؟ اَبْرِّرْ إِجَابَتِي.

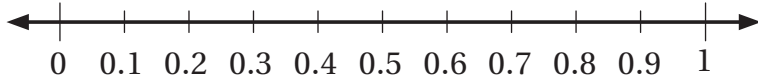
14

### أَتَعَلَّمُ

الإنش (inch) وحدة قياسٍ تُسْتَعْدَمُ فِي بَعْضِ دَوْلِ العَالَمِ. وَلِلتَّحْوِيلِ مِنَ الإنشِ إِلَى السَّنْتِيْمِترِ نَطْبِقُ العِلاقَةَ الآتِيَةَ:

$$1 \text{ inch} = 2.54 \text{ cm}$$

أَمْتَلُ كَلًّا مِنَ الكُسُورِ:  $\frac{9}{25}$ ،  $\frac{3}{4}$ ،  $\frac{3}{5}$ ،  $\frac{5}{8}$  عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ الآتِي:



15

### مهارات التفكير العليا

**أكتشف الخطأ:** تقول لمار: إن أي كسر فعليٍّ مقامه 6 يكافئ كسرًا عشريًّا دوريًّا. أكتشف خطأ لمار، ثمَّ أصحِّحهُ..

16

### إرشاد

لحلِّ السُّؤالِ 16 أبحثُ عَنْ مِثَالٍ يَناقِضُ قَوْلَ لِمَارَ، وَيُسَمِّي فِي الرِّياضِيَّاتِ: "مِثَالٌ مُضادٌّ".

**تبرير:** أتاَمَلُ العِبارَاتِ الآتِيَةَ، ثُمَّ أَصِفُهَا بِمَا يُلائِمُهَا مِمَّا بَيْنَ القوسينِ (صَحِيحَةٌ، لَيْسَتْ صَحِيحَةٌ) مَبْرَّرًا إِجَابَتِي بِأَمثِلَةٍ:

17 إذا كان الكسرُ الفعليُّ في أبسطِ صورةٍ ومقامه عددًا فرديًّا فإنه دائمًا يكافئ كسرًا عشريًّا دوريًّا.

17

### أتذكّر

الكسرُ الفعليُّ هو عددٌ نسبيٌّ بَسْطُهُ أصغَرُ مِنْ مقامِهِ. وَيُعَدُّ الكسرُ الفعليُّ في أبسطِ صورةٍ إذا كانَ العَاملُ المُشْتَرَكُ الأَكْبَرُ (ع.م.أ.) بَيْنَ بَسْطِهِ وَمقامِهِ 1.

18 إذا كان الكسرُ الفعليُّ في أبسطِ صورةٍ ومقامه عددًا زوجيًّا فإنه يكافئ كسرًا عشريًّا منتهيًّا.

18

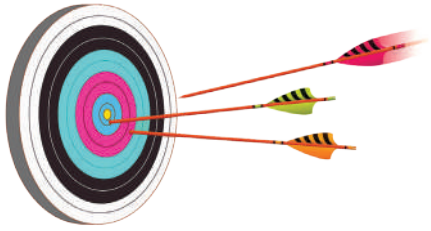
19 إذا كان الكسرُ الفعليُّ في أبسطِ صورةٍ ومقامه: 10، 100، 1000، ...، 1000000 فإنه يكافئ كسرًا عشريًّا منتهيًّا.

19

20 **أكتب:** أصِفْ كيفَ أُحوِّلُ عددًا نسبيًّا إلى صورةٍ عشريَّةٍ.

20

## أستكشف



صوّب ثلاثة رُمّة نحو لوحة الهدف، فرمى الأول 6 رُميات، أصابت 5 منها الهدف، ورمى الثاني 9 رُميات، أصابت 4 منها الهدف، أمّا الثالث فرمى 3 رُميات، أصابت رُميتان منها الهدف. أي الرُمّة أحرز أفضل نتيجة؟

## فكرة الدرس

أقارن بين الأعداد النسبية، وأرتبها.

يمكن المقارنة بين عددين نسبيين بطريقة الحساب الذهني، وذلك بتحديد أقربهما إلى القيم المرجعية:  $0$ ،  $\frac{1}{2}$ ،  $1$

## مثال 1

أضع إشارة  $>$  أو  $<$  أو  $=$  في ؛ لتصبح كل جملة مما يأتي صحيحة:

1  $\frac{5}{8}$    $\frac{3}{10}$

بما أن  $\frac{5}{8} > \frac{3}{10}$  و  $\frac{5}{8} > \frac{1}{2}$  فإن  $\frac{5}{8} > \frac{3}{10}$

2  $3\frac{1}{2}$    $\frac{3}{5}$

بما أن  $3\frac{1}{2} > 1$  و  $\frac{3}{5} < 1$  فإن  $3\frac{1}{2} > \frac{3}{5}$

3  $|\frac{1}{4}|$    $-0.5$

بما أن  $|\frac{1}{4}| = \frac{1}{4}$ ، و  $\frac{1}{4}$  عدد موجب، و  $-0.5$  عدد سالب،

إذن،  $|\frac{1}{4}| > -0.5$

أتحقق من فهمي:

4  $\frac{3}{4}$    $\frac{2}{6}$

5  $-\frac{1}{2}$    $1$

6  $|\frac{1}{3}|$    $1.5$



## الوحدة 1

يمكنني مقارنة الأعداد النسبية وترتيبها بتحويلها إلى الصيغة العشرية، ثم تمثيلها على خط الأعداد، ومقارنتها بحسب مواقعها.

### مثال 2

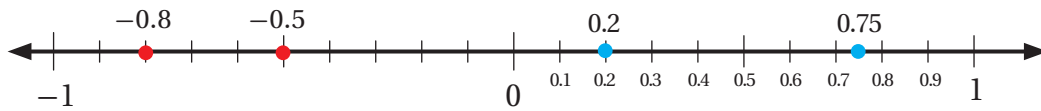
أرتب الأعداد النسبية في كلِّ ممَّا يأتي تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر):

1  $0.2$  ,  $\frac{3}{4}$  ,  $-0.8$  ,  $-\frac{1}{2}$

الخطوة 1 أحوّل الأعداد النسبية المكتوبة على صورة كسر  $\frac{a}{b}$  إلى الصيغة العشرية:

$$\frac{3}{4} = 0.75 \quad -\frac{1}{2} = -0.5$$

الخطوة 2 أمثّل الأعداد الناتجة على خط الأعداد:



أرتب الأعداد النسبية بالنظر إلى موقعها على خط الأعداد:  $-0.8 < -0.5 < 0.2 < 0.75$

إذن، الترتيب التصاعدي للأعداد، هو:  $-0.8$  ,  $-\frac{1}{2}$  ,  $0.2$  ,  $\frac{3}{4}$

أتحقق من فهمي: ✓

2  $\frac{7}{10}$  ,  $-\frac{3}{5}$  ,  $|-0.15|$  ,  $-0.85$

أحياناً، يمكن مقارنة الأعداد النسبية وترتيبها بتحويلها أيضاً إلى صورة كسر  $\frac{a}{b}$ ، ثم توحيد مقاماتها ثم مقارنة قيم البسط فيها.

### مثال 3

أرتب الأعداد النسبية في كلِّ ممَّا يأتي ترتيباً تنازلياً (من الأكبر إلى الأصغر):

1  $\frac{1}{12}$  ,  $\frac{2}{3}$  ,  $0.35$

الخطوة 1 أحوّل الأعداد النسبية المكتوبة بالصيغة العشرية إلى صورة كسر  $\frac{a}{b}$ :

$$0.35 = \frac{35}{100} = \frac{35 \div 5}{100 \div 5} = \frac{7}{20} \quad \text{بقسمة البسط والمقام على العامل المشترك الأكبر (5)}$$

الخطوة 2 أوَّحد المقامات جميعها عن طريق المضاعف المشترك الأصغر (60) للأعداد 12، 3، 20:

$$\begin{array}{ccc} \begin{array}{c} \times 5 \\ \curvearrowright \\ \frac{1}{12} = \frac{5}{60} \\ \curvearrowleft \\ \times 5 \end{array} & \begin{array}{c} \times 20 \\ \curvearrowright \\ \frac{2}{3} = \frac{40}{60} \\ \curvearrowleft \\ \times 20 \end{array} & \begin{array}{c} \times 3 \\ \curvearrowright \\ \frac{7}{20} = \frac{21}{60} \\ \curvearrowleft \\ \times 3 \end{array} \end{array}$$

الخطوة 3 أقرن وأرتب عن طريق البسط؛ لأن المقامات جميعها متساوية:

$$5 < 21 < 40 \rightarrow \frac{40}{60} > \frac{21}{60} > \frac{5}{60}$$

إذن، الترتيب التنازلي للأعداد، هو:  $\frac{2}{3}$  ، 0.35 ،  $\frac{1}{12}$

أتحقق من فهمي:

2  $-\frac{1}{5}$  ، -0.15 ،  $\frac{7}{10}$

أندرب وأحل المسائل

أضع إشارة > أو < أو = في □؛ لتصبح كل جملة مما يأتي صحيحة:

1  $\frac{1}{3}$  □  $\frac{3}{5}$

2  $\frac{-5}{8}$  □  $\frac{-2}{7}$

3 0.4 □  $|\frac{-7}{8}|$

4  $-1\frac{3}{5}$  □ -1.6

5  $-1\frac{1}{2}$  □  $\frac{4}{7}$

6  $1\frac{8}{20}$  □ -1.6

أرتب الأعداد النسبية الآتية تصاعدياً:

7 -1.8 ،  $1\frac{9}{10}$  ، -1.25

8 -0.3 ، 0.5 ، 0.55 ، 0.35

9 |3.5| ، |-1.8| ، 4.6 ،  $3\frac{2}{5}$  ، |2.7|

## الوحدة 1

أرتب الأعداد النسبية الآتية تنازلياً:

10  $-0.6$  ،  $-\frac{5}{8}$  ،  $\frac{7}{12}$  ،  $-0.75$

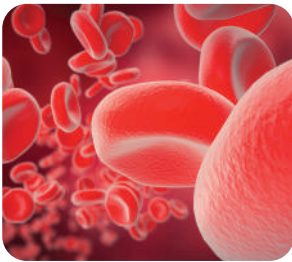
11  $\frac{3}{4}$  ،  $-\frac{7}{10}$  ،  $-\frac{3}{4}$  ،  $\frac{8}{10}$

12  $|-6.3|$  ،  $-7.2$  ،  $8$  ،  $|5|$  ،  $-6.3$



**علوم:** يتجمد الماء عند درجة حرارة  $0^{\circ}\text{C}$ ، وتقل درجة تجمده عند إضافة الملح إليه. أضافت جنى كميات مختلفة من الملح إلى أربع عينات من الماء، وكانت تقيس درجة تجمد العينة كل مرة. أرتب العينات حسب كمية الملح المضافة إليه، من الأكثر إلى الأقل.

العينة	A	B	C	D
درجة التجمد ( $^{\circ}\text{C}$ )	$-1\frac{1}{4}$	$-0.1$	$-1.1$	$-1\frac{2}{5}$



**تغذية:** إذا كانت كمية الحديد في صحن من السبانخ  $6.4\text{ mg}$ ، وفي صحن من حبوب الصويا  $\frac{34}{4}\text{ mg}$ ، فأحدد أيهما يحتوي على كمية أكبر من الحديد: السبانخ أم حبوب الصويا.

هل الكسور:  $\frac{3}{12}$  ،  $\frac{3}{11}$  ،  $\frac{3}{10}$  مرتبة تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر) أم تنازلياً (من الأكبر إلى الأصغر)؟ أبرر إجابتني.

### معلومة

الحرف (C) اختصاراً لكلمة (Celsius)؛ وهي إحدى وحدات قياس درجة الحرارة.

13

### معلومة

للحديد أهمية كبيرة لجسم الإنسان؛ فهو يسهم في إنتاج خلايا الدم الحمراء.

14

### أتعلم

إذا تساوت الأعداد في البسط واختلقت في المقام فإن الكسر ذا المقام الأكبر يكون الكسر الأصغر.

15



**سباق:** في سباقٍ للدراجاتِ حُسِبَ الوسطُ الحسابيُّ للزَّمنِ الذي استغرَقَهُ المتسابقون للوصولِ إلى نُقطةِ النِّهايةِ. إذا كانَ الجدولُ التالي يبيِّنُ الفَرَقَ بينَ زمنِ وصولِ 5 مُتسابقينَ عنِ المتوسِّطِ، فأرتَّبُ اللَّاعينَ منَ الأسرعِ إلى الأبطأ:

16

المتسابقُ	أحمدُ	محمدُ	عبدُ العزيزِ	خالدُ	عمرُ
زمنُ الوصولِ أكثرُ منَ الوسطِ الحسابيِّ أو أقلُّ منه (بالدَّقيقة)	-1.25	$1\frac{9}{10}$	$1\frac{2}{5}$	1	-1.8

أعوذُ إلى فقرة (أستكشِف) بدايةَ الدَّرسِ، وأحلُّ المسألة.

17

### مهاراتُ التفكيرِ العُلَيَّا

**تبرير:** لماذا يقلُّ العددُ 0.25 عنِ العددِ  $0.\overline{25}$ ؟ أو صِّحِّحْ إجابتي.

18

**تبرير:** إذا علمتُ ترتيبَ خمسةِ أعدادٍ نسبيَّةٍ سالبةٍ تصاعديًّا (من الأصغرِ إلى الأكبرِ) فكيفَ يمكنُ أنْ أستخدمَ هذهَ المعلومةَ في ترتيبِ معكوساتِ تلكَ الأعدادِ؟ أو صِّحِّحْ إجابتي.

19

### أتذكَّرُ

معكوسُ العددِ النسبيِّ  $a$  هو  $-a$

**تحدِّ:**  $a, b, c$  ثلاثة أعدادٍ تُحقِّقُ ما يأتي:

20

$c > b, a > b, c > a$ . أيُّ هذهِ الأعدادِ هو الأكبرُ؟

**أكتبُ** أصفُ كيفيةَ ترتيبِ ثلاثةِ أعدادٍ نسبيَّةٍ تصاعديًّا، أحدها موجبٌ والآخرُ سالبٌ، أمَّا الثالثُ فصفه.

21



فكرة الدرس

أَجْمَعُ الأَعْدَادَ النَّسِيبِيَّةَ،  
وَأَطْرَحُهَا.

المصطلحات

النظيرُ الجَمْعِيُّ.

أستكشفُ

في أحدِ أسابيعِ الصَّيفِ الحارَّةِ  
انخَفَضَ مُستوى المِاءِ في قِناةِ المَلِكِ  
عبدِ اللهِ  $m \frac{2}{3}$ ، وفي الأَسبوعِ الَّذِي  
يَلِيهِ انخَفَضَ مُستوى المِاءِ  $m \frac{1}{9}$   
مَرَّةً أُخْرَى. ما مِقْدَارُ الانخِفاضِ في  
الأَسبوعَيْنِ؟

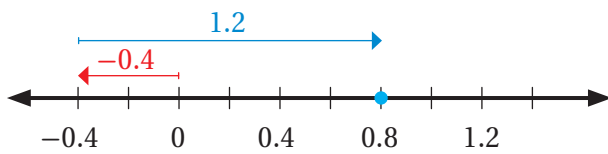


يَمكُنُ اسْتِعْمَالُ خَطِّ الأَعْدَادِ فِي جَمْعِ الأَعْدَادِ النَّسِيبِيَّةِ وَطَرَحِهَا.

مثال 1

أَسْتَعْمَلُ خَطَّ الأَعْدَادِ لِإِجَادِ نَاتِجِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

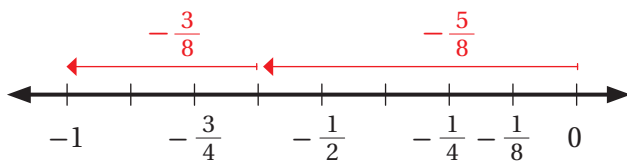
1  $-0.4 + 1.2$



أَبْدَأُ مِنَ العَدَدِ 0، وَأَتَحَرَّكُ 0.4 وَحَدَاتٍ  
إِلَى الِيسَارِ، ثُمَّ 1.2 وَحَدَةً إِلَى الِيَمِينِ

أَلَا حِظُّ أَنْ نُقَطَّةَ الْإِنْتِهَاءِ عِنْدَ 0.8؛ لِذَا  $-0.4 + 1.2 = 0.8$

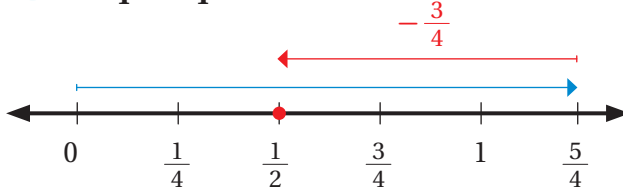
2  $-\frac{5}{8} + (-\frac{3}{8})$



أَبْدَأُ مِنَ العَدَدِ 0، وَأَتَحَرَّكُ  $\frac{5}{8}$  وَحَدَاتٍ  
إِلَى الِيسَارِ، ثُمَّ  $\frac{3}{8}$  وَحَدَاتٍ إِلَى الِيسَارِ

أَلَا حِظُّ أَنْ نُقَطَّةَ الْإِنْتِهَاءِ عِنْدَ -1؛ لِذَا  $-\frac{5}{8} + (-\frac{3}{8}) = -1$

$$3 \quad 1 \frac{1}{4} - \frac{3}{4}$$



أبدأ من العدد 0، وأتحرك  $1 \frac{1}{4}$  وحدة إلى اليمين، ثم  
أتحرك  $\frac{3}{4}$  وحدات إلى اليسار من  $1 \frac{1}{4}$

$$1 \frac{1}{4} - \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \quad \text{لذا} \quad \frac{1}{2} \quad \text{نقطة الانتهاء عند}$$

أتحقق من فهمي: ✓

$$4 \quad -0.9 + 2.1$$

$$5 \quad -\frac{5}{9} + \left(-\frac{1}{9}\right)$$

$$6 \quad 2 \frac{1}{7} - \frac{5}{7}$$

حين أجمع أو أطرح عددين نسبيين لهما مقامان مختلفان، أجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للمقامين، ثم أجد عددًا نسبيًا مكافئًا لأحد العددين أو كليهما. أجمع البسطين أو أطرحهما، ثم أكتب الناتج فوق المقام نفسه.

مثال 2 أجد ناتج كل مما يأتي:

$$1 \quad -\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$$

$$\begin{aligned} -\frac{1}{3} + \frac{1}{4} &= \frac{-1 \times 4}{3 \times 4} + \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = -\frac{4}{12} + \frac{3}{12} \\ &= \frac{-4 + 3}{12} \\ &= -\frac{1}{12} \end{aligned}$$

أجد (م.م.أ) للمقامين، وهو 12

أجمع

$$2 \quad -\frac{1}{2} - \frac{1}{8}$$

$$\begin{aligned} -\frac{1}{2} - \frac{1}{8} &= \frac{-1 \times 4}{2 \times 4} - \frac{1 \times 1}{8 \times 1} \\ &= \frac{-4 - 1}{8} \\ &= -\frac{5}{8} \end{aligned}$$

أجد (م.م.أ) للمقامين، وهو 8

أطرح

$$3 \quad 0.5 + \left(-\frac{1}{4}\right)$$

$$\begin{aligned} 0.5 + \left(-\frac{1}{4}\right) &= 0.5 + (-0.25) \\ &= 0.5 - 0.25 = 0.25 \end{aligned}$$

أحول الكسر الفعلي إلى كسر عشري

أطرح



# الوحدة 1

أتحقق من فهمي: 

4  $-\frac{2}{5} + \frac{7}{15}$

5  $-\frac{1}{3} - \frac{1}{6}$

6  $\frac{1}{2} + (-0.3)$

مثال 3 أجد ناتج كل مما يأتي:

1  $-3\frac{1}{2} + 2\frac{5}{6}$

$$\begin{aligned} -3\frac{1}{2} + 2\frac{5}{6} &= -\frac{7}{2} + \frac{17}{6} \\ &= -\frac{21}{6} + \frac{17}{6} \\ &= \frac{-21 + 17}{6} \\ &= \frac{-4}{6} = -\frac{2}{3} \end{aligned}$$

الطريقة 1: أحول الأعداد الكسرية إلى كسور غير فعلية ثم أجمعها.

أحول العدد الكسري إلى كسر غير فعلي

أجد (م. م. أ) للمقامات، وهو 6

أجمع

أجد الناتج في أبسط صورة

$$\begin{aligned} -3\frac{1}{2} + 2\frac{5}{6} &= -3 + (-\frac{1}{2}) + 2 + \frac{5}{6} \\ &= [-3 + 2] + [(-\frac{1}{2}) + \frac{5}{6}] \\ &= -1 + (-\frac{3}{6}) + \frac{5}{6} \\ &= -1 + \frac{2}{6} = -\frac{2}{3} \end{aligned}$$

الطريقة 2: أجمع الأعداد الكليّة، وأجمع الكسور

أجزئ الأعداد الكسرية

أجمع الأعداد الكليّة مع بعضها، والكسور الفعلية مع بعضها

أجمع الأعداد الكليّة

أجمع الكسور، وأجد الناتج في أبسط صورة

2  $-1\frac{1}{9} - 3\frac{1}{6}$

$$\begin{aligned} -1\frac{1}{9} - 3\frac{1}{6} &= -\frac{10}{9} - \frac{19}{6} \\ &= -\frac{10 \times 2}{9 \times 2} - \frac{19 \times 3}{6 \times 3} \\ &= -\frac{20}{18} - \frac{57}{18} = \frac{-20 - 57}{18} \\ &= -\frac{77}{18} = -4\frac{5}{18} \end{aligned}$$

أحول الأعداد الكسرية إلى كسور غير فعلية

أجد (م. م. أ) للمقامات، وهو 18

أطرح

أكتب الناتج في صورة عدد كسري

أتحقق من فهمي: 

3  $-2\frac{1}{3} + 4\frac{5}{12}$

4  $-3\frac{1}{4} - 1\frac{3}{5}$

عند جمع أي عددٍ نسبيٍّ إلى معكوسه يكون الناتج صفرًا؛ لذلك يُسمَّى كلُّ منهما نظيرًا جَمْعِيًّا (additive inverse) للآخر.

**مثال 4** أجد ناتج كلِّ مما يأتي:

1  $2.4 + -\frac{12}{5}$

$$2.4 + -\frac{12}{5} = 2.4 + -2.4$$

$$= 0$$

أحوّل الكسر غير الفعليّ إلى عددٍ عشريٍّ  
خاصية النظير الجمعيّ

2  $5\frac{1}{2} + 3\frac{1}{4} + -\frac{11}{2}$

$$5\frac{1}{2} + 3\frac{1}{4} + -\frac{11}{2} = \frac{11}{2} + \frac{13}{4} + -\frac{11}{2}$$

$$= \frac{11}{2} + -\frac{11}{2} + \frac{13}{4}$$

$$= 0 + \frac{13}{4} = \frac{13}{4}$$

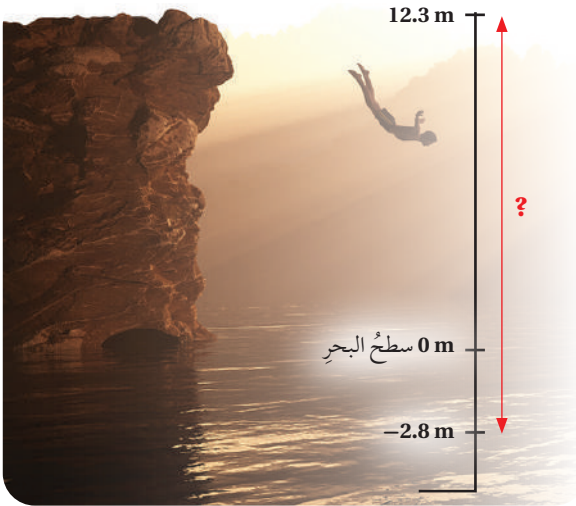
أحوّل الأعداد الكسرية إلى كسورٍ غير فعليةٍ  
الخاصية التبديلية  
خاصية النظير الجمعيّ

**أتحقّق من فهمي:**

3  $-3.7 + 3.7$

4  $6\frac{1}{4} + -5.2 + -6.25$

**مثال 5: من الحياة**



**رياضةٌ بحريّة:** قفز أيمن من ارتفاع 12.3 m فوق سطح البحر، وعند ملامسته سطح الماء، غاص إلى الأسفل 2.8 m. أستخدم الأعداد النسبية لإيجاد الفرق بين موقع قفز أيمن والعمق الذي وصل إليه تحت سطح الماء.

يمكن اعتبار الارتفاع فوق مستوى سطح البحر قيمة موجبة، والذي تحت سطح البحر قيمة سالبة، أي إن أيمن قطع 12.3 m فوق سطح البحر، و 2.8 m - تحت سطح البحر.

$$12.3 - (-2.8)$$

$$= 12.3 + 2.8$$

$$= 15.1$$

الفرق بين الارتفاعين

أجمعُ

أي إن الفرق بين موقع قفز أيمن والعمق الذي وصل إليه تحت سطح الماء هو 15.1 m

## الوحدة 1

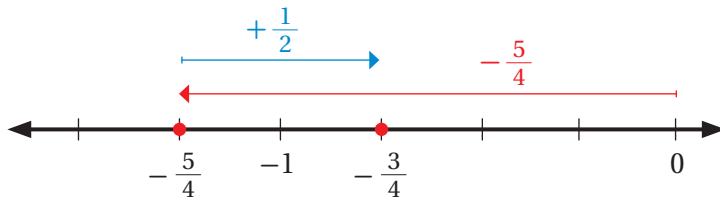
أتحقق من فهمي:



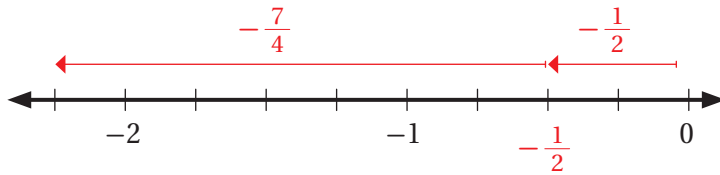
**علوم:** في إحدى تجارب العلوم، سكبتم سمر  $L \frac{3}{4}$  من السائل من دورق زجاجي، وبعد مرور 7 دقائق سكبتم  $L \frac{1}{6}$  من الدورق نفسه. كم لتراً نقص الدورق؟

أكتب العبارة العددية التي تمثل كل خط أعداد مما يأتي، ثم أجد الناتج:

1



2



أجد ناتج كل مما يأتي:

3  $-1.3 + 1.3$

4  $-\frac{3}{10} + (-\frac{1}{10})$

5  $3\frac{1}{8} - \frac{7}{8}$

6  $\frac{-4}{9} + \frac{2}{3}$

7  $0.75 + (-\frac{1}{4})$

8  $-1\frac{1}{5} + 2\frac{3}{15}$

9  $-1\frac{1}{6} - 2\frac{1}{9}$

10  $4.2 - (-8.5)$

أتذكر

لجمع عددين عشريين، أو طرحهما، أرتبهما رأسيًا بحيث تكون الفاصلتان العشريتان إحداهما فوق الأخرى، ثم أجمع الأرقام، أو أطرحهما في المنازل نفسها.

**11 البحر الميت:** يُعدُّ البحر الميت أخفض نقطة على سطح الأرض؛ إذ يبلغ انخفاض سطحه 417.5 m تحت سطح البحر، وتُعدُّ قمة جبل إفرست أعلى نقطة على سطح الأرض، ويبلغ ارتفاعها 8844.43 m فوق سطح البحر. أحسب المسافة بين أعلى نقطة وأخفض نقطة على سطح الأرض.

## إرشاد

يمكن جمع ثلاثة أعداد نسبية أو أكثر جمعًا مباشرًا كما يأتي:

- إذا كان لها المقام نفسه نجمع البسط، ونثبت المقام.
- إذا اختلفت مقاماتها نجد كسورًا مكافئة لكل منها بمقام موحد، ثم نجمع.

**هندسة:** اشتريت ليلي  $5\frac{3}{8}$  m من السلك لعمل أشكال هندسية؛ وعرضها في حصة الرياضيات، استعملت منها  $3\frac{1}{8}$  m، كم متراً بقي من السلك؟ أكتب الناتج في أبسط صورة.

**علوم:** تبلغ مدة الحمل لدى الضأن  $\frac{5}{12}$  من السنة تقريباً، ومدة الرضاعة  $\frac{1}{4}$  سنة تقريباً. ما مجموع مدتي الحمل والرضاعة؟

أجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

14  $5\frac{7}{10} + 2\frac{3}{10} - 11$

15  $-\frac{1}{4} - \frac{1}{8} + 5\frac{6}{8}$

أحسب قيمة كل عبارة جبرية مما يأتي باستعمال قيم المتغيرات المعطاة:

16  $1\frac{7}{8} + x$  ,  $x = -2\frac{5}{6}$

17  $x - \frac{7}{16}$  ,  $x = \frac{-1}{8}$

18  $x + |y|$  ,  $x = 38.1$  ,  $y = -6.1$     19  $|x + y|$  ,  $x = \frac{2}{3}$  ,  $y = -0.75$

20 أعود إلى فقرة (استكشف) بداية الدرس، وأحل المسألة.

21 **أكتشف الخطأ:** حلّ مراد مسألة الجمع كما يأتي:

$$\frac{6}{8} + \left(-\frac{2}{4}\right) = \frac{6-2}{8+4} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

أبين الخطأ الذي وقع فيه، ثمّ أصحّحه.

22 **تبرير:** سألت معلّمة الرياضيات: ما إشارة ناتج الطرح  $\frac{5}{9} - \frac{5}{11}$ ؟ فأجابته فرح مباشرة: سالبة. أبرر كيف عرفت فرح الإجابة.

23 **تبرير:** هل ناتج جمع عددين نسبيين هو عدد نسبي دائماً؟ أبرر إجابتي.

24 **أكتب:** أكتب كيف أجمع عددين نسبيين مقامهما مختلفان.

## مهارات التفكير العليا

### معلومة

من أشهر علماء الرياضيات في الحضارة الإسلامية غياث الدين الكاشي؛ إذ يعدّ مبتكر الكسور العشرية.

## أَسْتَكْشِفُ



زَرَعَ أَحْمَدُ وَزَمَلَاؤُهُ عَدَدًا مِنَ الأشْجَارِ فِي حَدِيقَةِ المَدْرَسَةِ، وَبَعْدَ الانْتِهَاءِ مِنْ زَرَاعَتِهَا، أَضَافُوا إِلَى كُلِّ شَجَرَةٍ ثَلَاثَةَ أَرْبَاعِ الكُوبِ مِنَ السَّمَادِ؛ لِتَرْوِيدِ التُّرْبَةِ بِالعُنَاصِرِ الضَّرُورِيَّةِ. إِذَا كَانَ لَدَيْهِمْ 60 كُوبًا مِنَ السَّمَادِ، فَكَمْ شَجَرَةً يَمَكُنُهُمْ أَنْ يَضِيفُوا إِلَيْهَا سَمَادًا؟

## فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَضْرِبْ أَعْدَادًا نَسِيبِيَّةً، وَأَقْسِمُهَا.

## المِصْطَلَحَاتُ

النَّظِيرُ الضَّرْبِيُّ.

## فَرْبُ الأَعْدَادِ النَّسِيبِيَّةِ

## مِفهومٌ أَسَاسِيٌّ

• **بِالكَلِمَاتِ** عِنْدَ ضَرْبِ كَسْرِيْنِ، أَضْرِبُ البَسْطَ فِي البَسْطِ، ثُمَّ أَضْرِبُ المَقَامَ فِي المَقَامِ.

• **بِالرَّمُوزِ**  $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$ ، حَيْثُ  $a \neq 0, d \neq 0$

## مِثَال 1

أَجِدْ نَاتِجَ الضَّرْبِ فِي أبْسَطِ صُورَةٍ:

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad \frac{2}{7} \times \frac{1}{6} &= \frac{\cancel{2}^1}{7} \times \frac{1}{\cancel{6}_3} \\ &= \frac{1 \times 1}{7 \times 3} = \frac{1}{21} \end{aligned}$$

أَقْسِمُ كَلًّا مِنَ العَدَدِيْنِ 2، 6 عَلَى عَامِلِيْهَا المِشْتَرَكِ الأَكْبَرِ (2)

أَضْرِبُ البَسْطِيْنِ، وَأَضْرِبُ المَقَامِيْنِ

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \quad -\frac{3}{8} \times \frac{2}{9} &= -\frac{\cancel{3}^1}{\cancel{8}_4} \times \frac{\cancel{2}^1}{\cancel{9}_3} \\ &= \frac{-1 \times 1}{4 \times 3} = \frac{-1}{12} \end{aligned}$$

أَقْسِمُ العَدَدِيْنِ 2، 8 عَلَى عَامِلِيْهَا المِشْتَرَكِ الأَكْبَرِ (2)،

وَأَقْسِمُ العَدَدِيْنِ 3، 9 عَلَى عَامِلِيْهَا المِشْتَرَكِ الأَكْبَرِ (3)

أَحْدِدُ إِشَارَةَ النَاتِجِ، ثُمَّ أَضْرِبُ البَسْطِيْنِ، وَأَضْرِبُ المَقَامِيْنِ

أَطَبِّقُ قَوَاعِدَ ضَرْبِ الأَعْدَادِ الصَّحِيْحَةِ لِتَحْدِيدِ إِشَارَةِ نَاتِجِ ضَرْبِ البَسْطِيْنِ أَوْ المَقَامِيْنِ.

$$3 \quad -2\frac{1}{2} \times 4\frac{2}{3}$$

$$-2\frac{1}{2} \times 4\frac{2}{3} = -\frac{5}{2} \times \frac{14}{3}$$

أحوّل الأعداد الكسريّة إلى كُسورٍ غيرِ فعليّةٍ

**التذكّر**

عند ضرب الكسور، يمكن اختصار أي بسط مع أي مقام في أي كسر آخر.

$$= -\frac{5}{\cancel{2}^1} \times \frac{\cancel{14}^7}{3}$$

أقسّم على العوامل المشتركة

$$= -\frac{5 \times 7}{1 \times 3} = -\frac{35}{3}$$

أحدّد إشارة الناتج، ثم أضرب البسطين، وأضرب المقامين

**أتحقّق من فهمي:**



$$4 \quad \frac{-12}{15} \times \frac{3}{6}$$

$$5 \quad \left(-\frac{2}{6}\right) \times \left(-\frac{1}{5}\right)$$

$$6 \quad -2 \times \left(-3\frac{1}{5}\right)$$

$$7 \quad \left(-6\frac{1}{2}\right) \times \left(2\frac{1}{3}\right)$$

يمكن ضرب عددين نسبيين على صورة كسرين عشريين، بحيث نطبّق قواعد ضرب الأعداد الصحيحة لتحديد إشارة الناتج.

أجد ناتج الضرب في كلٍّ مما يأتي:

**مثال 2**

$$1 \quad -2.5 \times -8$$

$$-25 \times -8 = 200$$

$$-2.5 \times -8 = 20.0$$

$$= 20$$

أحدّد إشارة الناتج، ثم أضرب العددين من دون فواصل

أضع الفاصلة العشريّة بعد منزلة عشرية واحدة من اليمين

$$2 \quad -1.25 \times 1.64$$

$$-125 \times 164 = -20500$$

$$-1.25 \times 1.64 = -2.0500$$

$$= -2.05$$

أحدّد إشارة الناتج، ثم أضرب العددين من دون فواصل

أضع الفاصلة العشريّة بعد 4 منازل من اليمين



## الوحدة 1

3  $-4.2 \times 1 \frac{1}{2}$

**الطريقة 2:** كتابتهما بصورة كسر غير فعلي.

$$\begin{aligned} -4.2 \times 1 \frac{1}{2} &= -4 \frac{2}{10} \times 1 \frac{1}{2} \\ &= \frac{-42}{10} \times \frac{3}{2} \\ &= \frac{-126}{20} = \frac{-63}{10} \\ &= -6 \frac{3}{10} \end{aligned}$$

لضرب العددين النسبيين نكتبهما بالصورة نفسها.

**الطريقة 1:** كتابتهما بصورة عشرية.

$$\begin{aligned} -4.2 \times 1 \frac{1}{2} &= -4.2 \times 1.5 \\ &= -6.30 \\ &= -6.3 \end{aligned}$$

أتحقّق من فهمي: 

4  $-4.6 \times 5$

5  $-2.4 \times -0.66$

6  $6.4 \times -2 \frac{1}{5}$

إذا كان ناتج ضرب عددين يساوي (1) فإنّ كلّاً منهما يسمّى **نظيراً ضربياً** (multiplicative inverse) للآخر، أو مقلوباً للعدد الآخر. فمثلاً، يُسمّى كلٌّ من العددين النسبيين  $\frac{5}{2}$ ،  $\frac{2}{5}$  نظيراً ضربياً للآخر؛ لأنّ حاصل ضربهما هو 1.

### قسمة الأعداد النسبية

### مفهوم أساسي

• **بالكلمات:** لقسمة العدد النسبي  $\frac{a}{b}$  على العدد النسبي  $\frac{c}{d}$  أضرب في النظير الضربي (مقلوب)  $\frac{c}{d}$ ، ثمّ أطبق قواعد ضرب الأعداد الصحيحة؛ لتحديد إشارة ناتج القسمة.

• **بالرموز:**  $\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$ ، حيث  $b, c, d \neq 0$

مثال 3 أجد ناتج القسمة في أبسط صورة:

1  $-\frac{1}{4} \div (-\frac{3}{5})$

$$-\frac{1}{4} \div (-\frac{3}{5}) = -\frac{1}{4} \times (-\frac{5}{3})$$

$$= \frac{-1 \times -5}{4 \times 3} = \frac{5}{12}$$

أضرب في النظير الضربي للعدد  $-\frac{3}{5}$

أحدّد إشارة الناتج، ثمّ أضرب البسطين، وأضرب المقامين

$$2 \quad -3 \div (2\frac{1}{3})$$

$$-3 \div (2\frac{1}{3}) = -\frac{3}{1} \div \frac{7}{3}$$

$$= -\frac{3}{1} \times \frac{3}{7}$$

$$= \frac{-3 \times 3}{1 \times 7} = -\frac{9}{7}$$

$$= -1\frac{2}{7}$$

أكتبُ كلاً من المقسوم والمقسومِ عليه على صورة كسرٍ  $\frac{a}{b}$

أضربُ في النظيرِ الضربيِّ للمقسومِ عليه

أحدّدُ إشارةَ الناتجِ، ثمَّ أضربُ البسطينِ، وأضربُ المقامَيْنِ

أحوّلُ الكسرَ غيرَ الفعليِّ إلى عددٍ كسريِّ

أتحقّقُ من فهمي:



$$3 \quad 6 \div \frac{1}{9}$$

$$4 \quad -\frac{2}{10} \div \frac{4}{15}$$

$$5 \quad (-7\frac{1}{3}) \div \frac{1}{2}$$

#### مثال 4

أجدُ ناتجَ القسمةِ في كلِّ ممّا يأتي:

$$1 \quad -7.56 \div 0.24$$

$$-7.56 \div 0.24 = \frac{-7.56 \times 100}{0.24 \times 100} = \frac{-756}{24}$$

$$= -31.5$$

أضربُ في  $\frac{100}{100}$ ؛ لأنَّ 0.24 تحتوي على منزلتين عشريّتين:

أقسّمُ قسمةً طويلةً

$$2 \quad -2.28 \div -9\frac{1}{2}$$

$$-2.28 \div -9\frac{1}{2} = -2.28 \div -9.5$$

$$= \frac{-2.28 \times 10}{-9.5 \times 10} = \frac{-22.8}{-95}$$

$$= 0.24$$

أحوّلُ الكسرَ العاديِّ إلى كسرٍ عشريِّ

أضربُ في  $\frac{10}{10}$ ؛ لأنَّ -9.5 تحتوي على منزلةٍ عشريّةٍ واحدةٍ

أقسّمُ قسمةً طويلةً

أتحقّقُ من فهمي:



$$3 \quad 7.7 \div -14$$

$$4 \quad -47.6 \div -1.7$$

$$5 \quad 97.8 \div 1\frac{1}{2}$$

## الوحدة 1

أجدُ ناتجَ الضربِ في أبسطِ صورةٍ:

- 1  $\frac{3}{4} \times \frac{6}{9}$       2  $\frac{-1}{7} \times \frac{2}{3}$       3  $11 \times \frac{5}{8}$   
 4  $(\frac{6}{8}) \times (-3 \frac{1}{2})$       5  $2 \frac{3}{5} \times 2 \frac{1}{6}$       6  $9 \times (-1 \frac{2}{7})$   
 7  $-1.7 \times (-0.93)$       8  $2.04 \times (-1.9)$       9  $11.4 \times 1 \frac{4}{5}$

أجدُ ناتجَ القسمةِ في أبسطِ صورةٍ:

- 10  $11 \div \frac{2}{3}$       11  $\frac{4}{6} \div \frac{1}{12}$   
 12  $5 \frac{3}{4} \div \frac{2}{7}$       13  $76.68 \div (-2.8)$   
 14  $14.88 \div 1 \frac{1}{5}$       15  $-119.35 \div (-3 \frac{1}{10})$

16 **طاووسٌ:** يُعدُّ الطاووسُ واحدًا من أكبر الطيور، ويمثُل ذيلُه 60% من طولِه الكليِّ، إذا كانَ طولُ أحدها 145 cm، فكم يبلغُ طولُ ذيلِه؟

17 **خياطةٌ:** يحتاجُ خياطٌ إلى  $2 \frac{1}{4} \text{ m}^2$  من القماشِ؛ لتجهيزِ ثوبٍ واحدٍ، كم ثوبًا يمكنُه تجهيزُه باستعمالِ  $14 \text{ m}^2$  من القماشِ؟

18 **أكتشفُ الخطأ:** وجدتُ فاطمةُ ناتجَ:

$$-3 \frac{3}{8} \times (-4 \frac{1}{3}) = 12 \frac{1}{8}$$

أكتشفُ خطأَ فاطمةَ، ثمَّ أصحَّحُه.

19 **مسألةٌ مفتوحةٌ:** أجدُ كسرينِ ناتجُ ضربِهما أكبرُ من النصفِ، وأصغرُ من الواحدِ.

20 **أكتبُ** أكتبُ فقرةً قصيرةً أبينُ فيها لماذا يكونُ ناتجُ ضربِ الكسرِ  $\frac{1}{4}$  في نفسه أقلَّ من  $\frac{1}{4}$ .

## أندربُ وأحلُّ المسائل

### إرشادٌ

أحوُلُ العددَ الكسريَّ إلى كسرٍ غيرِ فعليِّ، ثمَّ أنتمِّمُ عمليةَ الضربِ.

## مهاراتُ التفكيرِ العليا

### أتعلِّمُ

يُستخدَمُ مصطلحُ (مسألةٌ مفتوحةٌ) للمسائلِ التي لها أكثرُ من إجابةٍ صحيحةٍ.



**رحلة:** انطلقت شذى في رحلة بسيارتها، فاستهلكت 6.3 L من الوقود، ثم توقفت عند المحطة وزوّدتها بمقدار 15 L من الوقود، وأكملت رحلتها، فاستهلكت السيارة  $11\frac{4}{5}$  L أخرى، وعند نهاية الرحلة بقي في السيارة 8.9 L

ما كمية الوقود التي كانت في خزان السيارة بداية الرحلة؟

**فكرة الدرس**

أحلّ مسائل باستخدام خطّة «الحلّ العكسيّ».

**أفهم**

1

**المعطيات:** استهلكت السيارة 6.3 L و  $11\frac{4}{5}$  L من الوقود، وزوّدتها شذى بمقدار 15 L، وبقي فيها 8.9 L **المطلوب:** إيجاد كمية الوقود في خزان السيارة بداية الرحلة.

**أخطّ**

2

أستخدم خطّة الحلّ العكسيّ حين تكون النتيجة النهائية لسلسلة من الخطوات الحسابية معطاة، والمطلوب إيجاد القيمة التي بدأت بها تلك السلسلة، إذن، أبدأ بالقيمة النهائية، وهي 8.9 L، وأحلّ عكسيًا.

**أحلّ**

3

كمية الوقود المتبقية في السيارة

$$8.9$$

أجمع كمية الوقود التي استهلكتها السيارة بعد تزويدها بالوقود

$$8.9 + 11\frac{4}{5}$$

$$= 8.9 + 11.8$$

$$= 20.7$$

أطرح كمية الوقود التي أضيفت

$$20.7 - 15 = 5.7$$

أجمع الكمية التي استهلكتها السيارة قبل ملئها بالوقود

$$5.7 + 6.3 = 12$$

إذن، كانت كمية الوقود في السيارة بداية الرحلة 12 L

**أتحقّق**

4

أفترض أنّ ما كان في السيارة 12 L من الوقود، ثم أطرح كميات الاستهلاك، وأجمع الكمية التي أضيفت إليها في محطة الوقود. فهل الناتج النهائي 8.9 L؟



1 **أغذية:** اشترى فيصلُ علبةَ عصيرٍ، واستهلكَ  $L \frac{1}{3}$  منها مُدَّةَ يومين، وبقيَ لديه  $L \frac{1}{8}$ .  
أجدُ سعةَ علبةِ العصيرِ التي اشتراها.

2 **هدية:** اشتركَ محمودٌ ويارا وآلاءُ في شراءِ هديَّةٍ لوالدتهنَّ بالتساوي، فدفعوا 16,25 دينارًا ثمنًا للهدية، شاملًا دينارًا ونصفًا ثمنًا للتغليف، و 2.75 ثمنًا للتوصيل، ودفعتْ آلاءُ ثمنَ التغليفِ والتوصيلِ. ما المبلغُ الذي دفعَهُ كُلُّ مَنْ يارا ومحمود؟

3 **تبرعات:** معَ عادةٍ مبلغٍ من المالِ تبرَّعتْ منه بمبلغِ 17.5 دينارًا، ثمَّ اشترتْ حقيبةً ثمنها  $9 \frac{1}{4}$  دنانير، وبقيَ معها 34.4 دينارًا. ما المبلغُ الذي كانَ معها في البداية؟

4 **تجارة:** ينقصُ سعرُ سيارَةٍ بمقدارِ 350 دينارًا سنويًا، فأصبحَ سعرُها بعدَ خمسِ سنواتٍ 10200 دينارًا. أجدُ سعرَ السيارةِ الأصليِّ.

5 **حافلات:** صعدَ عددٌ منَ الرُّكَّابِ حافلةً، وفي المحطَّةِ الأولى نزلَ راكبانِ وصعدَ 5 رُكَّابٍ جُدُدٍ؛ فأصبحَ عددُ رُكَّابِ الحافلةِ 25 راكبًا. ما عددُ الرُّكَّابِ في البداية؟

6 **فنون:** في مرسَمِ المدرسةِ كميَّةٌ منَ الألوانِ السائلةِ، استهلكَ طلبةُ الصَّفِّ السابعِ  $L \frac{1}{3}$  منها في رسمِ لوحةٍ جداريةٍ تُعبِّرُ عنَ مئويَّةِ الثورةِ العربيَّةِ الكبرى، ثمَّ اشترتِ المدرسةُ  $L \frac{7}{9}$ ، فأصبحَ في المرسَمِ  $L 1.4$ . كمَ لترا كانَ في المرسَمِ؟

7 **أعداد:** إذا ضُربَ عددٌ في -3، ثمَّ أضيفَ إلى ناتجِ الضربِ 2، ثمَّ ضُربَ الناتجُ الكلِّيُّ في  $\frac{1}{2}$ ، وأصبحَ الناتجُ 4، فما ذلكَ العددُ؟

8 **أكتب:** أكتبُ مسألةً يمكنني حلُّها باستخدامِ خطَّةِ الحلِّ العكسيِّ، ثمَّ أحلُّها.

### معلومة

الألوانُ الأساسيَّةُ هي: الأحمرُّ، والأزرقُّ، والأصفرُّ، وتُمزَجُ هذه الألوانُ للحصولِ على ألوانٍ أخرى.



## اختبار نهاية الوحدة

6 أي الآتيه يمثل أعداداً نسبية مرتبة تنازلياً:

a)  $0.4, 2, \frac{-1}{5}, \frac{-2}{3}$

b)  $\frac{-1}{5}, 0.4, \frac{-2}{3}, 2$

c)  $2, \frac{-1}{5}, 0.4, \frac{-2}{3}$

d)  $2, 0.4, \frac{-1}{5}, \frac{-2}{3}$

7  $-3.78 - (-2.95) =$

a)  $-6.73$       b)  $0.88$

c)  $-0.83$       d)  $6.73$

8  $-3\frac{1}{4} \div (2\frac{1}{6}) =$

a)  $\frac{-2}{3}$     b)  $\frac{-3}{2}$     c)  $\frac{2}{3}$     d)  $\frac{3}{2}$

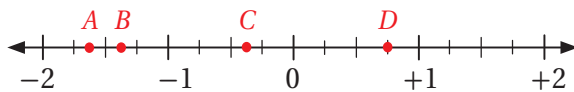
أضع إشارة < أو > أو = في ؛ لتصبح كل جملة مما يأتي صحيحة:

9  $0.\overline{28} \quad \square \quad \frac{2}{7}$

10  $-1\frac{3}{10} \quad \square \quad \frac{-13}{10}$

11  $0.\overline{4} \quad \square \quad \frac{-4}{9}$

12 أي النقاط التي على خط الأعداد توافق كل عدد نسبي مما يأتي:



a)  $-1\frac{2}{5}$       b)  $\frac{3}{4}$

d)  $-1\frac{3}{5}$       e)  $-0.\overline{4}$

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 أي الجمل الآتية صحيحة:

a) الأعداد النسبية جميعها أعداد كلية.

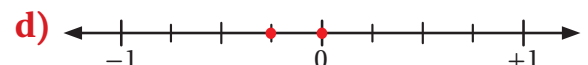
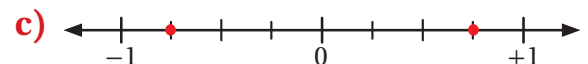
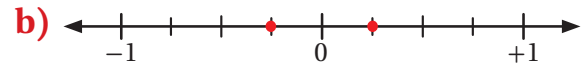
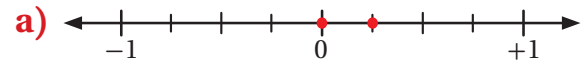
b) الأعداد النسبية جميعها أعداد صحيحة.

c) الأعداد النسبية جميعها يمكن كتابتها على صورة

$$\text{كسر } \frac{a}{b} \text{ حيث } b \neq 0$$

d) الأعداد النسبية لا يمكن أن تكون سالبة.

2 خط الأعداد الذي يظهر العدد  $\frac{-1}{4}$  ومعكوسه، هو:



3 القيمة المطلقة للعدد  $-12.5$ ، هي:

a)  $12.5$       b)  $-1$

c)  $1$       d)  $-12.5$

4 أجد الأعداد النسبية الآتية لا يكافئ  $\frac{4}{-6}$ :

a)  $\frac{-10}{15}$       b)  $\frac{-8}{12}$

c)  $\frac{6}{-9}$       d)  $\frac{-2}{-3}$

5 أجد الأعداد النسبية الآتية يقع بين  $-0.34$  و  $-0.36$ :

a)  $\frac{-17}{50}$       b)  $\frac{-9}{25}$

c)  $\frac{-7}{20}$       d)  $\frac{35}{100}$

21 اشترى راشد  $13\frac{1}{3}$  m من الخشب؛ لعمل إطارات للتوافذ، استعمل منها  $7\frac{2}{3}$  m . كم متراً بقي لديه؟

22 **خياطة:** لدى خياط كمية من القماش، استخدم منها  $5.22$  m<sup>2</sup> في خياطة غطاء للطاولة، وستة أمثال هذه الكمية في خياطة ستارة للنافذة، وبقي منها  $57.4$  m<sup>2</sup>. ما كمية القماش الأصلية التي كانت لديه؟

## تدريب على الاختبارات الدولية

23  $\frac{0.1}{0.01} + \frac{0.2}{0.02} + \frac{0.3}{0.03} + \frac{0.4}{0.04} =$

a) 10    b) 40

c) 50    d) 100

24  $(1 + \frac{1}{2}) (1 + \frac{1}{3}) (1 + \frac{1}{4}) =$

a)  $\frac{4}{3}$     b)  $\frac{3}{2}$

c)  $\frac{5}{2}$     d) 5

أجد قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة:

13  $1\frac{4}{5} - 2\frac{2}{3}$

14  $-3.21 + 1.84$

15  $-2\frac{1}{2} \times -3\frac{1}{2}$

16  $-3.66 \div (-1.5)$

17  $0.8 + \frac{-1}{12}$

18 أمثل كلاً مما يأتي على خط الأعداد:

$-1.5$  ,  $-1\frac{5}{8}$  ,  $-2\frac{5}{6}$  ,  $-|\frac{-3}{5}|$

يُبين الجدول الآتي الزمن - بالساعات - الذي استغرقه شاهين في الدراسة خلال خمسة أيام من الأسبوع:

اليوم	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
عدد الساعات	$2\frac{1}{6}$	$2\frac{1}{2}$	$2\frac{3}{4}$	$2\frac{5}{12}$	$2\frac{1}{4}$

19 أكتب بصيغة عدد عشريّ زمن الدراسة يوم الخميس.

20 أرّتب أيام الدراسة ترتيباً تصاعدياً بحسب الزمن الدراسي.



## الأسس الصحيحة والمقادير الجبرية

### ما أهمية هذه الوحدة؟

لأسس الصحيحة والمقادير الجبرية أهمية كبيرة في حياتنا، فهي تسهل عملية التحويل بين وحدات قياس الطول والمساحة والكتلة ودرجات الحرارة والعملات، وتفيدنا أيضاً في تمثيل كميات كبيرة جداً أو صغيرة جداً مثل كتلة الأرض، أو كتلة كائنات مجهرية كالبيكتيريا والفيروسات.



### سأتعلم في هذه الوحدة:

- إجراء العمليات الحسابية على الحدود والمقادير الجبرية وكتابتها في أبسط صورة.
- كتابة الأعداد الكلية والكسور العشرية بالصيغة الأسية.
- تبسيط مقادير عددية تتضمن الأسس باستخدام أولويات العمليات الحسابية.

### تعلمت سابقاً:

- ✓ التعبير عن مواقف حياتية بمقادير جبرية.
- ✓ حساب القيمة العددية لمقدار جبري يتضمن عملية حسابية أو أكثر.
- ✓ تمثيل المقادير الجبرية بطرائق متعددة، مثل الجداول والقوائم العددية.



## مشروع الوحدة: تصميم ساعة جدار



أستعدُّ وزملائي لتنفيذ مشروعنا الخاص الذي نستعمل فيه ما ستتعلمه في هذه الوحدة لتصميم ساعة جدار.



### خطوات تنفيذ المشروع:

- 1 أرسمُ مُخطَّطًا لساعةِ جدارٍ تحتوي على 3 مربَّعاتٍ: داخليٍّ، وأوسطٍ، وخارجيٍّ، كما في الشكلِ أعلاه.
- 2 أسمِّي متغيِّرًا يدلُّ على طولِ ضلعِ المربَّعِ الأوسطِ، ثمَّ أكتبُه في الخانةِ المناسبةِ في الجدولِ التالي.

المربَّعُ	طولُ الضلعِ		المحيطُ		المساحةُ	
	بالرمزِ	بالصيغةِ الأسيَّةِ	بالرمزِ	بالصيغةِ الأسيَّةِ	بالرمزِ	بالصيغةِ الأسيَّةِ
الأوسطُ						
الخارجيُّ						
الداخليُّ						
المجموعُ						

- 3 أضربُ طولَ ضلعِ المربَّعِ الأوسطِ في 2 لأحصلَ على طولِ ضلعِ المربَّعِ الخارجيِّ، ثمَّ أكتبُ الحدَّ الجبريَّ الناتجَ في الجدولِ.
- 4 أقسمُ طولَ ضلعِ المربَّعِ الأوسطِ على 2 لأحصلَ على طولِ ضلعِ المربَّعِ الداخليِّ، ثمَّ أكتبُ الحدَّ الجبريَّ الناتجَ في الجدولِ.
- 5 أختارُ قيمةً عدديَّةً للمتغيِّرِ الذي يمثلُ طولَ ضلعِ المربَّعِ الأوسطِ من قوى العدد 2، وأعوِّضها في كلِّ من الحدودِ الجبريَّةِ الثلاثةِ التي تمثلُ أطوالَ أضلاعِ المربَّعاتِ.

- 6 أكتبُ حدًّا جبريًّا يمثلُ محيطَ كلِّ من المربَّعاتِ الثلاثةِ.
- 7 أستخدمُ القيمةَ العدديَّةَ التي اخترتها لطولِ ضلعِ المربَّعِ الأوسطِ لأجدَ محيطَ كلِّ من المربَّعاتِ الثلاثةِ.
- 8 أكتبُ حدًّا جبريًّا يمثلُ مساحةَ كلِّ مربَّعٍ.
- 9 أستخدمُ القيمةَ العدديَّةَ التي اخترتها لطولِ ضلعِ المربَّعِ الأوسطِ لأجدَ مساحةَ كلِّ مربَّعٍ.
- 10 أجدُ المقاديرَ الجبريَّةَ التي تمثلُ مجموعَ أطوالِ أضلاعِ المربَّعاتِ الثلاثةِ ومجموعَ محيطاتها ومجموعَ مساحاتها، ثمَّ أكتبها في الصفِّ الأخيرِ من الجدولِ.
- 11 أستخدمُ القيمةَ العدديَّةَ التي اخترتها لطولِ الضلعِ الأوسطِ لأجدَ القيمةَ العدديَّةَ لكلِّ من المقاديرَ الجبريَّةِ الثلاثةِ الناتجةِ في الخطوةِ السابقةِ، مراعيًا أولوياتِ العمليَّاتِ الحسابيَّةِ.
- 12 أصنعُ عقاربَ بطولٍ يناسبُ أطوالَ أضلاعِ مربَّعاتِ الساعةِ.

### عرض النتائج:

- أكتبُ تقريرًا أعرِّضُ فيه ما يأتي:
- خُطواتُ عمَلِ المشروعِ، والنتائجُ التي توصلتُ إليها.
- استخدامُ الأسسِ والمقاديرِ الجبريَّةِ في مشروعِي.
- نموذجُ الساعةِ، وبيانُ أطوالِ الأضلاعِ والمحيطاتِ والمساحاتِ فيها.



عدد الصور المرسلّة	الدقائق
2	$2 \times 1$
4	$2 \times 2$
8	$2 \times 2 \times 2$
16	$2 \times 2 \times 2 \times 2$

## أستكشفُ

زارَ أحمدُ مدينةَ جرشَ، وأرسلَ صورةً لاثنينِ من أصدقائه بعدَ دقيقةٍ من التقاطها، وبعدَ دقيقةٍ أخرى أرسلَ كلُّ من صديقيه الصورةَ نفسَها لاثنينِ من أصدقائِهِما، واستمرَّت العمليَّةُ وفقَ هذا النمطِ كما في الجدولِ المجاورِ.

ما عددُ الصورِ المرسلَةِ بعدَ 9 دقائقَ؟

## فكرةُ الدرسِ

أتعرفُ الأسسَ، والقوى، وقواعدَ ضربها وقسمتها.

## المصطلحاتُ

أساسٌ، أُسٌّ، الصيغةُ الأُسِّيَّةُ للعددِ، الصيغةُ القياسيةُ للعددِ.

يمكنني التعبيرُ عن الضربِ المتكرَّرِ للعددِ في نفسه باستخدامِ الأسسِ، وعندئذٍ يُسمَّى عددُ مرَّاتِ تكرارِ الضربِ **الأسَّ** (exponent). أما العددُ نفسه فيُسمَّى **الأساسُ** (base)، ويُسمَّى كلُّ من الأساسِ والأسَّ معاً **القوةُ** (power).

## لغةُ الرياضياتِ

يُقرأُ المقدارُ  $2^5$  اثنانِ أُسِّ خمسةٍ.

$$32 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5$$

↑ الأسَّ  
↓ الأساسُ

تُسمَّى الصيغةُ التي يُكتَبُ فيها الضربُ المتكرَّرُ باستخدامِ الأسسِ **الصيغةُ الأُسِّيَّةُ** (exponent form)، مثل  $3^7$ .

أما الصيغةُ التي يُكتَبُ فيها الضربُ المتكرَّرُ من دونِ استخدامِ الأسسِ فتُسمَّى **الصيغةُ القياسيةُ** (standard form)، مثل  $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$ .

## مثال 1

أكتبُ كلاً ممَّا يأتي بالصيغةِ الأُسِّيَّةِ:

1  $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5$

$$= (3 \times 3 \times 3 \times 3) \times (5 \times 5)$$

$$= 3^4 \times 5^2$$

الخاصيَّةُ التجميعيَّةُ

تعريفُ الأسسِ

## الوحدة 2

$$2 \quad a \times a \times c \times a \times c \times c \times a \times a$$

$$= a \times a \times a \times a \times a \times c \times c \times c$$

$$= (a \times a \times a \times a \times a) \times (c \times c \times c)$$

$$= a^5 \times c^3$$

الخاصية التبادلية

الخاصية التجميعية

تعريف الأسس

أتحقّق من فهمي: 

$$3 \quad 6 \times 6 \times 6 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$4 \quad 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 7 \times 7$$

$$5 \quad b \times b \times r \times b \times r \times b$$

$$6 \quad d \times c \times c \times d \times c \times d \times d$$

أستعمل قواعد ضرب القوى وقسمتها الآتية لأبسّط العبارات الأسية:

السبب	الرموز	التعبير اللفظي
$a^3 \times a^5 = (a \times a \times a) \times (a \times a \times a \times a \times a)$ $= a^8$	$a^m \times a^n = a^{m+n}$	<b>ضرب القوى:</b> لضرب قوتين لهما الأساس نفسه، أجمع أسيهما.
$\frac{a^5}{a^2} = \frac{a \times a \times a \times \cancel{a} \times \cancel{a}}{\cancel{a} \times \cancel{a}} = a^3$ $a \neq 0$	$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$ $a \neq 0$	<b>قسمة القوى:</b> لقسمة قوتين لهما الأساس نفسه، أطرّح أس المقام من أس البسط.
$(a^3)^2 = a^3 \times a^3$ $= (a \times a \times a) \times (a \times a \times a) = a^6$	$(a^m)^n = a^{m \times n}$	<b>قوة القوة:</b> لإيجاد قوة القوة، أضرب الأسس.
$(a \times b)^3 = (a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b)$ $= (a \times a \times a)(b \times b \times b)$ $= a^3 \times b^3$	$(ab)^n = a^n b^n$	<b>قوة حاصل الضرب:</b> لإيجاد قوة حاصل الضرب، أجد قوة كل عدد، ثم أضرب.
$\left(\frac{a}{b}\right)^2 = \frac{a}{b} \times \frac{a}{b}$ $= \frac{a \times a}{b \times b} = \frac{a^2}{b^2}, b \neq 0$	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$ $b \neq 0$	<b>قوة ناتج القسمة:</b> لإيجاد قوة ناتج القسمة، أجد كلاً من قوة البسط والمقام، ثم أقسم.

## مثال 2

أستخدمُ قوانينَ الأسسِ لإيجادِ قيمةِ كلِّ ممَّا يأتي:

1  $(-2)^3 \times (-2)^4$

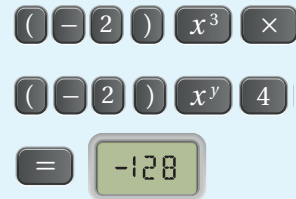
$$\begin{aligned} (-2)^3 \times (-2)^4 &= (-2)^{3+4} \\ &= (-2)^7 \\ &= -128 \end{aligned}$$

قاعدةُ ضربِ القوى

أجمعُ الأسسَ

تعريفُ الأسسِ

يمكنني التحقق من صحّة  
الحلِّ باستعمالِ الآلةِ الحاسبة:



2  $\frac{3^8}{3^7}$

$$\begin{aligned} \frac{3^8}{3^7} &= 3^{8-7} \\ &= 3 \end{aligned}$$

قاعدةُ قسمةِ القوى

أطرحُ الأسسَ

3  $(2^3 \times 5)^2$

$$\begin{aligned} (2^3 \times 5)^2 &= 2^6 \times 5^2 \\ &= 64 \times 25 \\ &= 1600 \end{aligned}$$

قاعدةُ قوّةِ حاصلِ الضربِ

تعريفُ الأسسِ

أضربُ

أتحقق من فهمي:

4  $3^2 \times 3^5$

5  $(6 \times 4)^2$

6  $\frac{8^4}{8^2}$

7  $(\frac{2}{7})^2$

هل يمكن أن يكون الأسُّ سالِباً؟ بتتبعِ النمطِ في الجدولِ الآتي، ألاحظُ أنَّ الأسسَ الصحيحةَ السالبةَ للعددِ 10 تمثُلُ قسمةً متكررةً للعددِ 10 على نفسه، وألاحظُ أيضاً أنَّ قيمةَ  $10^0$  هي 1.

$10^{-3}$	$10^{-2}$	$10^{-1}$	$10^0$	$10^1$	$10^2$	$10^3$	الصيغةُ الأسِّيَّةُ
$\frac{1}{1000}$	$\frac{1}{100}$	$\frac{1}{10}$	1	10	100	1000	القيمةُ العدديَّةُ

## الوحدة 2

إنَّ الاستنتاجين اللَّذَيْنِ توَصَّلْتُ إليهما عنِ الأسسِ الصحيحةِ السالبةِ والأسِّ الصِّفْرِيِّ صحيحانِ لأيِّ عددٍ (ما عدا الصفرِ). ويمكنُنِّي التَّحَقُّقُ مِنْ ذَلِكَ بِإِنشاءِ جداولٍ مشابهةٍ لأعدادٍ أُخرى غيرِ العددِ 10. يمكنُنِّي تعميمُ هَديْنِ الاستنتاجينِ على النحوِ الآتي:

السبب	الرموز	التعبير اللفظي
$1 = \frac{a^2}{a^2} = a^{2-2} = a^0$	$a^0 = 1$	<b>الأسُّ الصِّفْرِيُّ:</b> أيُّ عددٍ غيرِ الصفرِ مرفوعاً للأسِّ صفرٍ يساوي 1.
$a^{-3} = a^{-1} \times a^{-1} \times a^{-1}$ $= \frac{1}{a} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{a}$ $= \frac{1}{a^3}$	$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ $a^n = \frac{1}{a^{-n}}$	<b>الأسُّ السالبة:</b> القوَّة ذاتُ الأساسِ غيرِ الصفريِّ والأسِّ السالبِ هي مقلوبُ القوَّة ذاتِ الأساسِ غيرِ الصفريِّ والأسِّ الموجبِ، والعكسُ صحيحٌ.

### مثال 3

أستخدمُ قوانينَ الأسسِ لإيجادِ قيمةِ كلِّ ممَّا يأتي:

1  $5^{-2}$

$$5^{-2} = \frac{1}{5^2}$$

$$= \frac{1}{25}$$

قاعدةُ الأسسِ السالبةِ

تعريفُ الأسسِ

2  $\frac{6^5 \times 10^3}{6^2 \times 10^6}$

$$\frac{6^5 \times 10^3}{6^2 \times 10^6} = \frac{6^5 \times 6^{-2}}{10^6 \times 10^{-3}}$$

$$= \frac{6^3}{10^3}$$

قاعدةُ الأسسِ السالبةِ

قاعدةُ قوَّةِ ناتجِ القسمةِ

$$= \frac{216}{1000} = 0.216$$

تعريفُ الأسسِ

3  $\frac{4^3 \times 8^4}{4^5 \times 8^2}$

4  $3^5 \times \left(\frac{1}{3}\right)^6$

أتحققُ مِنْ فهمي:



## أندرب وأحل المسائل

أكتب كلاً مما يأتي بالصيغة الأسية:

1  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$

2  $b \times b \times n \times b \times b \times n \times b \times b$

أستخدم قوانين الأسس لإيجاد قيم كل مما يأتي:

3  $2^3 \times 4^3$

4  $5^2 \times (-2)^2$

5  $(\frac{1}{3})^4 \times 3^6$



6 **علوم:** يوجد نوع من البكتيريا يحوّل الحليب إلى لبن رائب، طوله  $1.5 \times 10^{-4}$  cm تقريباً. أكتب طول هذه البكتيريا من دون استخدام الأسس.

7 **أزهار:** يبلغ طول حبة لقاح زهرة شقائق النعمان  $1.8 \times 10^{-2}$  mm. أكتب طول هذه الحبة من دون استخدام الأسس.

أضع الرمز  $>$  أو  $<$  أو  $=$  في  $\square$ :

8  $9^0 \square (\frac{1}{2})^0$

9  $2^3 \square (-2)^5$

10  $(\frac{1}{5})^{10} \square (-5)^2$

### معلومة

البكتيريا كائنات حيّة دقيقة لا تُرى بالعين المجردة، منها نافع ومنها ضار، وهي تتجمع معاً، وتأخذ أشكالاً متعددة.

### إرشاد

يمكن حلّ الأسئلة (8-10) من دون إيجاد القيمة العددية.

### مهارات التفكير العليا

11 **تبرير:** أيّ العددين أقرب إلى المليون:  $1.03 \times 10^5$ ، أم  $1.03 \times 10^6$ ؟

12 **تحذّر:** أكتب صيغتين أسيتين مختلفتين لهما الإجابة نفسها.

13 **أكتشف المختلف:** أيّ القيم الآتية مختلفة:  $6^2$ ،  $(-0.2)^5$ ،  $(-2)^4$ ،  $(1.4)^3$ ؟

14 **أكتب:** كيف أجد قيمة العدد  $(\frac{1}{4})^2 \times 4^3$ ؟

### إرشاد

حلّ هذا السؤال أستخدم القيمة المنزلية، للمقارنة.

### أستكشفُ



هبطَ غوّاصٌ إلى عمق 5 m تحت سطح مياه خليج العقبة، ثم هبطَ 13 m أخرى، وكرّر الهبوط بمقدار 13 m مرّتين، بعد ذلك صعدَ 20 m. يمثّل المقدار العدديّ الآتي العمق الذي يقفُ عنده الغوّاصُ الآن:

$$-5 + 3 \times (-13) + 20$$

إذا أردتُ حسابَ قيمة هذا المقدار العدديّ، فبأيّ العمليات الحسابية أبدأ؟

### فكرة الدرس

أستخدمُ أولويات العمليات الحسابية وقوانين الأسس في تبسيط المقادير العددية.

### المصطلحات

أولويات العمليات الحسابية.

أتبعُ ترتيبَ أولويات العمليات الحسابية (order of operations) عند حساب قيم المقادير العددية:

### أتعلمُ

- إذا وُجدَ قوسان داخل بعضها، فأحسبُ قيمة القوس الداخلي أولاً.
- يمكنني استخدام الأقواس أو الرمز (×) للدلالة على عملية الضرب. فمثلاً  $2(5+4)$  تعني  $2 \times (5+4)$

(1) أجدُ قيم المقادير داخل الأقواس.

(2) أجدُ قيم المقادير الأسية جميعها.

(3) أضربُ أو أقسمُ من اليسار إلى اليمين (أيهما أسبق).

(4) أجمعُ أو أطرحُ من اليسار إلى اليمين (أيهما أسبق).

أجدُ قيمة كلِّ مما يأتي:

مثال 1

1  $120 \div (20 - (8 - 3))$

$$120 \div (20 - (8 - 3)) = 120 \div (20 - 5)$$

$$= 120 \div 15 = 8$$

أجدُ قيمة المقدار داخل القوس الداخلي

أجدُ قيمة المقدار داخل القوس الخارجي، ثم أقسمُ

2  $5(-2)^3 + 10$

$$5(-2)^3 + 10 = 5 \times -8 + 10$$

$$= -40 + 10 = -30$$

أجدُ قيمة المقدار الأسّي

أضربُ، ثم أجمعُ

3  $2(5-1)^2 - 7$

$$\begin{aligned} 2(5-1)^2 - 7 &= 2 \times 4^2 - 7 \\ &= 2 \times 16 - 7 \\ &= 32 - 7 = 25 \end{aligned}$$

أجد قيمة المقدار داخل القوس  
أجد قيمة المقدار الأسّي  
أضرب، ثم أطرح

4  $160 \div (25 - (7-2))$

5  $60 \times (10 - (4+3))$

6  $5(-3)^2 + 10$

7  $8(1-5)^2 - 7$

أتدقق من فهمي:



لتبسيط مقدار عددي يتضمن قوى، أطبق قواعد القوى، وأراعي أولويات العمليات الحسابية.

مثال 2 أجد قيمة كل مما يأتي:

1  $192 \div (2^3)^2 + (9-4)$

$$\begin{aligned} 192 \div (2^3)^2 + (9-4) &= 192 \div 2^{(3 \times 2)} + 5 \\ &= 192 \div 64 + 5 \\ &= 3 + 5 = 8 \end{aligned}$$

أجد قيمة المقدار داخل القوس  
أطبق قاعدة قوة القوة  
أقسم، ثم أجمع

2  $2 \times \frac{(-3)^6}{(-3)^4} - 10$

$$\begin{aligned} 2 \times \frac{(-3)^6}{(-3)^4} - 10 &= 2 \times (-3)^2 - 10 \\ &= 2 \times 9 - 10 \\ &= 18 - 10 = 8 \end{aligned}$$

أطبق قاعدة قسمة القوى  
أجد قيمة المقدار الأسّي  
أضرب، ثم أطرح

3  $5(7-2)^2 \div (-50)$

$$\begin{aligned} 5(7-2)^2 \div (-50) &= 5 \times 5^2 \div (-50) \\ &= 5 \times 25 \div (-50) \\ &= 125 \div (-50) = -2 \frac{1}{2} \end{aligned}$$

أجد قيمة المقدار داخل القوس  
أجد قيمة المقدار الأسّي  
أضرب، ثم أقسم



## الوحدة 2

$$4 \quad \frac{100 - 4 \times 3}{4^2 - 2^3}$$

$$\frac{100 - 4 \times 3}{4^2 - 2^3} = (100 - 4 \times 3) \div (4^2 - 2^3)$$

$$= (100 - 12) \div (16 - 8)$$

$$= 88 \div 8$$

$$= 11$$

أستبدل بالكسر عملية القسمة

أحسب الضرب داخل القوس الأول والأسس داخل القوس الثاني.

أحسب قيمة القوس الأول، ثم قيمة القوس الثاني أقسم

$$5 \quad 243 \div (3^2)^2 \times (5 - 8)$$

$$6 \quad 256 \div (2^3)^2 \times (2 - 7)$$

$$7 \quad \frac{(-4)^5}{(-4)^3} \times 3 - 40$$

$$8 \quad \frac{(6)^7}{(6)^5} \div 3 - 10$$

أتحقق من فهمي:



يمكنني أن أعبر عن كثير من المواقف الحياتية بمقادير عددية، ثم أطبق أولويات العمليات الحسابية لحساب قيمها.

مثال 3: من الحياة



يمثل الجدول الآتي أسعار بعض الخضار والفواكه.

البنورة	منجا	برتقال	تفاح	الصنف
0.4	2.5	0.75	1	السعر / kg JD

اشترى حسّان 2 kg تفاحًا، و 2 kg منجا، و 5 kg بندورة. أكتب عبارتين عدديتين مختلفتين لأجد ثمن ما اشتراه حسّان.

ما دفعه حسّان: ثمن التفاح  $2 \times 1$ ، و ثمن المنجا  $2 \times 2.5$ ، و ثمن البنورة  $5 \times 0.4$

العبرة الأولى:

$$\begin{aligned} 5 \times 0.4 + 2 \times 2.5 + 2 \times 1 \\ = 2 + 5 + 2 \\ = \text{JD } 9 \end{aligned}$$

أكتب العبارة العددية

أضرب من اليسار إلى اليمين

أجمع من اليسار إلى اليمين

## العبارَةُ الثانيةُ:

$$\begin{aligned} & 5 \times 0.4 + 2 \times (2.5 + 1) \\ & = 5 \times 0.4 + 2 \times 3.5 \\ & = 2 + 7 = \text{JD } 9 \end{aligned}$$

أكتبُ العبارةَ العدديَّةَ

أجدُ قيمةَ ما داخلَ القوسِ

أضربُ من اليسارِ إلى اليمينِ، ثمَّ أجمعُ

## أتحققُ من فهمي:



إذا اشترى حسَّانُ 4 kg برتقالًا و 4 kg بندورةً، وكيلوغرامًا واحدًا منجًا، فأكتبُ عبارتينِ عدديتينِ مختلفتينِ لأجدُ ثمنَ ما اشتراه حسَّانُ.

## أدربُ



## وأحلُّ المسائلَ

أجدُ قيمةَ كلِّ ممَّا يأتي:

1  $120 \div (10 - (7 - 2))$

2  $200 \times (25 - (20 - 5))$

3  $6(-2)^3 + 10$

4  $4(7 - 1)^2 - 34$

أجدُ قيمةَ كلِّ ممَّا يأتي:

5  $128 \div ((-2)^2)^3 + (10 - 6)$

6  $625 \div (5)^3 + (4 + 2)$

7  $\frac{60 - 2 \times 6}{2^5 - 4^2}$

8  $\frac{50 - 6 \times 3}{20 - 6^2}$

9 **تغذية:** إذا كانت كمية البروتين الموجودة في حبة واحدة من التمر 1.81 gm، وفي كوب من الحليب 7.6 gm، وفي البيضة الواحدة 12.56 gm. إذا تناول حسام على وجبة الفطور 3 حبات من التمر ونصف كوب من الحليب وبيضة، فما كمية البروتين التي حصل عليها من وجبته؟

## معلومة

يُعدُّ البروتين أكثر المواد وفرةً في جسم الإنسان بعد الماء.

## الوحدة 2

اشترت منى 3 علب عصير بسعر 1.8 من الدينار للعلبة الواحدة، ووجبتين بسعر 2.3 من الدينار للوجبة الواحدة، وصحن سلطة خضار بسعر 75 قرشاً. إذا دفعت للمطعم 15 ديناراً، فأى العبارات الآتية تمثل المبلغ الذي سيعيده البائع إلى منى بالدينار:

- a)  $15 - 3 \times 1.8 + 2 \times 2.3 + 0.75$       c)  $15 - (3 + 2 + 1) \times (1.8 + 2.3 + 0.75)$   
b)  $15 - (3 \times 1.8 + 2 \times 2.3 + 75)$       d)  $15 - (3 \times 1.8 + 2 \times 2.3 + 0.75)$

أكتب العدد المفقود في □ :

11  $20 + (\square - 3 \times 5) = 30$       12  $(52 - 4 \times 2) \div \square = 11$

13 **أكتشف الخطأ:** أوجدت رزان وشفاء قيمة العبارة  $2 \times 6 \div 36 - 15$ ، فكانت إجابتهما كما يأتي:

شفاء
$-15 - 36 \div 6 \times 2$
$= -15 - 6 \times 2$
$= -15 - 12$
$= -27$

رزان
$-15 - 36 \div 6 \times 2$
$= -15 - 36 \div 12$
$= -15 - 3$
$= -18$

أيهما كانت إجابتهما صحيحة؟ أبرر إجابتي.

14 **تحد:** أضع الأعداد 9, 11, 20, 45 في المكان المناسب؛ لأجعل المعادلة الآتية صحيحة:  $(\square + \square) \div (\square - \square) = 6$

**تحد:** أضع أقواساً في المكان المناسب، بحيث تتساوى العبارة العددية مع القيمة المعطاة:

- 15  $60 + 12 \div 4 \times 1 + 2 = 20$       16  $60 + 12 \div 4 \times 1 + 2 = 65$   
17  $48 + 12 \div 4 \times 1 + 2 = 57$       18  $48 + 12 \div 4 \times 1 + 2 = 45$

19 **أكتب** أكتب مسألة حياتية يتطلب حلها استخدام أولويات العمليات الحسابية.

### إرشاد

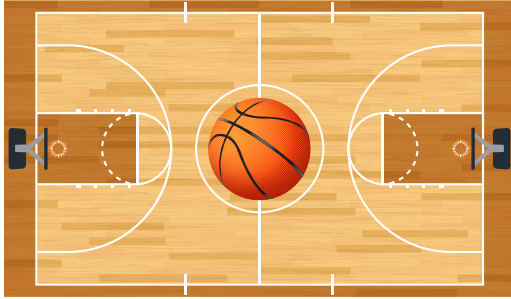
إذا احتوى أي سؤال على وحدات مختلفة، فيجب توحيد الوحدات.

### مهارات التفكير العليا

### إرشاد

حل السؤال 14، يمكنك الاستفادة من حقائق الضرب المتعلقة بالعدد 6.

أستكشف



إذا كان طول ملعب كرة السلة يزيد 13 m على عرضه، فكيف أعبر عن محيطه بمقدار جبري؟

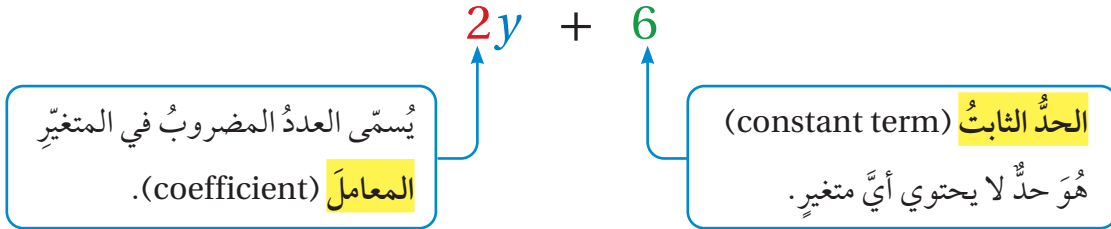
فكرة الدرس

أتعرف الحدود والمعاملات والثوابت في المقدار الجبري.

المصطلحات

متغير، حد جبري، معامل، حد ثابت، مقدار جبري.

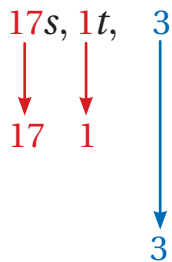
المتغير (variable) هو رمز يُستعمل للتعبير عن قيم مجهولة، والمقدار الجبري (algebraic expression) هو عبارة تحتوي متغيرات وأعدادًا تفصل بينها عمليات. ويسمى أي عدد أو متغير أو عدد مضروب في متغير أو أكثر **حدًا جبريًا** (algebraic term).



مثال 1

أميّز الحدود، والمعاملات، والثوابت في كل مقدار جبري مما يأتي:

1  $17s + t + 3$

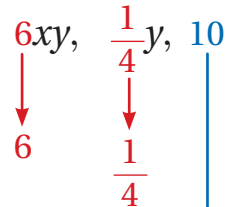


الحدود:

المعامل:

الثابت:

2  $6xy + \frac{y}{4} - 10$



الحدود:

المعامل:

الثابت:

## الوحدة 2

أتحقق من فهمي: 

3  $\frac{y^3}{2}$

4 6

5  $\frac{3}{4}xy - 1$

6  $1.34rw^2$

يمكنني التعبير عن كثير من المواقف الحياتية التي تحتوي على قيم مجهولة باستخدام مقادير جبرية.

### مثال 2

أكتب مقداراً جبرياً يمثل كلاً مما يأتي:

1 عدد ما مضاف إليه 7

$x$	العدد
$x + 7$	العدد مضاف إليه 7

2 طرح العدد 12 من مثلي عدد ما.

$x$	العدد
$2x$	مثلا العدد
$2x - 12$	طرح 12 من مثلي العدد

أتحقق من فهمي: 

3 عدد مضاف إليه 5

4 طرح العدد 23 من مثلي عدد.

5 ثمن فرشاة أسنان  $x$  ديناراً، وثمان أنبوب معجون أسنان JD 1.6 ما ثمن 5 فرش وأنبوب معجون أسنان؟

لحساب قيمة مقدار جبري، أستبدل القيم العددية بالمتغيرات، ثم أجري العمليات بحسب أولوياتها.

### مثال 3

أجد قيمة كل من المقادير الآتية:

1  $x^2 - (8 + x)$  ,  $x = 5$

$$5^2 - (8 + 5) = 5^2 - 13$$

$$= 25 - 13$$

$$= 12$$

أعوّض  $x = 5$ ، ثم أجد قيمة ما داخل القوس

أجد المقدار الأسّي

أطرح

2  $y^2 + 4y, y = -6$

$$\begin{aligned} (-6)^2 + 4 \times (-6) &= 36 + (-24) \\ &= 36 - 24 \\ &= 12 \end{aligned}$$

أعوّض  $y = -6$ ، ثمّ أجد قيمة القوّة، ثمّ أضربُ

أطرحُ

3  $(p^2 - 4p) - 5 \div d, p = 3, d = -1$

$$\begin{aligned} (3^2 - 4 \times 3) - 5 \div (-1) &= (9 - 12) - 5 \div (-1) \\ &= (-3) - 5 \div (-1) \\ &= (-3) - (-5) \\ &= -3 + 5 = 2 \end{aligned}$$

أعوّض قيمتي  $d = -1$  و  $p = 3$ ، ثمّ أجد قيمة الأسّ، ثمّ قيمة الضرب داخل القوس

أجد ما داخل القوس

أقسمُ

أطرحُ، ثمّ أجمعُ

4  $y^2 + (4 - 2y), y = 5$

5  $8d - d^2 + 1, d = 3$

6  $(2b - b^2) - d \div 4, b = 6, d = 8$

اتحقّق من فهمي: 

## أندرب وأحل المسائل

أميّز الحدود، والمعاملات، والثوابت في كلّ مقدارٍ جبريٍّ ممّا يأتي:

1  $-18y$

2  $3 - u^3$

3  $xy^2$

4  $5$

5  $9x - 5y$

6  $124$

أكتب مقدارًا جبريًا يمثل كلاً ممّا يأتي:

7 إضافة عددٍ ما إلى 8.

8 طرح 15 من ثلاثة أمثال عددٍ ما.

9 ثمن كيس السكر  $b$  دينار. اشترى حمّد 3 أكياسٍ سكرٍ، ودفع للتاجر 15 دينارًا، كم

سيُعيد التاجر لحمّد؟

## الوحدة 2

أجد قيمة كل من المقادير الآتية:

10  $12 \times d \div d^2 - 1, d = -6$

11  $(3n + n^2) + 12 \div m, n = 5, m = 4$

12  $(3n - 1)^2 + 12 - m, n = 2, m = -1$



13 **حواسيب:** ثمن حاسوبٍ محمولٍ JD 250، وتكلفة تنزيل البرنامج الواحدٍ عليه JD 3. أكتب مقداراً جبرياً يمثل التكلفة الكلية لشراء جهازٍ واحدٍ عليه  $x$  من البرامج، ثم أجد تكلفة شراء جهازٍ واحدٍ عليه 6 برامج.

14 **نقل:** بناءً على قرار مجلس إدارة هيئة النقل البري الأردنية لعام 2019 م، تقرّر تعديل تعرفه سيارات الأجرة؛ لتصبح التعرفة النهارية لقيمة بدء الانطلاق JD 0.35، إضافة إلى JD 0.25 لكل كيلومتر. أكتب مقداراً جبرياً يمثل التكلفة الكلية لسيارة أجرة قطعت مسافة  $n$  كيلومتر، ثم أجد التكلفة لسيارة قطعت 20 km.

15 أعود إلى فقرة (استكشفت) بداية الدرس، وأحل المسألة.

16 **تبرير:** هل يمكنني معرفة أيهما أكبر:  $2x$  أم  $10x$  من دون إعطاء قيمة للمجهول  $x$ ؟ أبرر إجابتي.

17 **أكتشف المختلف:** أي مما يأتي مختلف عن المجموعة:

$5x$

$-6x^2$

$-0.1x^2$

$1 - 2x$

18 **مسألة مفتوحة:** أكتب موقفاً يمكنني التعبير عنه بمقدار جبري.

19 **أكتب:** كيف أميز بين الحد الجبري والمقدار الجبري؟

### أتذكر

يجب مراعاة أولويات العمليات الحسابية عند إيجاد قيمة مقدار جبري لعددٍ مُعطى.

### معلومة

تستخدم اختصارات من حروف إنجليزية للتعبير عن عملات الدول، مثل: JD للدنار الأردني، و SAR للريال السعودي، و USD للدولار الأمريكي.

### مهارات التفكير العليا

### إرشاد

في السؤال 16 أدمم تبريري بأمثلية، وأعطي قيماً عددية مختلفة لـ  $x$ .

أستكشف



مثلث برمودا منطقةً جغرافيةً على شكل مثلثٍ متطابق الأضلاع تقع في المحيط الأطلسي. إذا عبّرنا عن طول الضلع الواحد بالمقدار الجبري  $3x + 600$ ، فما محيط المثلث بدلالة  $x$ ؟

فكرة الدرس

أبسط المقادير الجبرية بجمع الحدود المتشابهة وطرحها.

المصطلحات

حدود جبرية متشابهة، أبسط صورة للمقدار الجبري.

الحدود الجبرية المتشابهة (algebraic like terms) هي حدود تحتوي على المتغيرات نفسها، وبالأسس نفسها.

حدود غير متشابهة	حدود متشابهة
$x, x^3, x^5$	$x, 34x, -5x$
$17, xy, xy^5$	$2xy, -28xy, xy$
$w, 3z, 14m$	$7n^3, -5n^3, n^3$

يمكنني أن أجمع أيّ حدّين متشابهين أو أطرحهما، وذلك بجمع معامليهما أو طرحهما فقط وإبقاء المتغيرات.

أتعلم

معامل الحدّ الجبري  $n$  يساوي 1

$n + n + n = 3 \times n = 3n$

$2d + 3d = 5d$

أجمع المعاملات، وأبقي المتغيرات.

يكون المقدار الجبري في أبسط صورة (simplest form) إذا لم يحتو على أيّ حدود متشابهة.



## الوحدة 2

### مثال 1

أكتب كلَّ مقدارٍ جبريٍّ ممَّا يأتي في أبسط صورة:

1  $3x + 4x$

$$3x + 4x = (3 + 4)x = 7x$$

الحدان  $3x$  و  $4x$  متشابهان. أجمع مُعَامِلِي الحدَّين، ثمَّ أضعُ  $x$

2  $4x - 3x$

$$4x - 3x = (4 - 3)x = x$$

الحدان متشابهان. أطرحُ مُعَامِلِي الحدَّين، ثمَّ أضعُ  $x$

3  $7zt + 6zt$

$$7zt + 6zt = (7 + 6)zt = 13zt$$

الحدان  $7zt$  و  $6zt$  متشابهان. أجمعُ مُعَامِلِي الحدَّين، ثمَّ أضعُ  $zt$

4  $9y^5 - y^5$

$$9y^5 - y^5 = (9 - 1)y^5 = 8y^5$$

الحدان  $9y^5$  و  $y^5$  متشابهان. أطرحُ مُعَامِلِي الحدَّين، ثمَّ أضعُ  $y^5$

5  $6x + 2x$

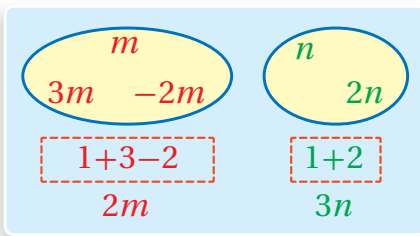
6  $2.5y + 0.5y$

أتحقق من فهمي: 

7  $3gf - gf$

8  $12yu^5 - 6yu^5$

يمكنني استخدام خصائص العمليات لكتابة مقدارٍ جبريٍّ في أبسط صورة.



$$\begin{aligned} & m + n + 3m + 2n - 2m \\ &= (m + 3m - 2m) + (n + 2n) \\ &= 2m + 3n \end{aligned}$$

### مثال 2

أكتب كلَّ ممَّا يأتي في أبسط صورة:

1  $(6pn - 3q) + (2pn + 7q)$

$$= (6pn + 2pn) + (7q - 3q)$$

$$= 8pn + 4q$$

الخاصية التجميعية والتبديلية في الجمع

أجمع الحدود المتشابهة، ثمَّ أطرحها

$$2 \quad (4x^2 y + t) + (3t - x^2 y)$$

$$= (4x^2 y - x^2 y) + (t + 3t)$$

$$= 3x^2 y + 4t$$

الخاصية التجميعية والتبديلية في الجمع

أجمع الحدود المتشابهة، ثم أطرحتها

أتحقق من فهمي:



$$3 \quad (7cr - 3q) + (2cr + 7q)$$

$$4 \quad (7xy + 4c) + (3xy - 8c)$$

$$5 \quad (4x + 4c^2) + (6x - 2c^2)$$

$$6 \quad (19t + 13s^2) + (4s^2 - t)$$

يمكنني استخدام خاصية التوزيع لتبسيط مقدار جبري إشارته سالبة مثل  $-(6x-1)$ ، وذلك بإدخال الإشارة السالبة على القوس وعكس إشارات جميع الحدود داخله ليصبح:  $-(6x-1) = -6x+1$

أكتب كلاً مما يأتي في أبسط صورة:

مثال 3

$$1 \quad (2y + \frac{3}{4}) - (6y - \frac{1}{4})$$

$$= 2y + \frac{3}{4} - 6y + \frac{1}{4}$$

$$= (2y - 6y) + (\frac{3}{4} + \frac{1}{4})$$

$$= -4y + 1 = 1 - 4y$$

خاصية التوزيع

خاصية التجميع

أجمع الحدود المتشابهة (خاصية التجميع)

$$2 \quad (-0.75x - 4) - (1.25x + 0.5)$$

$$= (-0.75x - 4) - 1.25x - 0.5$$

$$= (-0.75x - 1.25x) + (-4 - 0.5)$$

$$= -2x - 4.5$$

خاصية التوزيع

أجمع الحدود المتشابهة (خاصية التجميع)

أطرحت الحدود المتشابهة

$$3 \quad (6x + \frac{5}{6}) - (x - \frac{2}{6})$$

$$4 \quad (-1.75b - 7) - (2.25b + 3.5)$$

$$5 \quad 6dx^2 - 3z - 2(dx^2 + 4z)$$

$$6 \quad 2c^2v + 4h - 3(c^2v - 5h)$$

أتحقق من فهمي:



## الوحدة 2

### أندرب وأحل المسائل

أكتب كلاً مما يأتي في أبسط صورة:

1  $3.5x + 1.5x$

2  $7y + 4y$

3  $c^3r - 6c^3r$

4  $bd - 4bd$

أكتب كلاً مما يأتي في أبسط صورة:

5  $(3np + 5w) + (w - 10np)$  6  $(-z + 2xy) + (xy + 4z)$

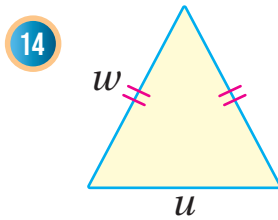
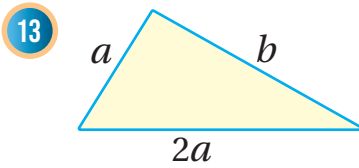
7  $(14x^2 - 19x) + (-6x^2 + x)$  8  $(10b^2 - 3b) + (b^2 - 2b)$

أكتب كلاً مما يأتي في أبسط صورة:

9  $(1.5w - 6.5) - (0.5w + 3.5)$  10  $(x + \frac{4}{7}) - (4x - \frac{3}{7})$

11  $8d + 4c^2 - 3(d - 5c^2)$  12  $6w - 3n^2m - 2(w + n^2m)$

أكتب مقداراً جبرياً يمثل محيط كل شكل مما يأتي:



حديقة منزل مستطيلة الشكل طولها يساوي ثلاثة أمثال عرضها، أراد مالكها إحاطة سياج بها، تكلف المتر الطولي منه 7 JD:

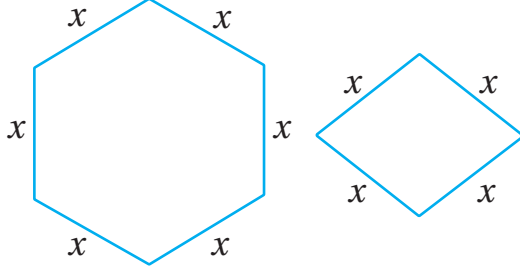
أكتب الحد الجبري الذي يعبر عن تكلفة السياج الذي يحيط بالحديقة. 15

أحسب تكلفة السياج الذي يحيط بالحديقة علماً بأن عرض الحديقة 30 m. 16

### أفكر

استخدمت عبارة «أبسط صورة» في موضوع الكسور. ما الفرق بين الاستخدامين؟

الشكلان الآتيان يمثلان معيّنًا وسداسيًا. إذا كان طول ضلع كلٍّ منهما  $x$  وحدة، فأجب عن السؤالين التاليين:



17 أكتب الحدّ الجبريّ الذي يمثل مجموع محيطي الشكلين.

18 أكتب الحدّ الجبريّ الذي يمثل الفرق بين محيط السداسيّ ومحيط المربعين..



19 **القمر:** تزيد أدنى درجة حرارة رُصدت على سطح القمر بمقدار  $23^\circ\text{C}$  عن مثلي أدنى درجة حرارة رُصدت على سطح الأرض. أكتب مقدارًا جبريًا يمثل أدنى درجة حرارة رُصدت على سطح القمر.

20 أعود إلى فقرة (استكشف) بداية الدرس، وأحلّ السؤال.

## أتذكّر

يُسمّى المضلع بحسب عدد أضلاعه، فالذي عدد أضلاعه 5 يُسمّى خماسيًا، والذي عدد أضلاعه 4 يُسمّى رباعيًا.

## معلومة

تتغيّر درجات حرارة القمر بسرعة كبيرة ما بين منخفضة جدًا ليلاً، ومرتفعة جدًا نهارًا؛ وذلك بسبب عدم وجود غلاف جويّ للقمر.

## مهارات التفكير العليا

21 **تحذّر:** إذا كان  $x$  عددًا صحيحًا فإنّ العدد الصحيح الذي يليه هو  $(x + 1)$ . أكتب مقدارًا جبريًا يمثل ناتج جمع عددين صحيحين متتاليين، مُبينًا أنّ ناتج الجمع دائمًا عددٌ فرديّ.

22 **أكتشف المختلف:** أيّ الآتيّة مختلفٌ عن البقية، مُبرّرًا إجابتي:

$$-2x - 7x + 1$$

$$9x - 1$$

$$3x + y - 12x - y$$

$$1 - 9x$$

23 **أكتب** كيف أجمع مقدارين جبريين أو أطرحهما؟



أَسْتَكْشِفُ

يُمَثِّلُ المَقْدَارُ الجَبْرِيُّ  $4x + 10$  عَرْضَ عَلمِ المَمْلَكَةِ الأَرْدُنِيَّةِ الهَاشِمِيَّةِ المَرْفُوعِ عَلى سَاريَةِ رِغْدَانَ. إِذَا كَانَ طَوَّلُ العَلمِ يُساوِي مِثْلِي عَرْضِهِ، فَأَجِدُ مَسَاحَةَ العَلمِ بِدَلالَةِ  $x$ ، ثَمَّ أَجِدُ مَسَاحَتَهُ الحَقِيقِيَّةَ إِذَا كَانَتْ قِيَمَةُ  $x$  هِيَ  $5\text{ m}$ .

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَضْرِبُ المَقَادِيرَ الجَبْرِيَّةَ، وَأَبْسِطُهَا.

$2z$	$2z$	$2z$	$2z$
$z$	$z$	$z$	$z$
$8z$			

عَندما أَضْرِبُ عَدَدًا في حَدِّ جَبْرِيٍّ فَإِنِّي أَجِدُ نَاطِجَ ضَرْبِ العَدَدِ في مَعامِلِ الحَدِّ الجَبْرِيِّ، ثَمَّ أضعُ النَاطِجَ جَانِبَ المَتغَيِّرِ.  
 $4 \times 2z = 8z$

يَمكُنُنِي تَطْبِيقُ قَوَاعِدِ الأَسْاسِ لِضَرْبِ حَدِّ جَبْرِيٍّ في آخَرَ حَتَّى لو اِخْتَلَفَتْ مُتغَيِّرَاتُهُمَا.

مِثَال 1

أَجِدُ نَاطِجَ ضَرْبِ الحُدُودِ الجَبْرِيَّةِ في كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1  $-5 \times 3x$

$$-5 \times 3x = (-5 \times 3)x = -15x$$

أَضْرِبُ العَدَدَ  $-5$  في مَعامِلِ الحَدِّ (3)

2  $4x \times 3x$

$$4x \times 3x = (4 \times 3)(x \times x) = 12x^2$$

الخاصية التبادلية والتجميعية في الضرب  
قاعدة ضرب القوى

3  $xy \times 3xy$

$$xy \times 3xy = (1 \times 3)(x \times x)(y \times y) = 3x^2 y^2$$

الخاصية التبادلية والتجميعية في الضرب  
قاعدة ضرب القوى

4  $(-xy) \times (x^2y)$

$$\begin{aligned}(-xy) \times (x^2y) &= (-x \times x^2)(y \times y) \\ &= -x^3y^2\end{aligned}$$

الخاصية التبادلية والتجميعية في الضرب  
قاعدة ضرب القوى في الأسس

أنتحقق من فهمي: 

5  $4 \times (-2x)$

6  $5 \times (-3w)$

7  $2y \times 5y$

8  $7c \times 2c$

يمكنني ضرب حد جبري في مقدار جبري باستخدام خاصية التوزيع؛ وذلك بضرب الحد في كل واحد من حدود المقدار.

مثال 2 أبسط كل مقدار جبري مما يأتي، ثم أجد قيمته عند القيم المعطاة:

1  $2x(3x - y)$ ,  $x = 3$ ,  $y = -7$

$$\begin{aligned}2x(3x - y) &= 6x^2 - 2xy \\ 6 \times 3^2 - 2 \times 3 \times (-7) \\ &= 6 \times 9 - (-42) \\ &= 54 + 42 = 96\end{aligned}$$

أضرب حدًا جبريًا في مقدار جبري  
أعوّض  $x = 3$ ,  $y = -7$   
أطبّق أولويات العمليات

2  $x(3x + 2y - 4) - 9$ ,  $x = -1$ ,  $y = 5$

$$\begin{aligned}x(3x + 2y - 4) - 9 &= 3x^2 + 2xy - 4x - 9 \\ 3(-1)^2 + 2(-1)(5) - 4(-1) - 9 \\ &= 3(1) - 10 + 4 - 9 = -12\end{aligned}$$

أضرب حدًا جبريًا في مقدار جبري  
أعوّض  $x = -1$ ,  $y = 5$   
أطبّق أولويات العمليات

3  $2a(4a + b)$ ,  $a = -2$ ,  $b = 7$

4  $5b(2a - b)$ ,  $a = 2$ ,  $b = -3$

5  $2x(x - 2y + 1) - 6$ ,  $x = -3$ ,  $y = 4$

6  $4y(y - 2x) + y + 2$ ,  $x = -4$ ,  $y = 2$

أنتحقق من فهمي: 

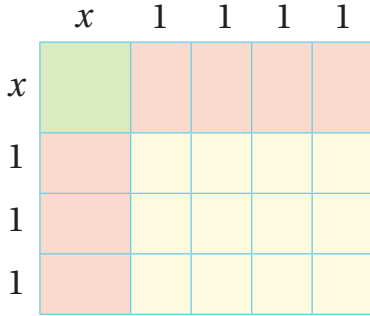
## الوحدة 2

يمكنني أن أضربَ مقدارين جبريين باستخدام نماذج المساحة، أو باستخدام خاصية التوزيع؛ وذلك بضرب كل حد من حدود المقدار الأول في كل حد من حدود المقدار الثاني.

### مثال 3

أجد ناتج الضرب  $(x + 4)(x + 3)$  في أبسط صورة.

#### الطريقة 1: نماذج المساحة.



طول المستطيل الكبير  $(x + 4)$  وحدات، وعرضه  $(x + 3)$  وحدات.  
مساحة المستطيل الكبير تساوي ناتج ضرب المقدارين الجبريين.  
مساحة المربع الأخضر تساوي  $x \times x = x^2$  وحدة مربعة.  
مساحة كل واحد من المستطيلات الحمراء تساوي  $(x \times 1 = x)$  وحدة مربعة.  
مساحة كل واحد من المربعات البرتقالية تساوي  $(1 = 1 \times 1)$  وحدة مربعة.  
إذن، مساحة المستطيل الكبير، هي:

$$x^2 + 7(x) + 12 = x^2 + 7x + 12$$

#### الطريقة 2: خاصية التوزيع.

$$\begin{aligned} (x + 4)(x + 3) &= (x^2 + 3x) + (4x + 12) \\ &= x^2 + (3x + 4x) + 12 \\ &= x^2 + 7x + 12 \end{aligned}$$

يمكنني أيضًا استخدام خاصية التوزيع بطريقة مختلفة كما يأتي:

$$\begin{aligned} (x + 4)(x + 3) &= x(x + 3) + 4(x + 3) \\ &= (x^2 + 3x) + (4x + 12) \\ &= x^2 + (3x + 4x) + 12 \\ &= x^2 + 7x + 12 \end{aligned}$$

أفصل المقدار  $(x+4)$  إلى حدّين  $x$ ،  $4$   
ثم أضرب كلًّا منهما في المقدار  $(x+3)$   
أستخدم خاصية التوزيع  
أجمع الحدود المتشابهة  
أكتب المقدار في أبسط صورة

**أتحقّق من فهمي:** أجد ناتج الضرب في كلِّ ممّا يأتي:



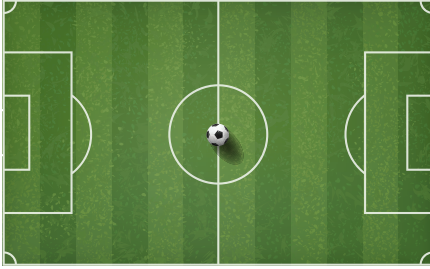
1  $(x + 2)(x + 5)$

2  $(3 - d)(4 - d)$



يمكنني استخدام ضرب المقادير الجبرية في التطبيقات الحياتية.

### مثال 4: من الحياة



ملعبٌ مستطيل الشكل، طوله  $m(5x + 4)$ ، وعرضه  $m(3x + 2)$ ، يُراد زراعته بالنجيل. أجد مساحة المنطقة المزروعة بالنجيل بدلالة  $x$ .

$$\begin{aligned} A &= (5x + 4)(3x + 2) \\ &= 5x(3x + 2) + 4(3x + 2) \\ &= (5x \times 3x + 5x \times 2) + (4 \times 3x + 4 \times 2) \\ &= (15x^2 + 10x) + (12x + 8) \\ &= 15x^2 + (10x + 12x) + 8 \\ &= 15x^2 + 22x + 8 \end{aligned}$$

$$A = l \times w$$

أفصل المقدار  $(5x + 4)$  إلى حدّين

أستخدم خاصية التوزيع

قاعدة ضرب القوى في الأسس

الخاصية التجميعية

أجمع الحدود المشابهة

أتحقّق من فهمي:



**سجّاد:** سجادةٌ مستطيلة الشكل، طولها  $m(x + 6)$ ، وعرضها  $m(x + 3)$ . أجد مساحة السجادة بدلالة  $x$ ، ثمّ أجد ثمنها إذا كان سعر المتر المربع الواحد JD 6.

أجد ناتج الضرب في كلّ ممّا يأتي:

- |   |                   |   |                      |   |                 |
|---|-------------------|---|----------------------|---|-----------------|
| 1 | $6 \times (-3b)$  | 2 | $-2 \times (4w)$     | 3 | $-2u \times 5u$ |
| 4 | $8d \times (-7d)$ | 5 | $3xy \times (-xy^2)$ | 6 | $(-dq^2)(-3qd)$ |

أبسّط كلّ مقدارٍ جبريٍّ ممّا يأتي، ثمّ أجد قيمته عند القيم المُعطاة:

- |   |  |
|---|--|
| 7 | $2d(h - 3d)$ , $d = 2$ , $h = -4$          |
| 8 | $-5c(c - 2r)$ , $c = -3$ , $r = 1$         |
| 9 | $6 + 3w + 2w(w - 2v)$ , $w = -1$ , $v = 4$ |

### أتدرّب وأحلّ المسائل



## الوحدة 2

أكتب كلاً ممّا يأتي في أبسط صورة:

10  $(b + 4)(b + 1)$

11  $(6 + d)(1 - d)$

12  $(3x - 1)(4x - x^2 + 2)$

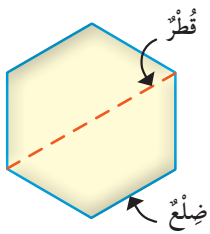
13  $(4 - p)(2p - p^2 + 1)$

14 **طقس:** يمكن استخدام المقدار  $(^{\circ}\text{F} - 32) \times \frac{5}{9}$  لتحويل درجات الحرارة الفهرنهايتية إلى مئوية، حيث  $^{\circ}\text{F}$  درجة الحرارة الفهرنهايتية. أكمل الجدول الآتي:

الدرجة الفهرنهايتية ( $^{\circ}\text{F}$ )	5	32	41
الدرجة المئوية ( $^{\circ}\text{C}$ )			

15 **رياضة:** يستخدم المدربون الرياضيون المقدار الجبري  $(220 - a) \times \frac{3}{5}$ ، حيث  $a$  عمر الشخص؛ لإيجاد الحد الأدنى لمعدل ضربات القلب في الدقيقة. أجد الحد الأدنى لمعدل ضربات قلب لاعب عمره 20 سنة.

16 أعود إلى فقرة (أستكشف) بداية الدرس، وأحل المسألة.



**تحد:** يمكنني إيجاد العدد الكلي من الأقطار لأي مضلع باستخدام المقدار الجبري  $\frac{1}{2}n(n-3)$ ، حيث  $n$  عدد الأضلاع. أتأمل الشكل المجاور، ثم أجيء:

17 ما أقل قيمة ممكنة للمتغير  $n$ ؟

18 أكوّن جدولاً من أربع قيم ممكنة لـ  $n$ ، ثم أكمل الجدول بإيجاد قيمة المقدار لكل قيمة  $n$ .

19 أتحرّق من حلي برسم أقطار شكل خماسي.

20 **أكتب** كيف أضرب مقدارين جبريين.

### معلومة



تُقاس درجة الحرارة بوحدة الفهرنهايت، واختصارها ( $^{\circ}\text{F}$ )، ووحدة المئوي، واختصارها ( $^{\circ}\text{C}$ ).

### مهارات التفكير العليا

#### أتعلم

**قُطْرُ المضلع:** قطعة

مستقيمة تصل بين رأسين

غير متجاورين فيه.

ويعتمد عدد أقطار المضلع

على عدد أضلاعه.



**رحلة سياحية:** شارك 40 شخصًا في رحلة سياحية إلى وادي رم، وكان رسم الاشتراك في الرحلة للكبار 20 دينارًا للشخص الواحد وللصغار 10 دنانير للشخص الواحد، وبلغ مجموع ما دفعوه جميعًا 650 دينارًا. أجد عدد المشاركين في الرحلة من الكبار، وعدد المشاركين فيها من الصغار.

## فكرة الدرس

أحل مسائل باستخدام خطة التخمين والتحقق.

## 1 أفهم

1

يدفع الكبير 20 دينارًا، ويدفع الصغير 10 دنانير.  
**المطلوب:** إيجاد عدد كل من الكبار والصغار في الرحلة.

## 2 أخط

2

أخمن عدد كل من الكبار والصغار، ثم اتحقق من صحة تخميني. أجرب عددًا من التوقعات المنطقية لحل المسألة (تخمينات). وكل مرة أختبر صحة التخمين باستخدام معطيات المسألة.

## 3 أحل

3

أفترض أن عدد الكبار  $x$  وعدد الصغار  $y$ ، وأكتب مقدارًا جبريًا يمثل المبلغ الذي دفعوه جميعًا للاشتراك في الرحلة، ثم أكمل الجدول الآتي، مُحددًا الحالة التي يكون فيها مجموع ما دفعوه 650 دينارًا.

أخمن		أتحقق	
$x$	$y$	$20x + 10y$	
30	10	$20(30) + 10(10) = 700$	أكبر من 650 ✗
26	14	$20(26) + 10(14) = 660$	أكبر من 650 ✗
24	16	$20(24) + 10(16) = 640$	أصغر من 650 ✗
25	15	$20(25) + 10(15) = 650$	صحيح ✓

إذن، شارك في الرحلة 25 من الكبار و15 من الصغار.

## 4 أتأكد

4

مجموع 25 و15 هو 40، و  $20(25) + 10(15) = 650$ ، إذن، التخمين صحيح. ✓

### أُتَدَرَّبُ وَأُحَلُّ الْمَسَائِلَ



1 **أعمار:** يزيدُ عُمُرُ سَمَاحَ عَن عُمُرِ أُخْتِهَا سُهَي 4 سَنَوَاتٍ. إِذَا كَانَ مَجْمُوعُ عُمُرَيْهِمَا 20 سَنَةً، فَكَمْ عُمُرُ كُلِّ مِنْهُمَا؟

2 **محيط:** قِطْعَةٌ أَرْضٍ مُسْتَطِيلَةٌ الشَّكْلِ، طَوْلُهَا مِثْلًا عَرْضِهَا. إِذَا كَانَ مُحِيطُهَا 210 أَمْتَارًا، فَكَمْ مِتْرًا كَلَّ مِنْ طَوْلِهَا وَعَرْضِهَا؟

3 **نقود:** مَعَ فَاضِلٍ 12 وَرَقَّةً نَقْدِيَّةً مِنْ فِئْتِي 5 دَنَانِيرَ، وَ10 دَنَانِيرَ، قِيمَتُهَا الْكُلِّيَّةُ 85 دِينَارًا. كَمْ وَرَقَّةً نَقْدِيَّةً مِنْ كُلِّ فِئْتَةٍ مَعَهُ؟



4 **مساعدات:** تَصَدَّقَ شَخْصٌ بِمَوَادِّ تَمْوِينِيَّةٍ عَلَى 8 فُقَرَاءَ، فَأَعْطَى كُلَّ وَاحِدٍ مِنْهُمْ كَيْسَ سَكَّرٍ ثَمَنُهُ 4 دَنَانِيرَ، أَوْ كَيْسَ أَرْزٍ ثَمَنُهُ 7 دَنَانِيرَ، وَكَانَ ثَمَنُ الْأَكْيَاسِ جَمِيعِهَا 41 دِينَارًا. مَا عَدَدُ الْأَكْيَاسِ الَّتِي وَزَعَهَا مِنْ كُلِّ نَوْعٍ؟

### معلومة

لكي يقبلَ اللهُ تعالى الصدقةَ مِنَ العبدِ، يجبُ عليه أن يُحْلِصَ اللهُ عَزَّ وَجَلَّ فِي صَدَقَتِهِ، وَلَا يَنْوِي التَّفَاخَرَ بِهَا أَمَامَ النَّاسِ.

5 **جوائز:** اشْتَرَتْ مَدْرَسَةٌ 20 جَائِزَةً لِطَلِبَتِهَا الْمُتَفَوِّقِينَ بِمَبْلَغِ 68 دِينَارًا. إِذَا كَانَ ثَمَنُ الْجَائِزَةِ لِلطَّلِبَةِ الْكِبَارِ 4 دَنَانِيرَ، وَثَمَنُ الْجَائِزَةِ لِلطَّلِبَةِ الصَّغَارِ 3 دَنَانِيرَ، فَمَا عَدَدُ كُلِّ مِنْ جَوَائِزِ الطَّلِبَةِ الْكِبَارِ وَالصَّغَارِ الَّتِي اشْتَرَتْهَا الْمَدْرَسَةُ؟



6 **رياضة:** فِي مَنَافَسَاتِ كُرَةِ الْقَدَمِ يَكْسَبُ الْفَرِيقُ 3 نِقَاطٍ فِي حَالَةِ فَوْزِهِ فِي الْمَبَارَاةِ، وَيَكْسَبُ نِقْطَةً وَاحِدَةً فِي حَالَةِ التَّعَادُلِ. إِذَا كَانَ رَصِيدُ أَحَدِ الْفِرَقِ 22 نِقْطَةً مِنْ 10 مَبَارِيَاتٍ، وَانْتَهَتْ جَمِيعُهَا بِالْفَوْزِ أَوْ التَّعَادُلِ، فَكَمْ عَدَدُ الْمَبَارِيَاتِ الَّتِي فَازَ فِيهَا؟ وَكَمْ عَدَدُ الْمَبَارِيَاتِ الَّتِي تَعَادَلَتْ فِيهَا؟

## اختبار نهاية الوحدة

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 الصيغة الأسية المكافئة للحد الجبري  
 $t \times b \times t \times b^2 \times t$  هي:

- a)  $t^2 \times b^3$       b)  $t^3 \times b^2$   
 c)  $(t \times b)^3$       d)  $(t + b)^3$

2 الصورة العشرية للعدد  $6.2 \times (2 \times 5)^{-2}$  هي:

- a) 0.62      b) 62  
 c) 620      d) 0.062

3 قيمة المقدار  $2 \div (7 + 5^2) - 10$  هي:

- a) 6      b) -6  
 c) -4      d) -11

4 إذا كان  $b = 3$  ,  $k = -4$  ، فإن قيمة  $6k - 2b$  هي:

- a) 18      b) -18  
 c) -30      d) 3

5 يمشي جمال مسافة  $c$  كيلومتر في كل من أيام السبت والإثنين والأربعاء والجمعة. الحد أو المقدار الجبري الذي يمثل مجموع الكيلومترات التي يقطعها جمال في الأيام الأربعة هو:

- a)  $4c$       b)  $4 + c$   
 c)  $c$       d)  $4 + 4c$

6 العبارة الصحيحة مما يأتي هي:

- a)  $5(x - 3) = 5x + 2$   
 b)  $x(x + 3y) = x^2 + 3xy$   
 c)  $x(x + 4) = 2x + 4$   
 d)  $x(y - b) = -xyb$

7 المقدار الجبري المكتوب في أبسط صورة مما يأتي هو:

- a)  $3x - 5 + x$       b)  $3x^2 + x - 1$   
 c)  $x^2 - 2x - x$       d)  $x - 5x + 1$

8 يتقاضى محل لغسيل السيارات مبلغ  $5\frac{1}{2}$  دينار مقابل غسل السيارات الكبيرة، ومبلغ  $3\frac{3}{4}$  دينار لغسل السيارات الصغيرة. وفي أحد الأيام تم غسل 6 سيارات كبيرة، وعدد من السيارات الصغيرة بقيمة إجمالية بلغت 59.25 ديناراً، فما عدد السيارات الصغيرة التي غسلت؟

9 أصل بخط بين الحدود أو المقادير الجبرية المتساوية في ما يأتي:

$m^4$   
 $3m + m$   
 $3m$   
 $m^2$

$m + m + m$   
 $m \times m$   
 $4m$   
 $m \times m \times m \times m$

## الوحدة 2

17 إذا كان رسم دخول مدينة ألعاب  $x$  دينارًا عن كل فرد مضافًا إليه ديناران لمن يريد استخدام الألعاب. أكتب مقدارًا جبريًا في أبسط صورة يمثل ما تدفعه عائلة مكونة من الوالدين و 3 أطفال إذا استخدم الألعاب الأطفال فقط.

### تدريب على الاختبارات الدولية:

18 إذا كان  $x = -2$ ,  $y = -3$ , فإن قيمة  $-3x - 2y$  هي:

- a) 0                      b) -12  
c) 12                      d) 10

19 لأي عدد  $w$ ، يمكن كتابة  $w + w + w + w + w$  على الصورة:

- a)  $w + 5$                       b)  $5w$   
c)  $w^5$                       d)  $5(w + 1)$

20 إذا كانت  $x = 5$ ، فما قيمة  $\frac{3x+1}{x-13}$ ؟

21 تملك نوارًا مثلي ما يملكه حسن من الكتب، وتملك سكينه 6 كتب زيادةً على ما يملكه حسن. إذا كان  $x$  يمثل عدد الكتب التي يملكها حسن، فأكتب مقدارًا جبريًا يمثل مجموع الكتب التي يملكها الثلاثة معًا.

10 أجد قيمة  $2(15 \div 3) + 6 \times 4 - 5^2$

أكتب كل مقدار جبري مما يأتي في أبسط صورة:

11  $6d - 1 - (d - 2)$

12  $(2x + y)(x - y)$

13  $3mn(2m + n) - n^2m$

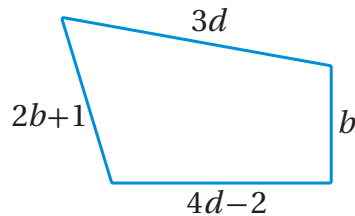
14  $(x - 1)(x^2 + x)$

15 اشترت رولا 18 دفترًا، سعر الواحد منها  $n$  قرشًا، واشترت 30 قلم حبر، سعر الواحد منها  $m$  قرشًا:

a) أكتب مقدارًا جبريًا يمثل المبلغ الذي دفعته رولا ثمنًا للأقلام والدفاتر.

b) أجد المبلغ الذي دفعته رولا إذا كان ثمن الدفتر 20 قرشًا و ثمن القلم 15 قرشًا.

16 أكتب مقدارًا جبريًا يمثل محيط الشكل الآتي في أبسط صورة.





## المعادلات الخطية

## ما أهمية هذه الوحدة؟

تُعَدُّ الاقترانات والمُتتاليات من أكثر الموضوعات أهميةً في علم الرياضيات؛ لِمَا لها من تطبيقات في كثيرٍ من المجالات. فمثلاً، يوظَّفُ المهندسون الاقترانات والمُتتاليات لرصد العلاقة بين الزمن الذي مرَّ على إنشاء الجسور وقدرتها على تحمُّل وزن المركبات التي تسير عليها.



## سأتعلَّم في هذه الوحدة:

- حلَّ المعادلة الخطية بمتغيرٍ واحدٍ.
- كتابة حدودٍ متتاليةٍ خطيةٍ، وإيجاد حدِّها العامِّ.
- التعبير عن الاقترانات الخطية جبرياً وبالجدول، وبيانياً.

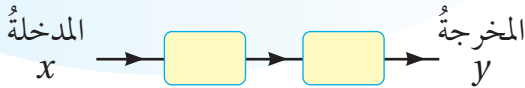
## تعلَّمْتُ سابقاً:

- ✓ الحدود والمقادير الجبرية، وإيجاد قيمها عندما تكون قيمة المتغيرات معلومةً.
- ✓ تعيين الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي.
- ✓ حلَّ المعادلات الخطية بخطوةٍ واحدةٍ.

## مشروع الوحدة: خدمة التوصيل



5 أجد آلة الاقتران الذي يمثل العلاقة بين المدخلات والمخرجات في كل جدول باستخدام النموذج الآتي:



6 أكتب قاعدة كل اقتران جبرياً.

7 أكتب قاعدة كل اقتران كمعادلة على صورة:

$$y = ax + b$$

8 أكتب قيم المدخلات والمخرجات على شكل أزواج مرتبة  $(x, y)$ ، ثم أرسم لكل من الجداول الثلاثة مستوى إحداثياً، ثم أعين الأزواج المرتبة عليه.

9 أكتب فقرة أصف فيها ما لاحظته على مواقع الأزواج المرتبة على المستويات الإحداثية الثلاثة.

10 استخدم المستوى الإحداثي في إيجاد التكلفة الكلية لشراء 10 قطع من كل سلعة، وتحقق من إجابتني باستخدام قاعدة الاقتران.

### عرض النتائج:

• أصمم مطوية مبتكرة، وأدون فيها ما قمتُ به في هذا المشروع.

• أعرض المطوية أمام زملائي.

أستعدُّ وزملائي لتنفيذ مشروعنا الخاص الذي نستعمل فيه ما ستتعلمه في هذه الوحدة عن المعادلات الخطية.

### خطوات تنفيذ المشروع:

1 أبحث عن ثلاث سلع يمكن شراؤها عن بُعد والحصول عليها عن طريق خدمة التوصيل، ثم أكتب في الجدول الآتي سعر القطعة الواحدة من كل سلعة وتكلفة التوصيل.

السلعة	سعر القطعة	تكلفة التوصيل

2 أنشئ جدولاً يبين العلاقة بين عدد القطع من كل سلعة وإجمالي السعر مُضافةً إليه تكلفة التوصيل.

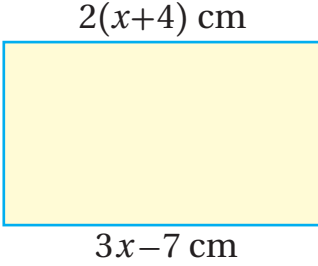
السلعة: .....			
عدد القطع			
إجمالي السعر			

3 أحدد المدخلات والمخرجات في كل جدول.

4 أمثل قيم المدخلات والمخرجات لكل سلعة بمخطط سهبي.



## أستكشف



- أنظر إلى المستطيل المجاور، ثم أجيب:
- 1 ما قيمة كل من المقدارين الجبريين:  $2(x+4)$  و  $3x-7$  عندما  $x = 4$ ؟
  - 2 هل يمكن إيجاد قيمة للمتغير  $x$  يتساوى عندها المقداران  $2(x+4)$  و  $3x-7$ ؟
  - 3 كم طول المستطيل بحسب قيمة  $x$  التي أوجدتها؟

## فكرة الدرس

أحلّ معادلةً بمتغيرٍ واحدٍ.

يُمكنني حلّ معادلةٍ تحتوي على متغيرٍ واحدٍ في أحد طرفيها باستخدام خصائص المساواة.

## مثال 1

أحلّ المعادلة  $3(3x + 2) = 42$ ، ثم أتأكد من صحّة الحلّ:

$$3(3x+2) = 42$$

المعادلة الأصلية

x	x	x	2	x	x	x	2	x	x	x	2
42											

$$3 \times 3x + 3 \times 2 = 42$$

خاصية التوزيع

x	x	x	x	x	x	x	x	x	2	2	2
42											

$$9x + 6 = 42$$

أضرب

$$9x + 6 = 42$$

$$9x + 6 = 42$$

$$\underline{-6} \quad \underline{-6}$$

$$9x = 36$$

أطرح 6 من كلا الطرفين

x	x	x	x	x	x	x	x	x	<del>6</del>
36									
<del>6</del>									

$$9x = 36$$

$$9x = 36$$

$$\underline{\div 9} \quad \underline{\div 9}$$

$$x = 4$$

أقسم كلا الطرفين على 9

x	x	x	x	x	x	x	x	x
4	4	4	4	4	4	4	4	4

$$x = 4$$

أتأكد من صحّة الحلّ:

$$3(3(4)+2) \stackrel{?}{=} 42$$

$$3(14) \stackrel{?}{=} 42$$

$$42 = 42 \checkmark$$

بتعويض  $x = 4$  في المعادلة

أبسط

الطرفان متساويان. إذن، الحلّ صحيح

## الوحدة 3

**أتحقق من فهمي:** أحلُّ كلاً من المعادلتين الآتيتين، ثم أتحقق من صحّة الحلّ:

1  $3(2x - 2\frac{2}{3}) = -42$

2  $2(\frac{x}{5} - 7) = -16$

يمكنني أيضاً استخدام خصائص المساواة لحلّ معادلةٍ تحتوي على متغيّرٍ على طرفي المساواة.

**مثال 2** أحلُّ المعادلة  $\frac{2}{3}(x - 5) = -(5 + x)$ ، ثم أتحقق من صحّة الحلّ:

$$\frac{2}{3}(x - 5) = -(5 + x)$$

المعادلة الأصليّة

$$2(x - 5) = -3(5 + x)$$

أضرب طرفي المعادلة في 3

$$2x - 10 = -15 - 3x$$

خاصيّة التوزيع

$$\frac{+3x}{+3x} \quad \frac{+3x}{+3x}$$

$$5x - 10 = -15$$

أجمع  $3x$  لكلا الطرفين

$$\frac{+10}{+10} \quad \frac{+10}{+10}$$

$$5x = -5$$

أجمع 10 لكلا الطرفين

$$\frac{\div 5}{\div 5} \quad \frac{\div 5}{\div 5}$$

$$x = -\frac{5}{5} = -1$$

أقسم طرفي المعادلة على 5

أتحقق من صحّة الحلّ:

$$\frac{2}{3}(-1 - 5) \stackrel{?}{=} -(5 + -1)$$

أعوّض قيمة  $x = -1$  في المعادلة الأصليّة

$$-4 = -4 \checkmark$$

الطرفان متساويان. إذن، الحلّ صحيح

**أتحقق من فهمي:**

أحلُّ كلاً من المعادلتين الآتيتين، ثم أتحقق من صحّة الحلّ:

1  $-2(-6 - k) = \frac{1}{4}(k + 13)$

2  $5 - 7b = -4(b + 1) - 3$

يمكنني كتابة معادلات خطية لتمثيل مواقف حياتية، ثم حلها.



### مثال 3: من الحياة

لدى علي 4 علب مليئة بالأقلام، وقلمان إضافيان، ولدى خالد علبتان مليئتان بالأقلام و 10 أقلام إضافية. كم قلمًا في العلبة الواحدة إذا كان لدى كل منهما العدد نفسه من الأقلام؟

ليكن عدد الأقلام في كل علبة هو  $x$ . إذن، لدى علي  $4x + 2$  قلمًا، ولدى خالد  $2x + 10$  قلمًا، وبما أن لدى كل من علي وخالد العدد نفسه من الأقلام، فإن  $4x + 2 = 2x + 10$ .  
أحل المعادلة لأجد قيمة المتغير الذي يمثل عدد الأقلام في كل علبة.

$$4x + 2 = 2x + 10$$

$$\frac{-2x}{2x + 2} = \frac{-2x}{2x + 10}$$

$$2x + 2 = 10$$

$$\frac{-2}{2x + 2} = \frac{-2}{2x + 10}$$

$$2x = 8$$

$$\frac{\div 2}{2x} = \frac{\div 2}{8}$$

$$x = 4$$

المعادلة الأصلية

أطرح  $2x$  من كلا الطرفين

أطرح 2 من كلا الطرفين

أقسم كلا الطرفين على 2

إذن، تحتوي كل علبة على 4 أقلام.

أتحقق من صحة الحل:

أعوّض  $x = 4$  في المعادلة الأصلية

أبسّط

الطرفان متساويان. إذن، الحل صحيح

$$4(4) + 2 \stackrel{?}{=} 2(4) + 10$$

$$16 + 2 \stackrel{?}{=} 8 + 10$$

$$18 = 18 \checkmark$$

أتحقق من فهمي:

ناتج ضرب عدد ما في 3 ثم إضافة 5 يساوي ناتج جمعه مع العدد 23، فما العدد؟

## الوحدة 3

### أندرب وأحل المسائل

أحلُّ كلاً من المعادلات الآتية، ثمَّ أتحقق من صحَّة الحلِّ:

1  $2(5x + 14) = 6$

2  $3(4 - x) = 33$

3  $\frac{2}{3}(x - 8) = 7$

4  $\frac{4x - 1}{7} = 5$

أحلُّ كلاً من المعادلات الآتية، ثمَّ أتحقق من صحَّة الحلِّ:

5  $2(3x - 4) = 4x + 17$

6  $\frac{3}{4}(6 + x) = -2(x - 5)$

7  $\frac{1}{3}(x - 2) + 10 = 4 - 3x$

8  $\frac{x + 4}{5} = 9 - 7x$

9 ناتج ضرب عددي ما في 7 ثمَّ جمعه مع 6 يساوي ناتج جمعه مع العدد 30، فما العدد؟

10 **العُمُر:** هلا أصغر بـ 7 سنوات من ريم، وسليم عُمُرُه يساوي ضعف عُمُر ريم. إذا كان مجموع عُمُرَي هلا وريم مساوياً لعُمُر سليم مطروحاً من 57، فأكتب معادلة، ثمَّ أحلها لأجد عُمُر كل واحد منهم.

11 أرّتب خطوات حلِّ المعادلة  $2x + 7 = 19 - 2x$ . أكتب رقم كل خطوة في ○:

$4x = 12$

$4x + 7 = 19$

$x = 3$

$-7 - 7$

$+2x + 2x$

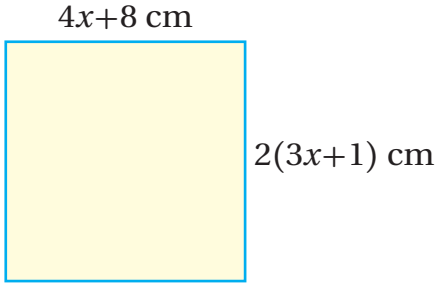
$\div 4 \div 4$

$2x + 7 = 19 - 2x$

12 **حدائق:** حديقة مستطيلة الشكل، بُعدها  $(x + 3)$  متراً، و  $(x + 1)$  متراً. إذا كان محيط الحديقة 44 متراً، فأجد قيمة  $x$ ، ثمَّ أجد بُعدي الحديقة.

### إرشاد

يمكنني التخلص من الكسر المضروب في القوس بضرب طرفي المعادلة في مقلوب الكسر.



لديّ المربع المُجاوِرُ:

أجدُ قيمةَ  $x$

13

ما طولُ ضلعِ المربعِ؟

14

### مهاراتُ التفكير العُلَيَا

**تبريرٌ:** حلّت كلٌّ من ندى وعبيرَ المعادلةَ  $3(5x-1) = 42$  بطريقةٍ مختلفةٍ:

**عبيرٌ**

$$3(5x-1) = 42$$

$$15x-3 = 42$$

$$\begin{array}{r} +3 \quad +3 \\ \hline 15x = 45 \\ \div 15 \quad \div 15 \\ \hline x = 3 \end{array}$$

**ندى**

$$3(5x-1) = 42$$

$$\begin{array}{r} \div 3 \quad \div 3 \\ \hline 5x-1 = 14 \\ +1 \quad +1 \\ \hline 5x = 15 \\ \div 5 \quad \div 5 \\ \hline x = 3 \end{array}$$

15 ما الفرقُ بينَ حلِّ ندى وحلِّ عبيرٍ؟ هل حلٌّ كلٌّ منهما صحيحٌ؟

15

16 هل يمكنُ استخدامُ طريقةِ ندى لحلِّ أيِّ معادلةٍ؟ أبرّرْ إجابتي.

16

17 **تحذّرُ:** أحلُّ المعادلةَ الآتيةَ:

17

$$2x + 7 = 5 + 2x$$

### أفكّرُ

هل توجدُ معادلةٌ ليسَ لها حلٌّ؟

18 **أكتبُ** أصفُ كيفَ أحلُّ معادلةَ خطيّةٍ تحتوي على متغيّرٍ في طرفيها.

18



أستكشفُ

قسِّمَ حسنٌ بسَطَ كَسْرٍ على  
مَقَامِهِ باستخدامِ حاسِبَةٍ، فكانَ  
الناتجُ 5.333333، هل يمكنُ  
معرفةُ هذا الكسرِ؟

فكرةُ الدرسِ

أحوَّلُ الكسرَ العشريَّ  
الدوريَّ إلى كسرٍ فعليٍّ أو  
عددٍ كسريٍّ.

المصطلحاتُ

كسرٌ عَشْرِيٌّ دَوْرِيٌّ.

يمكنُ استخدامُ حلِّ المعادلاتِ وخصائصِ المساواةِ لكتابةِ أيِّ كسرٍ عَشْرِيٍّ دوريٍّ (repeating decimal) على صورةِ كسرٍ  $\frac{a}{b}$ ، حيثُ  $a$  و  $b$  عددان صحيحان، و  $b \neq 0$ .

مثال 1

أكتبُ الكسرَ العشريَّ الدوريَّ  $0.\bar{4}$  على صورةِ كسرٍ  $\frac{a}{b}$ .

أعبرُ عن الكسرِ العشريِّ الدوريِّ بمُتغيِّرٍ مثلِ  $x$ ، ثمَّ أُجري العملياتِ الآتيةَ؛ لأكتبهُ على صورةِ كسرٍ  $\frac{a}{b}$ .

$$x = 0.444\dots$$

$$10(x) = 10(0.444\dots)$$

$$10x = 4.444\dots$$

$$10x = 4 + 0.444\dots$$

$$10x = 4 + x$$

$$9x = 4$$

$$x = \frac{4}{9}$$

أضربُ طَرَفِي المعادلةِ في 10؛ لأنَّ منزلةَ واحدةٍ فقط تتكرَّرُ

أضربُ في 10، أُحَرِّكُ الفاصلةَ منزلةً واحدةً إلى اليمينِ

أجزئُ العددَ العشريَّ إلى عددٍ صحيحٍ وكسرٍ عَشْرِيٍّ

$$x = 0.444\dots \text{ أَعْوِضْ}$$

أطرحُ  $x$  من كلا الطَّرَفَيْنِ

أقسمُ كلا الطَّرَفَيْنِ على 9

إذن، يُكتَبُ الكسرُ العشريُّ الدوريُّ  $0.\bar{4}$  على صورةِ كسرٍ  $\frac{a}{b}$  كما يأتي:  $\frac{4}{9}$

أتحققُ من فهمي: أكتبُ الكسرَ العشريَّ الدوريَّ على صورةِ كسرٍ  $\frac{a}{b}$  في ما يأتي:

1  $0.\bar{1}$

2  $0.\bar{2}$

3  $0.\bar{5}$

4  $0.\bar{8}$

توجد كسورٌ عشريةٌ دوريةٌ يتكرَّرُ فيها رَقمانِ أو أكثرُ، ويمكننا أيضًا كتابةً هذه الكسورِ العشريةِ الدوريةِ على الصَّورةِ  $\frac{a}{b}$ .

## مثال 2: من الحياة



تقدَّم 66 طالبًا إلى امتحانٍ في مادَّة العلوم، فكان الكسرُ العشريُّ الدالُّ على نسبةِ النَّجاحِ  $0.\overline{81}$ ، أجدُ عددَ الناجحينِ. أعبِّرُ عن الكسرِ العشريِّ الدوريِّ بمتغيِّرٍ مثل  $x$ ، ثمَّ أقومُ بالعملياتِ الآتية؛ لأكتبُه على صورةِ كسرٍ  $\frac{a}{b}$ .

$$x = 0.8181\dots$$

$$100(x) = 100(0.8181\dots)$$

$$100x = 81.8181\dots$$

$$100x = 81 + 0.8181\dots$$

$$100x = 81 + x$$

$$99x = 81$$

$$x = \frac{81}{99}$$

$$x = \frac{9}{11}$$

أضربُ طرفيَّ المعادلةِ في 100؛ لأنَّ منزلتينِ تتكرَّرانِ

أضربُ في 100، أُحرِّكُ الفاصلةَ منزلتينِ إلى اليمينِ

أجزِّئُ العددَ العشريَّ إلى عددٍ صحيحٍ وكسرٍ عشريِّ

أعوِّضُ  $x = 0.8181\dots$

أطرحُ  $x$  من كلا الطرفينِ

أقسمُ كلا الطرفينِ على 99

أكتبُ الناتجَ في أبسطِ صورةٍ

لإيجادِ عددِ الطلبةِ الناجحينِ، أضربُ عددَ الطلبةِ في الكسرِ الدالِّ على نسبةِ النَّجاحِ.

$$66 \times \frac{9}{11} = 54$$

أضربُ، ثمَّ أبسِّطُ

إذن، عددُ الطلبةِ الناجحينِ هو 54 طالبًا.

## أتحقَّقُ من فهمي:



إذا كان عددُ الحيواناتِ جميعها في الحديقة 88 حيوانًا، والكسرُ الدالُّ على الحيواناتِ المفترسةِ فيها  $0.\overline{18}$ ، فأجدُ عددَ الحيواناتِ المفترسةِ.

توجدُ كسورٌ عشريةٌ دوريةٌ يتكرَّرُ فيها رَقمانِ أو أكثرُ، في حين لا تتكرَّرُ أرقامٌ أخرى. فمثلًا، الكسرُ العشريُّ  $0.\overline{32}$  يتكرَّرُ فيه الرِّقْمُ 2 فقط، ولا يتكرَّرُ فيه الرِّقْمُ 3، ويمكنُ أيضًا كتابةً هذه الكسورِ العشريةِ الدوريةِ على الصَّورةِ  $\frac{a}{b}$ .

## الوحدة 3

### مثال 3

أكتب العدد العشري الدوري  $4.\overline{13}$  على صورة عدد كسري.

أعبر عن  $4.\overline{13}$  بمتغير مثل  $x$ ، ثم أجزئ العمليات الآتية؛ لأجد العدد الكسري الذي يمثله.

$$x = 4.1333\dots$$

$$10x = 41.333\dots$$

$$10x = 37.2 + 4.1333\dots$$

$$10x = 37.2 + x$$

$$9x = 37.2$$

$$x = \frac{37.2}{9}$$

$$= \frac{372}{90}$$

$$= 4\frac{2}{15}$$

أضرب طرفي المعادلة في 10؛ لأن منزلة واحدة فقط تتكرر

أجزئ العدد العشري

$$x = 4.1333\dots$$

أطرح  $x$  من طرفي المساواة

أقسم الطرفين على 9

أضرب البسط والمقام في 10

أحوّل الكسر غير الفعلي إلى عدد كسري

إذن، يُكتب العدد العشري الدوري  $4.\overline{13}$  على صورة عدد كسري كما يأتي:  $4\frac{2}{15}$

أتحقق من فهمي: 

أكتب العدد العشري الدوري على صورة عدد كسري في ما يأتي:

1  $1.1\overline{6}$

2  $3.2\overline{7}$

أتحقق وأحل المسائل 

أكتب الكسر العشري الدوري على صورة كسر  $\frac{a}{b}$  في ما يأتي:

1  $0.\overline{6}$

2  $0.\overline{7}$

3  $0.\overline{3}$

4  $0.\overline{9}$

5  $0.\overline{13}$

6  $0.\overline{37}$

7  $0.\overline{15}$

8  $0.\overline{33}$

أكتب العدد العشري الدوري على صورة عدد كسري في ما يأتي:

9  $1.\overline{14}$

10  $2.\overline{13}$

11  $5.\overline{34}$

12  $4.\overline{25}$



## أتذكّر

عند تحويل الكسر العشريّ الدوريّ إلى كسر فعليّ يجب أن ننسب إلى عدد المنازل الدورية.

أكمل الجدول الآتي، وأبحث عن نمط، ثم أصف قاعدته.

الكسر العشريّ الدوريّ	$0.\bar{1}$	$0.\bar{2}$	$0.\bar{3}$	$0.\bar{4}$	$0.\bar{5}$
صورة الكسر $\frac{a}{b}$					



**ذهب:** اشترت سناء خاتمًا من الذهب كتلته  $0.7\bar{}$  غم. أكتب كتلة الخاتم على صورة كسر فعليّ.

**حلويات:** استخدم رمي  $1.2\bar{7}$  كوبًا من السكر لتحضير فطيرة. ما العدد الكسريّ الدالّ على كمّيّة السكر التي استخدمها رمي؟



**زراعة:** سقى مزارع  $0.13\bar{}$  من أشجار مزرعته التي تحتوي على 99 شجرة. ما عدد الأشجار التي لم يسقها بعد؟

## مهارات التفكير العليا

**تحدّ:** أجد قيمة  $0.5 \times 0.32\bar{7}$

**تبرير:** أكتب الكسرين العشريين  $0.15$ ،  $0.1\bar{5}$  على صورة كسر  $\frac{a}{b}$ ، ثم أقرن بينهما.

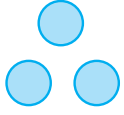
**أكتشف الخطأ:** يقول أحمد إن ناتج ضرب عدد صحيح غير الصفر في عدد عشريّ دوريّ يبقى دوريًا. هل قول أحمد صحيح، مُبرّرًا إجابتي؟

**تحدّ:** أجد ناتج  $0.4 \times 0.\bar{3}$

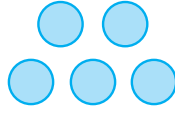
**أكتب:** كيف أكتب الكسر العشريّ  $0.\bar{6}$  على صورة كسر عاديّ؟

## أستكشفُ

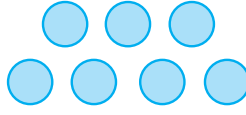
أناأملُ النمطَ الآتي، ثم أجيبُ عما يليه:



الشكل (1)



الشكل (2)



الشكل (3)

(1) ما عددُ الدوائرِ في كلِّ من الأشكالِ 4, 5, 6؟

(2) كيف نجدُ عددَ الدوائرِ في الشكلِ رقم 24؟

## فكرة الدرس

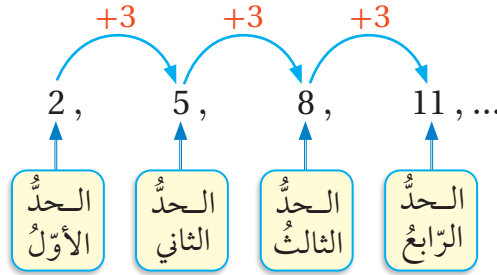
أكتبُ حدودًا متتاليةً،  
وأجدُ الحدَّ العامَّ لها.

## المصطلحاتُ

متتالية، الحدُّ،  
الحدُّ العامُّ.

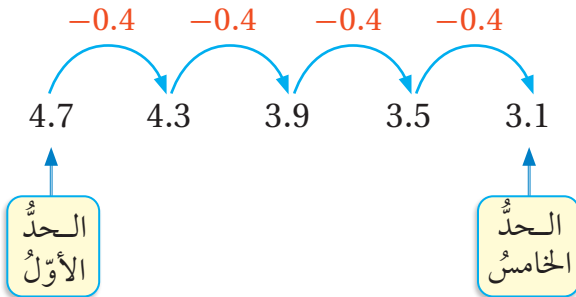
المتتالية (sequence) هي مجموعة من الأعداد تتبَّع ترتيبًا مُعيَّنًا، ويُسمَّى كلُّ عددٍ فيها حدًّا (term).

يمكنني أن أكمل حدود المتتالية إذا علمت القاعدة التي تربط كلَّ حدٍّ في المتتالية بالحدِّ الذي يليه.



## مثال 1

إذا كان الحدُّ الأولُ في متتالية هو 4.7، والقاعدة التي تربط كلَّ حدٍّ بالحدِّ الذي يليه هي طرح 0.4، فأجدُ الحدَّ الخامس.



أبدأ بالحدِّ الأول، وأطرح 0.4 كلَّ مرَّةٍ حتَّى أصلُ  
إلى الحدِّ الخامس. إذن، الحدُّ الخامس هو 3.1

## أتحقَّق من فهمي:

إذا كان الحدُّ الأولُ في متتالية هو 2.6، والقاعدة التي تربط كلَّ حدٍّ بالحدِّ الذي يليه هي طرح 0.5، فأجدُ الحدَّ السادس.

## أتعلم

رتبة الحد هي ترتيب موقعه بالنسبة إلى الحدود الأخرى في المتتالية.

يمكنني أيضًا أن أجد أي حد في المتتالية إذا علمت العلاقة التي تربط بين أي حد في المتتالية ورتبته. وتسمى هذه العلاقة قاعدة الحد العام (n<sup>th</sup> term). يمكنني بهذه الطريقة أن أجد الحد المطلوب من دون الحاجة إلى إيجاد جميع الحدود التي تسبقه. أليس هذا أفضل؟

## مثال 2

إذا كانت قاعدة الحد العام لمتتالية هي: أضرب رتبة الحد في 3 ثم أجمع 2، فأجد كلاً من الحدود: السادس والسابع والثامن.

رتبة الحد السادس هي 6، ولإيجاد هذا الحد فإنني أطبق قاعدة الحد العام على رتبته: أضرب الرتبة في 3، ثم أجمع 2 مع الناتج.

الرتبة		الحد		
6	× 3	18	+ 2	الحد السادس: $6 \times 3 + 2 = 20$
7	× 3	21	+ 2	الحد السابع: $7 \times 3 + 2 = 23$
8	× 3	24	+ 2	الحد الثامن: $8 \times 3 + 2 = 26$

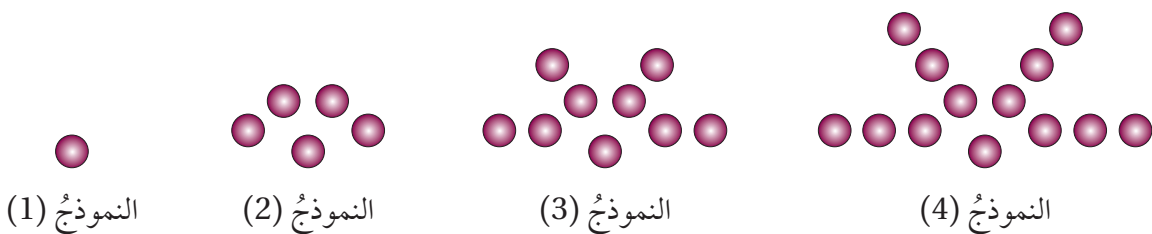
## أتحقق من فهمي: ✓

إذا كانت قاعدة الحد العام لمتتالية هي: أضرب رتبة الحد في 5 ثم أطرح 7، فأجد كلاً من الحدود: السابع والثامن والتاسع.

يمكنني أن أجد قاعدة الحد العام للمتتالية بملاحظة القاعدة التي تربط كل حد في المتتالية بالحد الذي يليه، وبملاحظة العلاقة بين رتبة كل حد وقيمته.

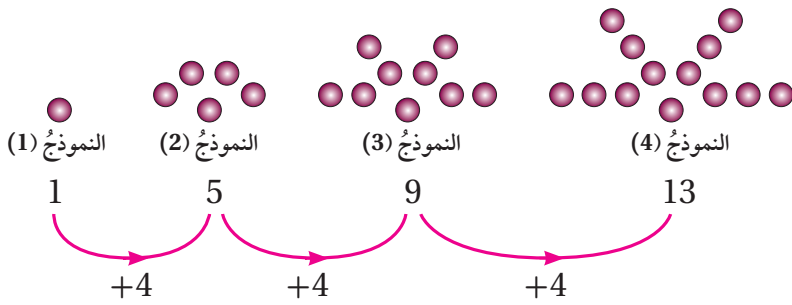
## مثال 3

في ما يأتي نمط هندسي يشكّل عدد الدوائر فيه متتالية:



## الوحدة 3

1 أجد القاعدة التي تربط كل حد في المتتالية بالحد الذي يليه:



بالانتقال من الحد إلى الحد الذي يليه، أجد أن 4 دوائر قد أضيفت. إذن، كل حد أكبر من الحد الذي يسبقه بـ 4.

2 أكتب قاعدة الحد العام.

رتبة الحد	الحد
1	1
2	5
3	9
4	13

Arrows between terms:  $1 \times 4 \rightarrow 4$ ,  $4 - 3 \rightarrow 1$ ,  $2 \times 4 \rightarrow 8$ ,  $8 - 3 \rightarrow 5$ ,  $3 \times 4 \rightarrow 12$ ,  $12 - 3 \rightarrow 9$ ,  $4 \times 4 \rightarrow 16$ ,  $16 - 3 \rightarrow 13$

تزداد الحدود في المتتالية بمقدار 4، وهذا يذكرني بجدول ضرب العدد 4؛ إذ إن الفرق بين كل ناتجين يساوي 4، لكن حدود المتتالية أقل بمقدار 3 من النواتج في جدول ضرب العدد 4. إذن، قاعدة الحد العام هي: أضرب رتبة الحد في 4، ثم أطرُح 3.

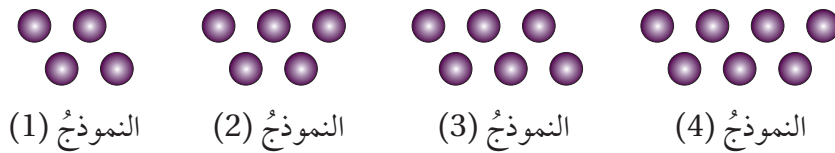
3 ما عدد الدوائر في الحد الذي رتبته 15؟

لإيجاد عدد الدوائر، فإنني أطبق قاعدة الحد العام على الحد الذي رتبته 15؛ أضرب الرتبة في 4، ثم أطرُح 3 من الناتج.

$$\begin{array}{ccc} \text{الحد} & & \text{الرتبة} \\ 57 & \xrightarrow{-3} & 60 \\ & & \times 4 \\ & & 15 \end{array}$$

أتحقق من فهمي:

في ما يأتي نمط هندسي يشكل عدد الدوائر فيه متتالية:



4 أجد القاعدة التي تربط كل حد في المتتالية بالحد الذي يليه.

5 أكتب قاعدة الحد العام.

6 ما عدد الدوائر في الحد الذي رتبته 12؟

يمكنني استعمال مقدار جبري لكتابة الحد العام للمتتالية.

#### مثال 4

الحد العام لمتتالية هو (أضرب رتبة الحد في  $\frac{1}{4}$  ثم أجمع  $\frac{27}{4}$ ). أكتب الحد العام باستخدام مقدار جبري، ثم أستخدمه لأجد الحدود الثلاثة الأولى.

يمكنني أن أكتب الحد العام المعطى على صورة (أي حد يساوي  $\frac{1}{4}$  مضروباً في رتبة الحد مضافاً إليه  $\frac{27}{4}$ )؛ لأرمز إلى رتبة أي حد في المتتالية بالمتغير  $n$ ، ولأرمز إلى الحد نفسه بالرمز  $T_n$ . أكتب هذه العبارة بالرموز كما يأتي:

$$T_n = \frac{1}{4}n + \frac{27}{4}$$

أستخدم الحد العام؛ لأجد الحدود الثلاثة الأولى:

$$T_n = \frac{1}{4}n + \frac{27}{4}$$

قاعدة الحد العام

$$T_1 = \frac{1}{4}(1) + \frac{27}{4}$$

أعوّض رتبة الحد الأول ( $n = 1$ )

$$T_1 = \frac{28}{4} = 7$$

أبسّط

$$T_2 = \frac{1}{4}(2) + \frac{27}{4}$$

أعوّض رتبة الحد الثاني ( $n = 2$ )

$$T_2 = \frac{29}{4} = 7\frac{1}{4}$$

أبسّط

$$T_3 = \frac{1}{4}(3) + \frac{27}{4}$$

أعوّض رتبة الحد الثالث ( $n = 3$ )

$$T_3 = \frac{30}{4} = 7\frac{1}{2}$$

أبسّط

إذن، الحدود الثلاثة الأولى في المتتالية هي:  $7, 7\frac{1}{4}, 7\frac{1}{2}$

**تحقق من فهمي:**



الحد العام لمتتالية هو (أضرب رتبة الحد في  $\frac{1}{6}$  ثم أطرح  $\frac{5}{6}$ ). أكتب الحد العام باستخدام مقدار جبري، ثم أستخدمه لأجد الحدود الثلاثة الأولى.

## الوحدة 3

### أُتدَرَّبُ وأحلُّ المسائل

أجدُّ الحدودَ الثلاثةَ التاليةَ في كلِّ متتاليةٍ مما يأتي:

- |   |                       |   |  |
|---|-----------------------|---|--|
| 1 | 67, 78, 89, 100, ...  | 2 | 101, 95, 89, 83, ...   |
| 3 | -17, -13, -9, -5, ... | 4 | 1.2, 1.5, 1.8, 2.1, ...                                      |
| 5 | 3.2, 2.8, 2.4, 2, ... | 6 | $\frac{1}{7}, \frac{5}{7}, \frac{9}{7}, \frac{13}{7}, \dots$ |

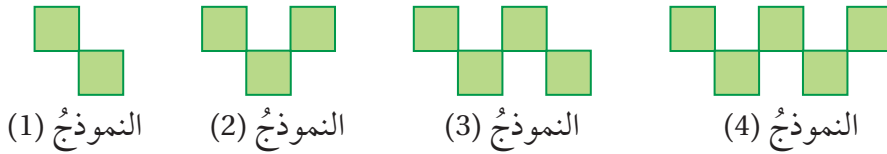
في كلِّ متتاليةٍ مما يأتي، أجدُّ القاعدةَ التي تربطُ كلَّ حدٍّ بالحدِّ الذي يليه، وأستخدمُها لإيجادِ الحدِّ السابعِ:

- |    |                         |    |  |
|----|-------------------------|----|--|
| 7  | 130, 118, 106, 94, ...  | 8  | 19, 28, 37, 46, ...                                  |
| 9  | 17, 11, 5, -1, ...      | 10 | -25, -18, -11, -4, ...                               |
| 11 | 3.1, 3.6, 4.1, 4.6, ... | 12 | $2\frac{3}{4}, 4, 5\frac{1}{4}, 6\frac{1}{2}, \dots$ |

### أُتذَكَّرُ

لإيجادِ قاعدةِ الحدِّ العامِّ للمتتالية، يجبُ أنْ ألاحظَ القاعدةَ التي تربطُ كلَّ حدٍّ بالحدِّ الذي يليه، والعلاقةَ بينَ رتبةِ كلِّ حدٍّ وقيمتهِ.

في ما يأتي نمطٌ هندسيٌّ يشكِّلُ عددُ المربَّعاتِ فيه متتاليةً:



13 أجدُّ القاعدةَ التي تربطُ كلَّ حدٍّ في المتتاليةِ بالحدِّ الذي يليه.

14 أكتبُ قاعدةَ الحدِّ العامِّ.

15 ما عددُ المربَّعاتِ في الحدِّ الذي رتبتهُ 10؟

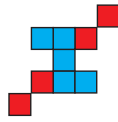
16 الحدُّ العامُّ لمتتاليةٍ هو (أضربُ رتبةَ الحدِّ في  $\frac{3}{4}$  ثمَّ أجمعُ  $\frac{3}{4}$ ). أكتبُ الحدَّ العامَّ باستخدامِ مقدارٍ جبريٍّ، ثمَّ أستخدمُه لأجدَّ الحدودَ الثلاثةَ الأولى.

في ما يأتي أنماط هندسيّة يشكّل عدد المربّعات في كلّ منها متتاليّة.  
أجد الحدّ العامّ لكلّ متتاليّة:

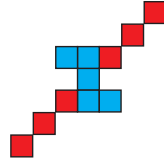
17



النموذج (1)

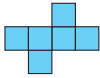


النموذج (2)

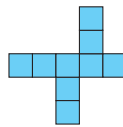


النموذج (3)

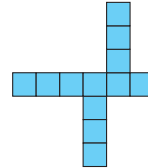
18



النموذج (1)



النموذج (2)

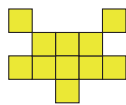


النموذج (3)

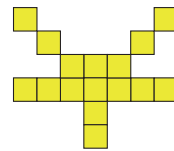
19



النموذج (1)



النموذج (2)



النموذج (3)

20 **آبار:** تتقاضى شركة لحفر الآبار 50 دينارًا عن حفر المتر الأول، و 52.5 دينارًا عن حفر الثاني، و 55 دينارًا عن حفر الثالث، وهكذا. كم تتقاضى الشركة عن حفر المتر رقم 40؟

21 ما قيمة الحدّ الذي رتبته 30 في المتتاليّة الآتية:

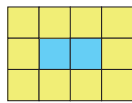
60, 52, 44, 36, 28, .....

22 **تحدّ:** متتاليّة حدودها ... 2, 9, 16, ما رتبة الحدّ الذي قيمته 352؟

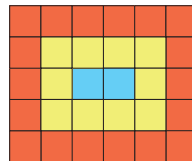
23 **تحدّ:** بيّن الشكل الآتي ثلاثة حدود في متتاليّة، أجد عدد المربّعات في الشكل رقم 50.



النموذج (1)



النموذج (2)



النموذج (3)

24 **أكتب:** أوضّح خطوات إيجاد الحدّ العامّ لمتتاليّة إذا علمت بعض حدودها.

## إرشاد

يمكنني أن أبدأ بكتابة  
عبارة جبريّة تمثل المربّعات  
الزرقاء، وعبارة جبريّة  
أخرى تمثل المربّعات  
الحمراء، ثمّ أجمع العبارتين  
الجبريتين.

## مهارات التفكير العليا

## أفكر

ما علاقة مساحة المستطيل  
برتبة الحدّ؟

أستكشفُ



أتأملُ الجدولَ المجاورَ الذي يبيِّنُ الأجرةَ التي يتقاضاها عاملٌ وفقاً لعددِ ساعاتِ عملهِ مُتضمِّنةً بدلَ المواصلاَتِ. كمَ تبلغُ أجرةُ العاملِ بالدينارِ إذا عملَ 5 ساعاتٍ، أو 7 ساعاتٍ؟

عددُ ساعاتِ العملِ	1	2	3	4
الأجرةُ بالدينارِ	4	7	10	13

فكرة الدرس

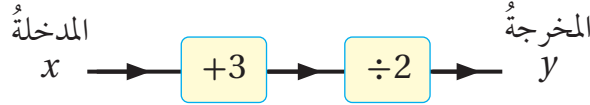
أنعرّفُ الاقترانَ، وأجدُ قاعدتهُ.

المصطلحات

الاقترانُ.

**الاقترانُ (function)** هو علاقةٌ تربطُ كلَّ قيمةٍ من المدخلاتِ بقيمةٍ واحدةٍ فقط من المخرجاتِ. ويمكنني التعبيرُ عن الاقترانِ بطرائقٍ مختلفةٍ كما يأتي:

على صورة آلة اقترانٍ



على صورة جدولِ مدخلاتٍ ومخرجاتٍ

المدخلُ ( $x$ )	المخرجةُ ( $y$ )
1	$\frac{1+3}{2} = 2$
2	$\frac{2+3}{2} = 2.5$
3	$\frac{3+3}{2} = 3$

بالصورة الجبرية

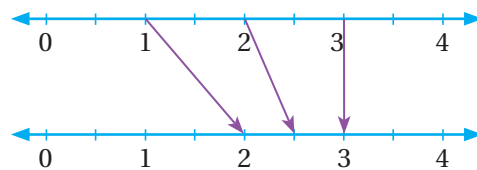
$$x \mapsto \frac{x+3}{2}$$

$$y = \frac{x+3}{2}$$

أعلمُ

تسمى صورةُ الاقترانِ  
 $y = \frac{x+3}{2}$   
 معادلةً في متغيرين

على صورة مخططٍ سهميِّ





## مثال 1

أكمل جدول المدخلات والمخرجات لكل اقتران مما يأتي:

1  $y = 2x - 5$

المدخل $(x)$	المخرجة $(y)$
1	$2(1) - 5 = -3$
2	$2(2) - 5 = -1$
3	$2(3) - 5 = 1$
4	$2(4) - 5 = 3$

2  $y = 3(x + 1)$

المدخل $(x)$	المخرجة $(y)$
1	$3(1+1) = 6$
2	$3(2+1) = 9$
3	$3(3+1) = 12$
4	$3(4+1) = 15$

أتحقق من فهمي:



3  $y = 9x - 1$

4  $y = 4(x - 7)$

يمكنني أن أستخدم آلة الاقتران لأكتب قاعدته بالصورة الجبرية.

## مثال 2

أكتب قاعدة كل اقتران مما يأتي جبرياً:

1  $x \rightarrow \boxed{\times 6} \rightarrow \boxed{-2} \rightarrow$

آلة الاقتران المعطاة تضرب المدخلة  $x$  في 6، ثم تطرح 2

إذن، يمكنني كتابة قاعدة الاقتران بالصورة الجبرية على الشكل:  $x \mapsto 6x - 2$ ، أو كمعادلة على الشكل:  $y = 6x - 2$

2  $x \rightarrow \boxed{+9} \rightarrow \boxed{\times 5} \rightarrow$

آلة الاقتران المعطاة تجمع 9 مع المدخلة  $x$ ، ثم تضرب في 5

إذن، يمكنني كتابة قاعدة الاقتران بالصورة الجبرية على الشكل:  $x \mapsto (x+9) \times 5$ ، أو كمعادلة على الشكل:

$$y = (x+9) \times 5$$

أتحقق من فهمي:



3  $x \rightarrow \boxed{+8} \rightarrow \boxed{\times 2} \rightarrow$

4  $x \rightarrow \boxed{-1} \rightarrow \boxed{\times 6} \rightarrow$

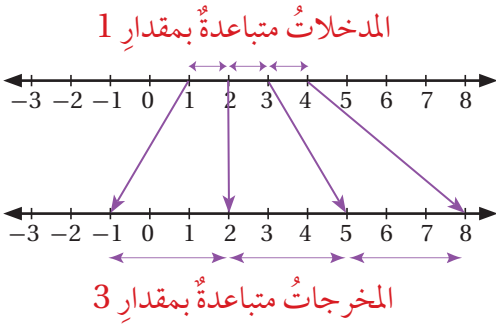
## الوحدة 3

يمكنُ استعمالُ جدولِ المدخلاتِ والمخرجاتِ لكتابةِ قاعدةِ الاقترانِ بالصورةِ الجبريَّةِ.

### مثال 3

بيِّنُ الجدولُ المجاورُ قيمَ المدخلاتِ والمخرجاتِ لاقترانِ:

المدخلَةُ ( $x$ )	المخرجةُ ( $y$ )
1	-1
2	2
3	5
4	8



1 أصفُ بالكلماتِ قاعدةَ الاقترانِ.

بما أن المدخلاتِ متباعدةٌ بمقدارِ 1، والمخرجاتِ متباعدةٌ بمقدارِ 3، فإنَّ الجزءَ الأوَّلَ من القاعدةِ هو: الضربُ في 3. حتى تكونَ صورةُ العددِ 4 هي 8، يجبُ أن تحتوي القاعدةُ على طرْحِ العددِ 4.

إذن، قاعدةَ الاقترانِ هي: أضربُ في 3 ثمَّ أطرحُ 4.

2 أكتبُ قاعدةَ الاقترانِ بالصورةِ الجبريَّةِ.

يمكنني كتابةَ قاعدةِ الاقترانِ بالصورةِ الجبريَّةِ كما يلي:

$$x \mapsto 3x - 4$$

أو كمعادلةٍ بالصورةِ الآتية:

$$y = 3x - 4$$

أتحققُ من فهمي: ✓

المدخلَةُ ( $x$ )	المخرجةُ ( $y$ )
2	7
3	9
4	11
5	13

بيِّنُ الجدولُ المجاورُ قيمَ المدخلاتِ والمخرجاتِ لاقترانِ:

3 أصفُ بالكلماتِ قاعدةَ الاقترانِ.

4 أكتبُ قاعدةَ الاقترانِ بالصورةِ الجبريَّةِ.

أكمّل جدول المدخلات والمخرجات أدناه لكل اقترانٍ ممّا يأتي:

1  $x \mapsto 5x + 4$

2  $x \mapsto 7x - 2$

3  $x \mapsto \frac{x}{2} + 1$

4  $x \mapsto 4(x - 3)$

5  $x \mapsto 5(x + 6)$

6  $x \mapsto \frac{3x}{2}$

المدخلة (x)	المخرجة (y)
1	
2	
3	
4	

أكتب قاعدة كل اقترانٍ ممّا يأتي بالصورة الجبرية:

7  $x \rightarrow \boxed{\times 3} \rightarrow \boxed{+5} \rightarrow$

8  $x \rightarrow \boxed{\times 4} \rightarrow \boxed{-2} \rightarrow$

9  $x \rightarrow \boxed{\times 9} \rightarrow \boxed{\div 4} \rightarrow$

10  $x \rightarrow \boxed{\div 3} \rightarrow \boxed{+1} \rightarrow$

11  $x \rightarrow \boxed{+4} \rightarrow \boxed{\times 3} \rightarrow$

12  $x \rightarrow \boxed{-5} \rightarrow \boxed{\div 4} \rightarrow$

المدخلة (x)	المخرجة (y)
1	3
2	5
3	7
4	9

أتملّ الجدول المجاور الذي يبيّن قيم المدخلات والمخرجات لاقترانٍ، ثمّ:

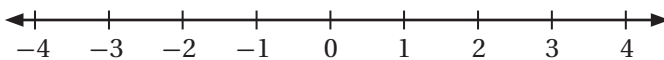
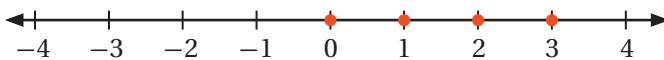
13 أصف بالكلمات قاعدة الاقتران.

14 أكتب قاعدة الاقتران بالصورة الجبرية.

لديّ الاقتران الذي قاعدته  $x \mapsto 2(x - 1)$ :

15 أجد المخرجات المناظرة للمدخلات 0, 1, 2, 3

16 أمثل قيم المدخلات والمخرجات باستخدام المخطط السهمي الآتي:



### أفكر

يمكن إيجاد قاعدة الاقتران إذا علمت منها مدخلتان متتاليتان ومخرجاتهما. لماذا؟

## الوحدة 3

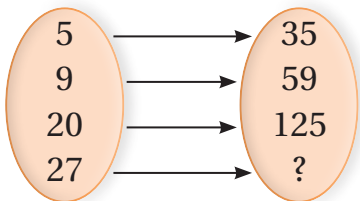
17 بيّن الجدول الآتي كمية المادة الخام التي تستهلكها طابعة ثلاثية الأبعاد، حيث  $x$  عدد الساعات، و  $y$  كمية المادة الخام بوحدة  $(\text{cm}^3)$ .

$x$	1	2	3
$y$	40	60	80

أكتب قاعدة الاقتران الذي تمثله الأزواج المرتبة  $(x, y)$  في الجدول بالصورة الجبرية.

18 أكمل الجدول الآتي:

الصورة الجبرية	المخطط السهمي
$x \mapsto 5(x-1)$	
$y = 7-x$	
$x \mapsto 1-0.5x$	



19 **تحذّر:** أجد القيمة المجهولة في المخطط السهمي المجاور.

**تحذّر:** أستخدم آلة الاقتران الآتية:



20 أجد المخرجة  $y$  إذا كانت المدخلة  $x = 0.3$ .

21 أجد المدخلة  $x$  إذا كانت المخرجة  $y = 31$ .

22 أكتب قاعدة الاقتران على صورة معادلة.

23 **أكتب** بخطوات كيف أجد قاعدة أي اقتران.

## معلومة

تطوّرت الطابعة ثلاثية الأبعاد كثيراً في السنوات الأخيرة وأصبحت تستعمل في بناء النماذج المعقدة بسرعة ودقة كبيرة.



## مهارات التفكير العليا

## أستكشف

المدخلة $x$	المخرجة $3x+1$	الزوج المرتب (المخرجة، المدخلة)
1	4	(1, 4)
2		
3		
4		

أكمل جدول المدخلات والمخرجات  
للاقتران الذي قاعدته:  $x \mapsto 3x + 1$

- أرسم مستوى إحداثيًا، ثم أعيّن عليه مواقع الأزواج المرتبة.
- أصِف ما ألاحظه.

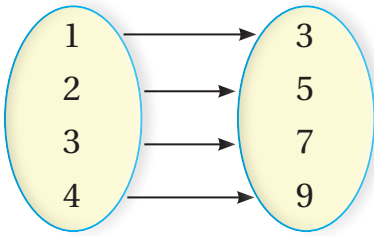
## فكرة الدرس

أمثل الاقتران الخطي بيانياً  
في المستوى الإحداثي.

## المصطلحات

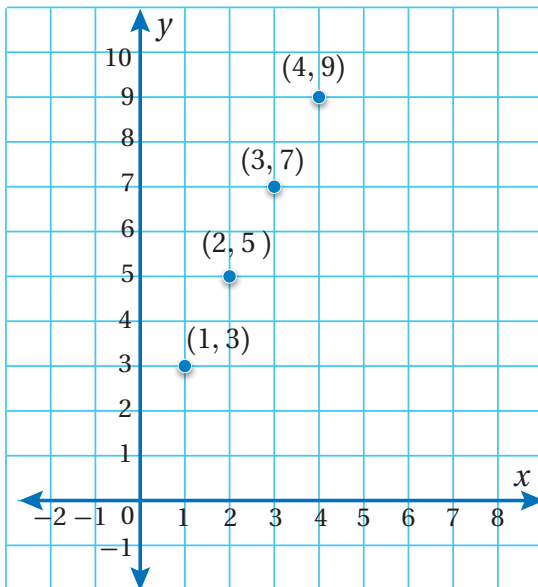
التمثيل البياني للاقتران،  
المعادلة الخطية، الاقتران  
الخطي.

يمكنني التعبير عن الاقتران باستخدام أزواج مرتبة  $(x, y)$ ، حيث  $x$  تمثل المدخلة، و  $y$  تمثل المخرجة. عند تمثيل هذه الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي فإنني أحصل على جزء من التمثيل البياني للاقتران (function graph)؛ إذ يتكوّن التمثيل البياني للاقتران من جميع النقاط التي تحقق قاعدته.



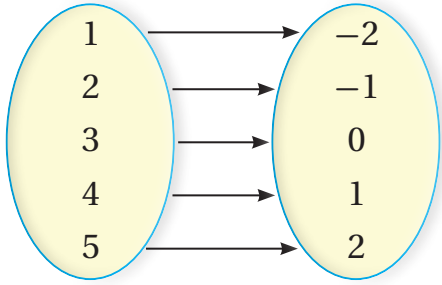
## مثال 1

أمثل بيانياً الاقتران المعطى بالمخطط السهمي المجاور.



أمثل الأزواج المرتبة  $(1, 3)$ ,  $(2, 5)$ ,  $(3, 7)$ ,  $(4, 9)$   
في المستوى الإحداثي.

## الوحدة 3



أتحقق من فهمي:



أمثل بيانياً الاقتران المعطى بالمخطط السهمي المجاور.

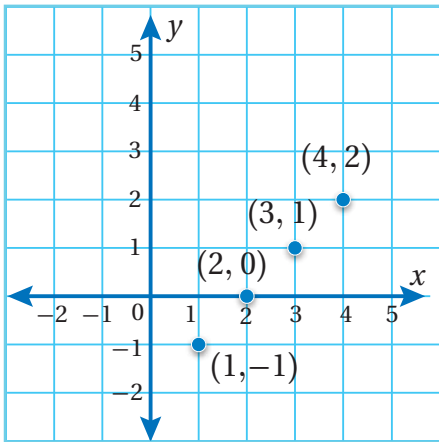
تعلمت في الدرس السابق كتابة قاعدة الاقتران على صورة معادلة تحتوي على متغيرين، مثل:  $y = 3x - 2$ . وحلول هذه المعادلة أزواج من قيم المدخلات  $x$  والمخرجات  $y$  التي تحقق المعادلة. ويمكن التعبير عن هذه القيم بأزواج مرتبة على الشكل  $(x, y)$ .

### مثال 2

$x$	$x-2$	$y$	$(x, y)$
1	$1-2$	1-	$(1, -1)$
2	$2-2$	0	$(2, 0)$
3	$3-2$	1	$(3, 1)$
4	$4-2$	2	$(4, 2)$

أجد أربعة حلول للمعادلة  $y = x - 2$ ، ثم أمثلها بيانياً في المستوى الإحداثي.

أختار 4 قيم للمدخلات، ولتكن: 1, 2, 3, 4، ثم أجد قيم المخرجات المناظرة لها باستخدام المعادلة.



يمثل كل زوج مرتب في الجدول حلاً للمعادلة  $y = x - 2$ ، وعند تمثيل هذه الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي فإننا نحصل على جزء من التمثيل البياني للمعادلة؛ لأن للمعادلة حلولاً أخرى غير هذه التي أوجدناها في الجدول.

أتحقق من فهمي:



أجد أربعة حلول للمعادلة  $y = x - 3$ ، ثم أمثلها بيانياً على المستوى الإحداثي.

ألاحظ في المثال السابق أن النقاط الأربع التي تمثل حلول المعادلة تقع على مستقيم واحد؛ ولذلك فإن أي نقطة تقع على هذا المستقيم تمثل حلاً للمعادلة  $y = x - 2$ . لِنختبر النقطة  $(5, 3)$  التي تقع على المستقيم نفسه.

$$y = x - 2$$

أكتب المعادلة

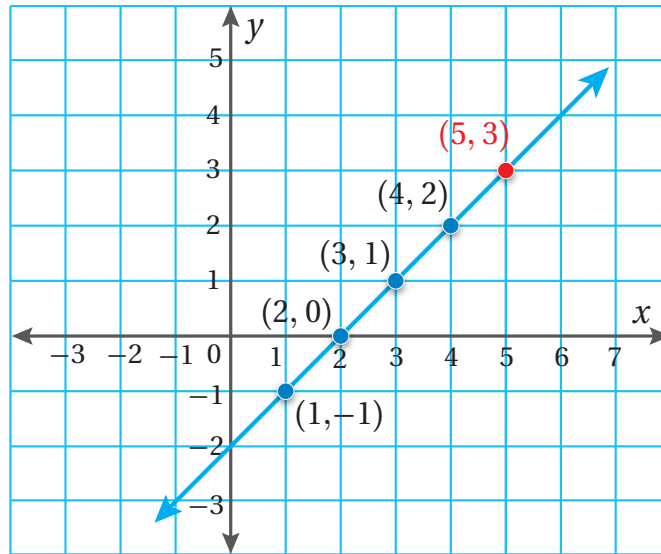
$$3 \stackrel{?}{=} 5 - 2$$

أعوّض قيمتي  $x = 5$  و  $y = 3$  في المعادلة

$$3 = 3 \checkmark$$

الطرفان متساويان.

إذن، النقطة  $(5, 3)$  تحقق المعادلة  $y = x - 2$ . وبما أن جميع حلول هذه المعادلة تقع على خط مستقيم فإنها تُسمى **معادلة خطية** (linear equation)، وتُسمى أيضًا **اقترانًا خطيًا** (linear function).



### مثال 3: من الحياة



نبات الخيزران أسرع النباتات نموًا، فقد تصل سرعة نموه إلى 91 cm في اليوم الواحد. أكتب اقترانًا خطيًا يمثل مقدار نمو الخيزران بعد مرور عدد من الأيام، ثم أمثل الاقتران بيانيًا.

ليكن المتغير  $x$  هو عدد الأيام، و  $y$  هو مقدار نمو الخيزران. إذن، الاقتران الخطي هو

$$y = 91x$$

ولتمثيل هذا الاقتران بيانيًا، أتبع الخطوات الثلاثة الآتية:

الخطوة 1 أختار بعض قيم المدخلات  $x$ ، ولتكن: 1, 2, 3

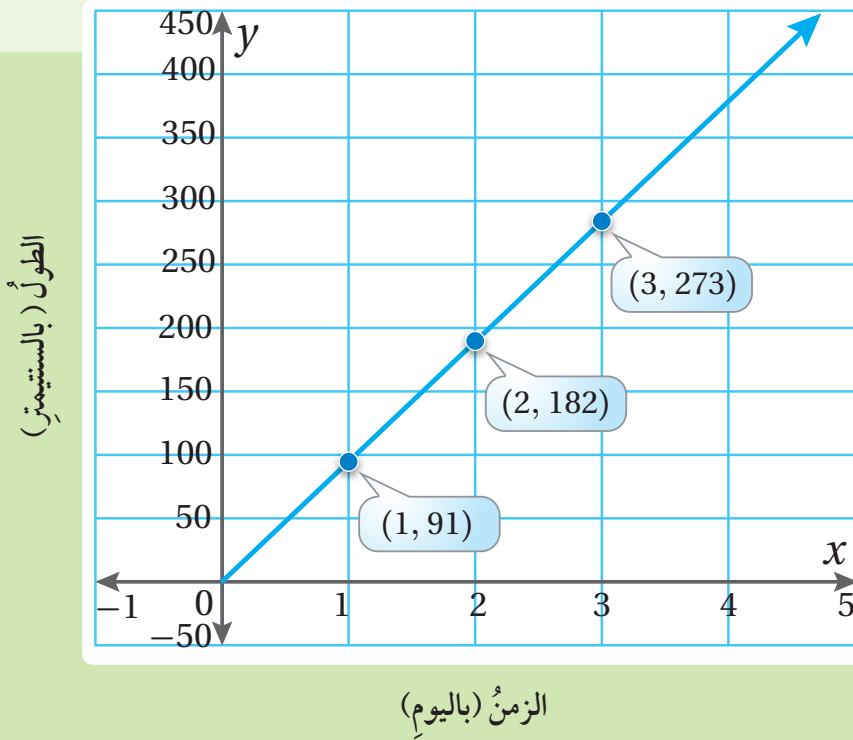
## الوحدة 3

الخطوة 2 أنشئ جدولاً استخدمه لإيجاد قيم المخرجات المقابلة لهذه المدخلات:

$x$	$91x$	$y$	$(x, y)$
1	$91 \times 1$	91	(1, 91)
2	$91 \times 2$	182	(2, 182)
3	$91 \times 3$	273	(3, 273)

الخطوة 3 أمثل الأزواج المرتبة في المستوى الإحداثي، ثم أرسم مستقيماً يمرُّ بها جميعاً:

### نبات الخيزران



### أمثلة

ما أقل عددٍ من الأزواج المرتبة يلزم لتمثيل المعادلة الخطية بيانياً؟

أتحقّق من فهمي: ✓

تنقل حافلة 22 راكباً كلّ ساعة. أكتب اقتراناً خطياً يمثل عدد الركاب الذين تنقلهم الحافلة بعد مرور عددٍ من الساعات، ثمّ أمثل الاقتران بيانياً.



أكمل الجدول، ثم أمثل الاقتران بيانياً في كل مما يأتي:

1  $y = 3x$

$x$	-2	-1	0	1	2	3
$y$						

2  $y = x$

$x$	-2	-1	0	1	2	3
$y$						

3  $y = x - 3$

$x$	-2	-1	0	1	2	3
$y$						

4  $y = 5 - x$

$x$	-2	-1	0	1	2	3
$y$						

أجد أربعة حلول لكل معادلة مما يأتي، ثم أمثلها بيانياً على المستوى الإحداثي.

5  $y = 3x + 1$       6  $y = 4x - 3$       7  $y = 3 - 2x$

8  $y = 2x - 5$       9  $y = 4 - 3x$       10  $y = 4x + 1$

11 اختياراً من مُتعدّد: أي أزواج الإحداثيات الآتية يقع على المستقيم الذي معادلته  $y = 2x - 3$ ؟ أبرر إجابتي.

- a) (2, 7)      b) (-1, -5)      c) (15, 27)

**أتذكّر**

أستخدم أولويات العمليات الحسابية عند التعويض لإيجاد قيمة  $y$ .

## الوحدة 3

**12 قطارات:** تتسع العربّة الواحدة في قطارٍ إلى 85 راكبًا. أكتب اقترانًا يمثل عدد الركاب الذين يسعهم أي عدد من عربات القطار، ثمّ أمثل الاقتران بيانيًا.

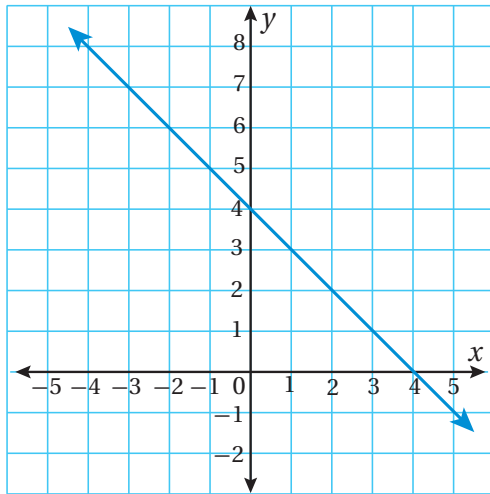


**13 مهن:** يصنع نجار كل يوم 6 طاوولات لكل منها 4 أرجل. أكتب معادلة في متغيرين تمثل عدد أرجل الطاوولات التي يصنعها النجار بعد مرور عدد من الأيام، ثمّ أمثل المعادلة بيانيًا.



**14 مشتريات:** إذا كان ثمن الحقيبة الواحدة JD 10 و ثمن القميص الواحد JD 7، فأكتب اقترانًا يمثل ثمن حقيبة واحدة وعدد من القمصان.

أستخدم التمثيل البياني الآتي:



**15** أجد قيمة المدخلة  $x$  التي تقابل كل مخرجة مما يأتي:

$$y = 2, y = 6, y = 0, y = 4$$

يمكن حساب الحد الأقصى لمعدل ضربات قلب الإنسان ( $y$ ) في الدقيقة في أثناء ممارسة الرياضة بالمعادلة:  $y = 208 - 0.7x$ ، حيث  $x$  العمر بالسنوات:

16 ما الحد الأقصى لمعدل ضربات قلب شخصٍ عمره 30 سنةً، وآخر عمره 50 سنةً؟

17 ما عمر شخصٍ معدل ضربات قلبه 194 نبضةً في الدقيقة؟

18 هل معدل ضربات القلب يزداد أم ينقص مع العمر؟ أبرر إجابتي.

19 أمثل المعادلة بيانياً.

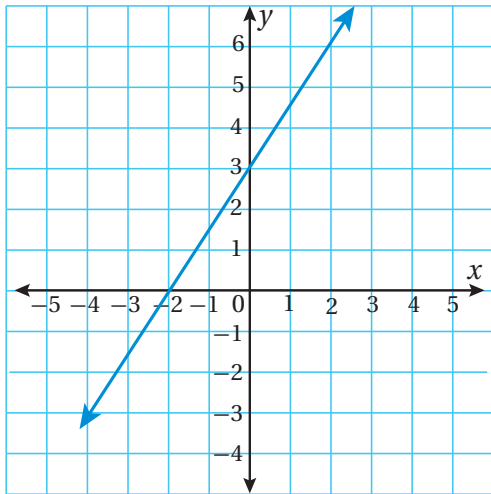
## معلومة

تُعرف التمرينات الهوائية بتمرينات القلب، ومنها: المشي، والركض، والسباحة؛ إذ إنها تتطلب ضخ الدم المؤكسد من القلب إلى العضلات.

## مهارات التفكير العليا

### أفكر

هل توجد علاقة بين التمثيل البياني للمعادلة الخطية وإشارة معامل  $x$  فيها؟



20 **تحذّر:** الشكل المجاور تمثيل بياني للاقتران  $y = ax + 3$ ، أجد قيمة  $a$ .

21 **تحذّر:** أمثل بيانياً كلا مما يأتي:

$$x = 5 \text{ و } y = -3$$

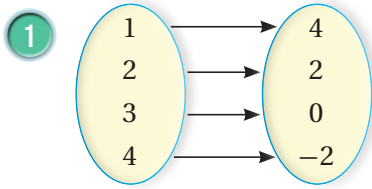
22 **أكتب** كيف أمثل المعادلة  $y = 4x - 3$  بيانياً؟


## تمثيل الاقتران الخطي بيانياً

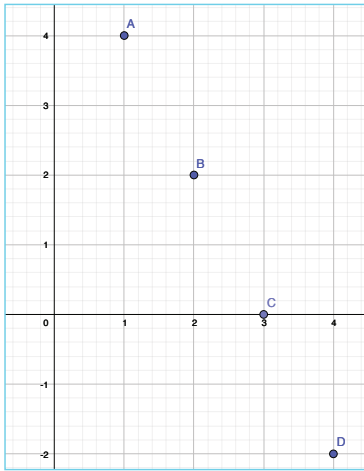
يمكنني استعمال برمجية جيو جبراً (GeoGebra) لتمثيل الاقترانات الخطية بيانياً؛ فهي مجانية وسهلة الاستخدام. أستعمل الرابط [www.geogebra.org/download](http://www.geogebra.org/download) لتثبيت نسخة من هذه البرمجية في جهاز الحاسوب. يمكنني أيضاً استعمال النسخة المتوافرة في شبكة الإنترنت من دون حاجة إلى تثبيتها في جهاز الحاسوب عن طريق الرابط الآتي: [www.geogebra.org/classic](http://www.geogebra.org/classic)

### مثال

أستعمل برمجية جيو جبراً لتمثيل كل من الاقترانين الآتين بيانياً:



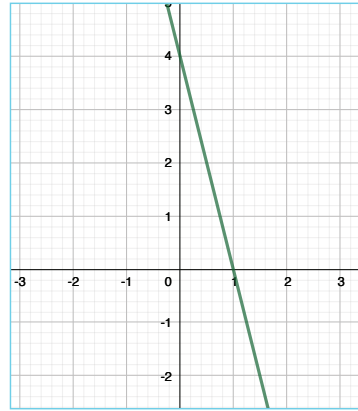
أختار أيقونة  من شريط الأدوات، ثم أضغط بالمؤشر على مواقع الأزواج المرتبة  $(1,4), (2,2), (3,0), (4,-2)$  في المستوى الإحداثي.



2  $y = 4(1-x)$

أدخل المقدار الجبري  $4(1-x)$  في برمجية جيو جبراً، بالضغط على المفاتيح الآتية:

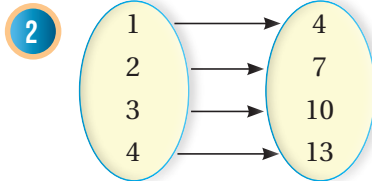
4 ( 1 - x ) ←



أستعمل برمجية جيو جبراً لتمثيل كل من الاقترانين الآتين بيانياً:

1  $y = 2 - 3x$

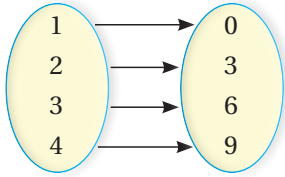
3  $y = 3\left(\frac{x}{2} + 1\right)$



### أُتدَرَّبُ

## اختبار نهاية الوحدة

6 قاعدة الاقتران الموضحة بالمخطط السهمي هي:



- a)  $y = 3x + 1$       b)  $y = 3x - 3$   
c)  $y = 3 - 3x$       d)  $y = x + 1$

7 زوج الإحداثيات الذي يقع على المستقيم الذي معادلته  $y = 3x - 1$  هو:

- a) (0, 0)      b) (0, 1)  
c) (1, 2)      d) (1, -2)

8 الحد الخامس في المتتالية التي حدّها العام  $T_n = 2n + 3$  هو:

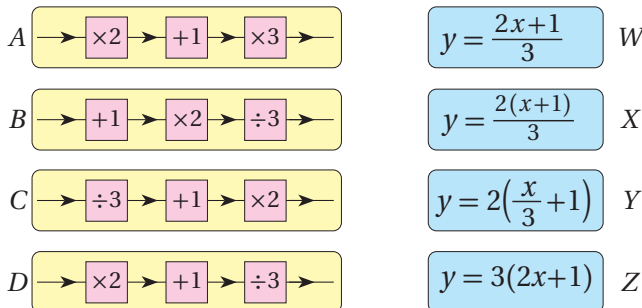
- a) 8      b) 13      c) 10      d) 5

أجد الحد المفقود في المتتاليتين الآتيتين:

9 3, ....., ....., 24, 48, 96

10 64, 32, ....., ....., 4

11 أصل بخط بين آلة الاقتران وصورته الجبرية:



أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 إذا قسم عدد على 6 وطرح من الناتج 10 أصبح الناتج 2، المعادلة التي تُعبّر عن هذه العلاقة هي:

- a)  $\frac{x-10}{6} = 2$       b)  $\frac{x}{6} - 10 = 2$   
c)  $10 - \frac{x}{6} = 2$       d)  $\frac{10-x}{6} = 2$

2 المستقيم الذي تقع عليه النقطة  $(-3, -2)$  هو:

- a)  $2x - 3y = 0$       b)  $2x - y = -1$   
c)  $y + x = 1$       d)  $3x + 2y = 13$

3 الحدّ العام للمتتالية  $2, 5, 8, 11, \dots$  هو:

- a)  $T_n = 2n + 3$   
b)  $T_n = 3n + 3$   
c)  $T_n = 3n - 1$   
d)  $T_n = n + 3$

4 حل المعادلة:  $5(x + 9) = -10$  هو:

- a)  $x = -11$       b)  $x = 11$   
c)  $x = -7$       d)  $x = 7$

5  $x = 2$  هو حل للمعادلة:

- a)  $x + 3 = 6$   
b)  $2x - 3 = 5x - 1$   
c)  $3(2x - 1) = 9$   
d)  $5 = 2x - 1$

## الوحدة 3

24 يبيِّن الجدول الآتي العلاقة بين عدد ساعات العمل الإضافي والمبلغ المدفوع:

عدد ساعات العمل	1	2	3	4
المبلغ المدفوع	5	8	11	14

(a) أمثل الاقتران بيانيًا.

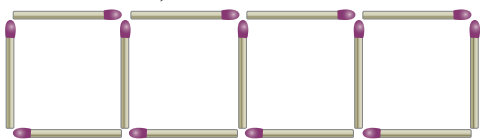
(b) ما مقدار المبلغ المدفوع إذا كان عدد ساعات العمل الإضافي 6 ساعات؟

### تدريب على الاختبارات الدولية:

25 يزيد ثمن قلم حبر نصف دينار على ثمن قلم رصاص. إذا اشترى سفيان قلم حبر و 3 أقلام رصاص بـ 1.7 دينارًا، فكم دينارًا سيدفع صديقه وائل إذا اشترى قلم حبر واحدًا وقلم رصاص؟

a) 0.92    b) 24.1    c) 87.0    d) 4.3

26 يظهر في الشكل 13 عود ثقاب تكوّن 4 مربعات. كم مربعًا يمكن بناؤه بالطريقة نفسها باستخدام 73 عود ثقاب؟



a) 18                      b) 24  
c) 14                      d) 15

27 إذا كان 4 أمثال عدد هو 48، فما  $\frac{1}{3}$  هذا العدد؟

a) 4                      b) 8                      c) 21                      d) 61

أحل كل معادلة مما يأتي، ثم اتحقق من صحة الحل:

12  $2x - 12 = -11$

13  $-6w + 3 = 15 - 3w$

14  $2(2y - 3) + 8 = y - 9$

15  $3(k + 4) = 4(2k - 5) + 17$

16 عدد إذا أضفنا رُبْعَهُ إلى نِصْفِهِ كان الناتج 15، ما ذلك العدد؟

أمثل كلاً من الاقترانين الآتيين بيانيًا:

17  $y = -2x + 3$

18  $y = 4x - 6$

19 ما قيمة الحد الذي رتبته 35 في المتتالية الآتية:  
9, 11, 13, 15, .....

ما الحد العام لكل من المتتاليتين الآتيتين:

20 17, 13, 9, 5, ....

21 -7, -3, 1, 5, 9, ....

22 مع عبير دينار واحد، وهي تدخر كل أسبوع 5 دنانير. أكتب الحد العام الذي يعبر عن مقدار ما تدخر عبير بعد أي عدد من الأسابيع.

23 3 أمثال عمر ليلى قبل 5 سنوات يساوي مثلي عمرها الآن مضافاً إليه 4 سنوات. ما عمر ليلى الآن؟

## الزوايا والمُضَلَّعات والتَّحويلات الهندسيَّة

### ما أهميَّة هذه الوحدة؟

تُستعمل خصائصُ الزوايا والمُضَلَّعات والتحويلات الهندسيَّة في كثيرٍ من المهن، مثل تصميم الزخارف الإسلاميَّة التي تعتمد كثيرًا على تكرار مُضَلَّعاتٍ مختلفةٍ وتداخلها، ويبدو ذلك واضحًا في منبر صلاح الدين الأيوبي في المسجد الأقصى الذي أُعيد بناؤه عام 2007م بتبرُّع شخصيٍّ من جلالته الملك عبد الله الثاني ابن الحسين حفظه الله.



### سأتعلَّم في هذه الوحدة:

- الزوايا الناتجة من تقاطع مستقيمين.
- الزوايا الناتجة من مستقيمين متوازيين وقاطع.
- العلاقة بين الزوايا الداخليَّة والزوايا الخارجيَّة لمثلث.
- مجموع قياسات الزوايا الداخليَّة لمضلع.
- رسم دورانٍ على المستوى الإحداثي.

### تعلَّمتُ سابقًا:

- ✓ أنواع الزوايا وكيفية قياسها وتصنيفها.
- ✓ الأشكال الرباعيَّة وخصائصها.
- ✓ أنواع المثلثات وخصائصها.
- ✓ تحديد محور التماثل لأشكال ثنائيَّة البعد.

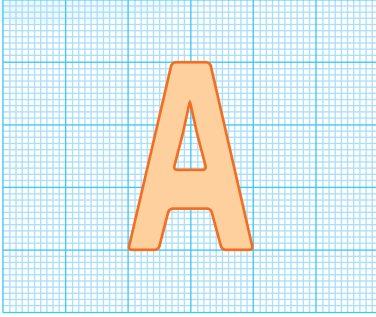


## مشروع الوحدة: الهندسة حولنا



### المهمة 2:

- 1 أرسم الحرف الأول من اسمي على ورقة رسم بياني كما في الشكل المجاور، ثم أنفذ ما يأتي:



- 2 أرسم انسحاباً للحرف، واصفًا قاعدة الانسحاب.
- 3 أجري دورانا لصورة الانسحاب مركزه نقطة الأصل، وزاويته إحدى الزوايا الربعية.

### المهمة 3:

أصمّم نموذجاً أثبت به صحّة إحدى خصائص الزوايا التي تعلّمناها في هذه الوحدة. مثلاً: مجموع قياسات زوايا المضلع الخماسي هو  $540^\circ$ .

### عرض النتائج:

- أصمّم مطويةً أضع فيها الصور والأشكال والجداول التي أنشأتها.
- أكتب في المطوية أي معلومة جديدة عرفتها في أثناء عمل المشروع.
- أعرض المطوية والنموذج الذي صمّمته في المهمة 3 أمام طلبة الصف.



أستعدّ ومجموعتي لتنفيذ مشروعنا الخاص الذي نستخدم فيه ما ستعلّمه في هذه الوحدة عن الزوايا والمضلعات والتحويلات الهندسية.

### خطوات تنفيذ المشروع:

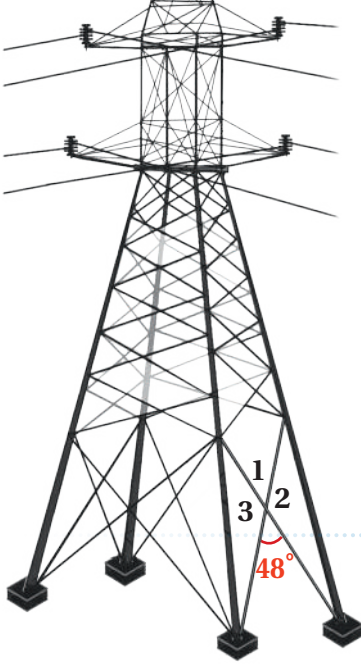
#### المهمة 1:

- 1 أبحث في أشياء حولي عن مستقيم يقطع مستقيمين آخرين غير متوازيين، وعن مستقيم آخر يقطع مستقيمين متوازيين، وألتقط صورة لكل منهما ثم أطبعها.
- 2 أكتب على الصورتين رمزاً لكل زاوية ناتجة من تقاطع المستقيمتين، ثم أكمل الجدول الآتي:

أزواج الزوايا	الصورة (1)	الصورة (2)
المُتبادلة بالرأس		
المُتجاورة		
المُتكاملة		
المُتبادلة داخلياً		
المُتبادلة خارجياً		
المُتناظرة		

- 3 في الصورة الثانية: أقدّر قياس واحدة من الزوايا، ثم أجد قياسات الزوايا الأخرى، مبيّناً الخصائص التي اعتمدت عليها في الحل.





## أستكشفُ

حينَ يصمّمُ المهندسون أبراجَ نقلِ الطاقة الكهربائية فإنهم أحياناً يحتاجون إلى معرفة قياساتِ الزوايا الناتجة من تقاطعِ دعائمِ البرج. هل يمكنُ إيجادَ قياساتِ الزوايا المجهولة في الشكلِ المجاور من دون استخدامِ المنقلة؟



## فكرة الدرس

أتعرّف العلاقات بين الزوايا، وأستخدمها لحل المسائل.

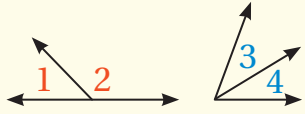
## المصطلحات

الزويتان المتجاورتان، الزويتان المتقابلتان بالرأس، الزويتان المتتامتان، الزويتان المتكاملتان.

تساعد بعض الأزواج الخاصة من الزوايا على إيجاد قياسات زوايا مجهولة.

## أنواع أزواج الزوايا

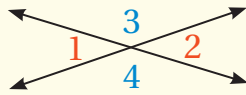
## مفهوم أساسي



الزويتان المتجاورتان (adjacent angles) هما زاويتان لهما الرأس نفسه، ولهما ضلع مشترك، لكنهما لا تتداخلان.

$$m\angle 1 = m\angle 2$$

$$m\angle 3 = m\angle 4$$

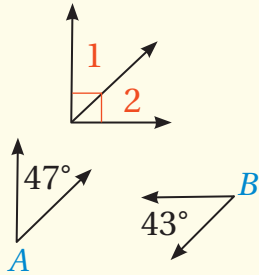


الزويتان المتقابلتان بالرأس (vertical angle) هما

زاويتان متقابلتان تتجان من تقاطع مستقيمين. وكل زاويتين متقابلتين بالرأس لهما القياس نفسه.

$$m\angle 1 + m\angle 2 = 90^\circ$$

$$m\angle A + m\angle B = 90^\circ$$

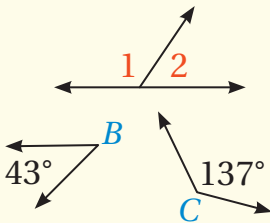


الزويتان المتتامتان (complementary angles) هما

زاويتان مجموع قياسيهما  $(90^\circ)$ .

$$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$$

$$m\angle A + m\angle B = 180^\circ$$

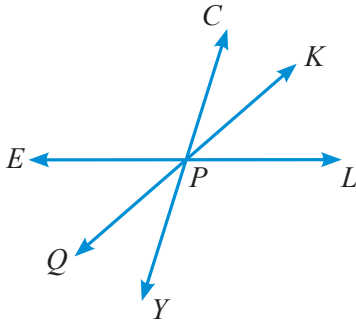


الزويتان المتكاملتان (supplementary angles) هما

زاويتان مجموع قياسيهما  $(180^\circ)$ .

## الوحدة 4

### مثال 1



اعتمادًا على الشكل المجاور، أُسمِّي:

1 زاويتين متقابلتين بالرأس:

$\angle CPK, \angle QPY$ ؛ لأنَّهُما نتجتا من تقاطع المستقيمين  $\overleftrightarrow{CK}, \overleftrightarrow{QY}$

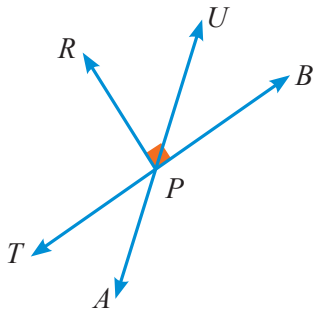
2 زاويتين مُتكاملتين:

$\angle CPE, \angle CPL$ ؛ لأنَّ مجموع قياسيهما  $180^\circ$ ، وهما تشكَّلان زاويةً مستقيمةً.

3 زاويتين مُتجاورتين:

$\angle KPL, \angle LPY$ ؛ لأنَّ لهُما رأسًا مشتركًا ( $P$ )، وضلعاً مشتركًا  $\overleftrightarrow{PL}$ ، ولا تتداخلان.

**أتحقق من فهمي:**



اعتمادًا على الشكل المجاور، أُسمِّي:

5 زاويتين مُتكاملتين.

4 زاويتين متقابلتين بالرأس.

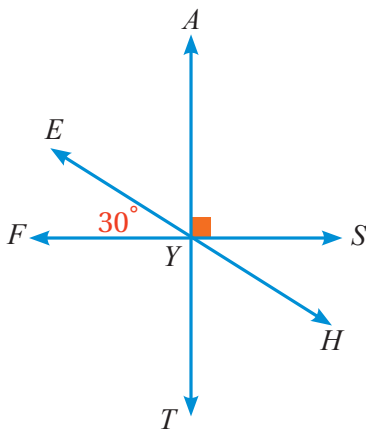
7 زاويتين مُتتامتين.

6 زاويتين مُتجاورتين.

يمكن استخدام العلاقات بين الزوايا والمعادلات في إيجاد قياسات زوايا مجهولة.

### مثال 2

أستخدم الشكل المجاور لإيجاد قيمة كلِّ ممَّا يأتي:



1  $m\angle SYH$

$$m\angle SYH = m\angle EYF$$

$$m\angle SYH = 30^\circ$$

2  $m\angle AYE$

$$m\angle SYA + m\angle AYE + m\angle EYF = 180^\circ$$

$$90^\circ + m\angle AYE + 30^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle AYE + 120^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle AYE = 60^\circ$$

زاويتان متقابلتان بالرأس

زوايا متجاورة على مستقيم

أعوّض

أجمع

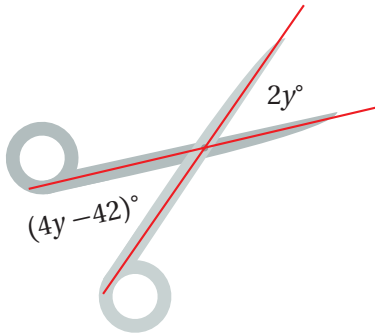
أطرح  $120^\circ$  من الطرفين

أتحقق من فهمي:

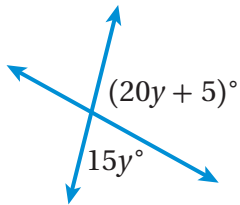


3  $m\angle TYH$

4  $m\angle FYT$



$$\begin{aligned}4y - 42 &= 2y \\-42 &= -2y \\21 &= y\end{aligned}$$



مثال 3: من الحياة



أجد قيمة  $y$  في الشكل المجاور.

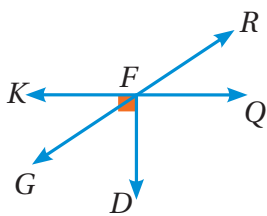
بما أن العبارتين الجبريتين هما قياسا زاويتين متقابلتين بالرأس، فإنه يمكن كتابة المعادلة الآتية:

أطرح  $4y$  من الطرفين  
أقسم الطرفين على  $-2$

أتحقق من فهمي:



أجد قيمة  $y$  في الشكل المجاور.



اعتمادًا على الشكل المجاور، أسمى:

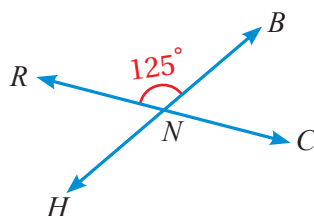
- 1 زاويتين متقابلتين بالرأس.
- 2 زاويتين متجاورتين.
- 3 زاويتين متكاملتين.
- 4 زاويتين متتامتين.

أستخدم الشكل التالي لإيجاد قيمة كل مما يأتي:

5  $m\angle BNC$

6  $m\angle CNH$

7  $m\angle RNH$



أدرب وأحل المسائل

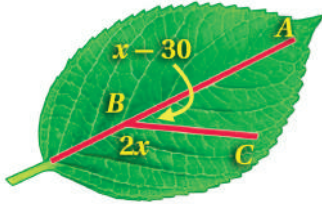
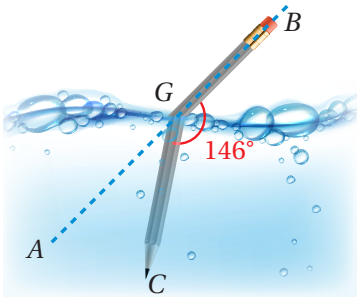
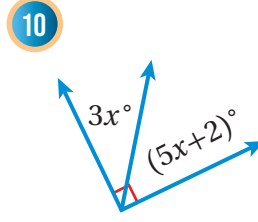
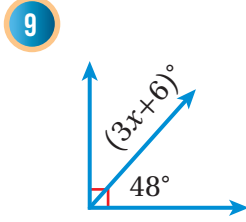
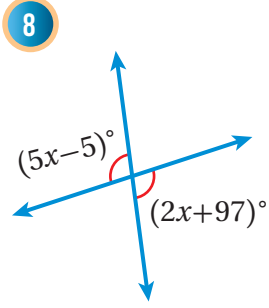


أتذكر

مجموع قياسات الزوايا حول نقطة هو  $360^\circ$

## الوحدة 4

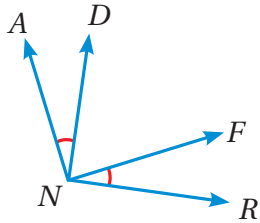
**جبر:** أجد قيمة  $x$  في كلٍّ من الأشكال الآتية:



**11 علوم:** معتمداً على الشكل المجاور، أجد  $m\angle AGC$ .

**12 أشجار:** معتمداً على الشكل المجاور، أكتب معادلة، ثم أحلها لإيجاد  $m\angle ABC$ .

«إذا كانت إحدى الزوايا الناتجة من تقاطع مستقيمين حادة، فإن الزوايا الثلاث الأخرى الناتجة من هذا التقاطع حادة أيضاً.»



**13 تبرير:** أحدد إذا كانت العبارة المجاورة صحيحة دائماً، أو أحياناً، أو غير صحيحة، مُبرراً إيجابتي.

**14 أكتشف الخطأ:** قال بدر: إن الزاويتين  $\angle RNF$ ,  $\angle AND$  متقابلتان بالرأس. هل ما قاله صحيح؟ أبرر إجابتي.

**15 تحد:** متى تكون قياسات جميع الزوايا الناتجة من تقاطع مستقيمين لها القياس نفسه. أبرر إجابتي.

**16 أكتب:** كيف أجد قياسات الزوايا الأربع الناتجة من تقاطع مستقيمين، من دون استخدام المنقلة، إذا علمت قياس إحدى هذه الزوايا.

### معلومة

حين أنظر إلى قلم الرصاص في الماء يبدو كأنه مكسور. هذه الظاهرة ناتجة من انكسار الضوء عندما ينتقل من مادة إلى أخرى.

### معلومة

عروق أوراق الشجر هي نهاية النسيج الوعائي، ووظيفتها توصيل الأملاح والغذاء والماء إلى الورقة.

### مهارات التفكير العليا

### معلومة

**زها حديد:** معارفة عراقية أبدعت بتصميماتها الهندسية التي وظفت فيها المستقيمت والزوايا.



فكرة الدرس

أتعرف العلاقات بين الزوايا الناتجة من تقاطع مستقيم مع مستقيمين متوازيين.

المصطلحات

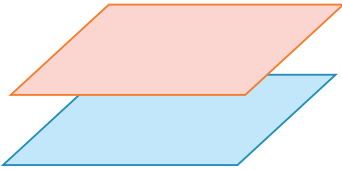
المستوى، القاطع، زاويتان متناظرتان، زاويتان متبادلتان داخلياً، زاويتان متبادلتان خارجياً، زاويتان داخليتان في جهة واحدة.

أستكشف



صنعت رحمة نموذج سياج باستعمال أعواد المثلجات.

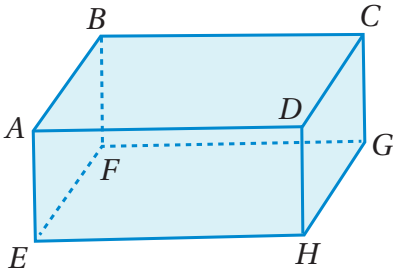
كيف أتأكد من أن الأعمدة الرأسية في السياج متوازية؟



المستوى (plane) هو سطح مستوٍ يمتدُّ بلا نهاية في جميع الاتجاهات. وقد يتوازي مستويان، فلا يتقاطعان أبداً.

مثال 1

أستعينُ بمتوازي المستطيلات المجاور للإجابة عن الأسئلة الآتية:



1 أي القطع المستقيمة توازي  $\overline{AB}$ ؟

$\overline{EF}$ ,  $\overline{DC}$ ,  $\overline{HG}$

2 أسمى مستويين متوازيين.

المستوى  $ABCD$  يوازي المستوى  $EFGH$ .

3 أسمى قطعتين مستقيمتين موازيتين للمستوى  $BCGF$ .

$\overline{DH}$  و  $\overline{AD}$

أتحقق من فهمي:

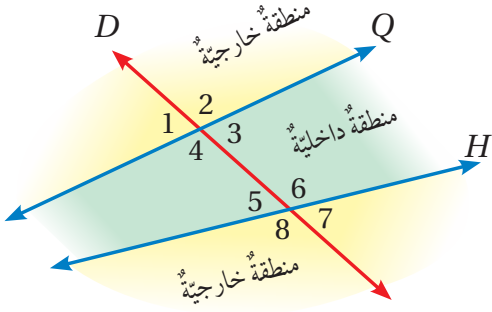


4 أي القطع المستقيمة توازي  $\overline{EH}$ ؟

5 أسمى مستويين موازيين للمستوى  $ABFE$ .

6 أسمى قطعتين مستقيمتين موازيتين للمستوى  $EFGH$ .

## الوحدة 4



**القاطع (transversal)** هو مستقيم يقطع مستقيمين في المستوى نفسه في نقطتين مختلفتين. في الشكل المجاور، المستقيمان  $\vec{H}$ ،  $\vec{Q}$  يقعان في المستوى نفسه ويقطعهما القاطع  $\vec{D}$ ، وينتج من هذا التقاطع ثماني زوايا. ولهذه الزوايا تسميات خاصة مبيّنة في ما يأتي.

### أزواج الزوايا الناتجة من القاطع

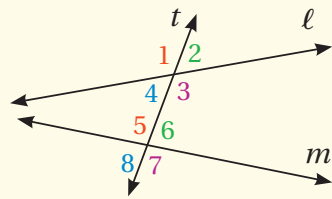
### مفهوم أساسي

$\angle 1$  و  $\angle 5$

$\angle 4$  و  $\angle 8$

$\angle 2$  و  $\angle 6$

$\angle 3$  و  $\angle 7$

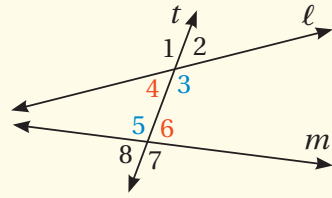


**الزاويتان المتناظرتان (corresponding angles)**

هما زاويتان غير متجاورتين تقعان في جهة واحدة من القاطع، وتكون إحداهما داخلية، والأخرى خارجية.

$\angle 4$  و  $\angle 6$

$\angle 3$  و  $\angle 5$

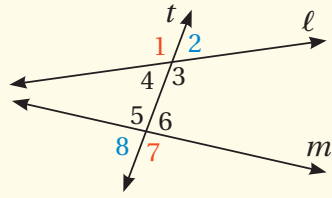


**الزاويتان المتبادلتان داخلياً (alternate interior angles)**

هما زاويتان غير متجاورتين، تقعان في المنطقة الداخلية، وفي جهتين مختلفتين من القاطع.

$\angle 1$  و  $\angle 7$

$\angle 2$  و  $\angle 8$

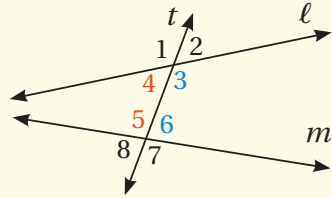


**الزاويتان المتبادلتان خارجياً (alternate exterior angles)**

هما زاويتان غير متجاورتين تقعان في المنطقة الخارجية، وفي جهتين مختلفتين من القاطع.

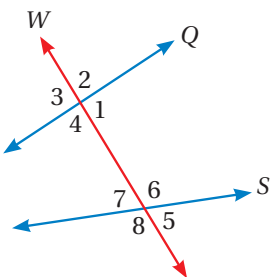
$\angle 4$  و  $\angle 5$

$\angle 3$  و  $\angle 6$



**الزاويتان الداخليتان في جهة واحدة (same side interior angles)**

هما زاويتان تقعان في المنطقة الداخلية، وفي جهة واحدة من القاطع.



**مثال 2 اختيار من متعدد:** في الشكل المجاور أي أزواج الزوايا الآتية متناظرة؟

a)  $\angle 1$ ,  $\angle 7$

b)  $\angle 2$ ,  $\angle 6$

c)  $\angle 3$ ,  $\angle 5$

d)  $\angle 4$ ,  $\angle 7$

الزويتان 2 و 6 متناظرتان؛ لأنَّهُما غير متجاورتين، وتقعان في جهةٍ واحدةٍ من القاطع ( $W$ )، وإحداهما داخليةٌ (بين  $Q$  و  $S$ )، والأخرى خارجيةٌ.

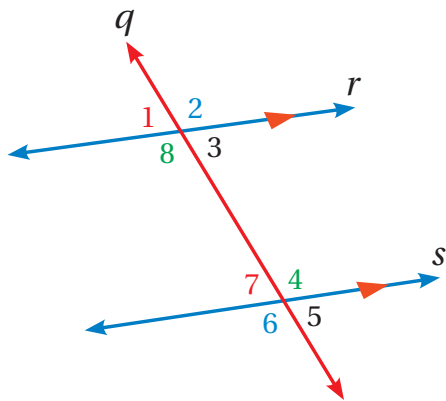
الإجابة الصحيحة هي: **b**.

**أتحقق من فهمي: اختياراً من مُتعدِّدٍ:** في الشكل السابق، أيُّ أزواجِ الزوايا الآتية مُتبادلتان داخلياً؟



- a)  $\angle 1, \angle 6$       b)  $\angle 3, \angle 7$       c)  $\angle 3, \angle 5$       d)  $\angle 1, \angle 7$

إذا قَطَعَ مستقيمٌ مستقيمين متوازيين، وعُرفَ قياسُ إحدى الزوايا الثماني، فإنه يمكن إيجاد قياساتِ الزوايا الأخرى عن طريق العلاقات الآتية:



- كلُّ زاويتين متناظرتين لهُما القياسُ نفسهُ.

$$m\angle 1 = m\angle 7$$

- كلُّ زاويتين متبادلتين داخلياً لهُما القياسُ نفسهُ.

$$m\angle 4 = m\angle 8$$

- كلُّ زاويتين متبادلتين خارجياً لهُما القياسُ نفسهُ.

$$m\angle 2 = m\angle 6$$

- كلُّ زاويتين داخليتين في جهةٍ واحدةٍ من القاطع تتكاملان، ومجموعُ قياسيهما  $180^\circ$  (وتُسمَّيان زاويتين متحالفتين).

$$m\angle 7 + m\angle 8 = 180^\circ$$

### مثال 3: من الحياة



**سياج:** في الشكل المجاور، أجد قياس كلِّ من الزوايا الآتية:

1  $m\angle 2$

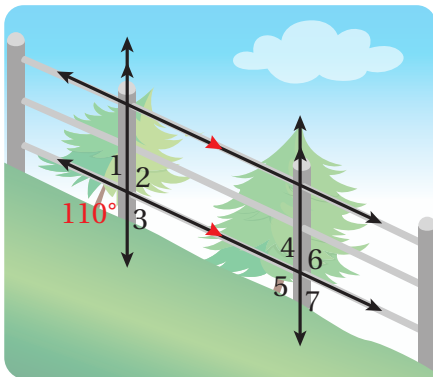
$$m\angle 2 = 110^\circ$$

تُقابل بالرأس الزاوية التي قياسها  $110^\circ$

2  $m\angle 5$

$$m\angle 5 = 110^\circ$$

تُناظر الزاوية التي قياسها  $110^\circ$



## الوحدة 4

3  $m\angle 3$

$$m\angle 3 + m\angle 5 = 180^\circ$$

$$m\angle 3 + 110^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle 3 = 70^\circ$$

زاويتان متحالفتان

أعوّض قيمة  $m\angle 5$

أطرح  $110^\circ$  من الطرفين

أتدقّق من فهمي:

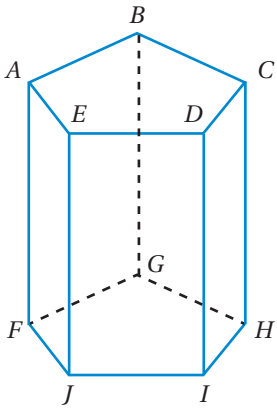


4  $m\angle 1$

5  $m\angle 4$

6  $m\angle 6$

7  $m\angle 7$



أستعين بالمنشور الخماسي المجاور

للإجابة عن الأسئلة الآتية:

أي القطع المستقيمة توازي  $\overline{AB}$ ؟

أسمي مستويين متوازيين.

أسمي قطعتين مستقيمتين موازيتين للمستوى  $AEJF$ .

أدرب وأحل المسائل



1

2

3

اعتمادًا على الشكل المجاور، أسمى:

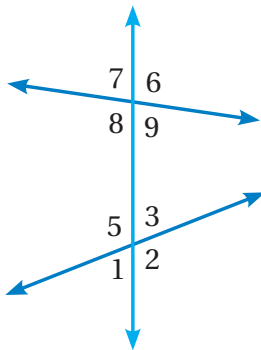
4 زاويتين متناظرتين.

5 زاويتين متبادلتين داخليًا.

6 زاويتين متبادلتين خارجيًا.

7 زاويتين داخليتين في

جهة واحدة.



مستشفيات: في الشكل المجاور سرير

طبي ذو سياج لحماية المريض من

خطر السقوط. إذا كان هذا السياج

موازيًا لسطح السرير، والدعامات

موازية لبعضها، فأجد ما يأتي:

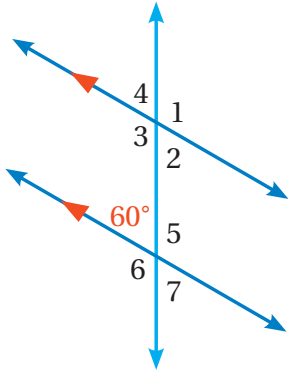
8  $m\angle 1$

9  $m\angle 2$

10  $m\angle 3$

11  $m\angle 4$





في الشكلِ المجاورِ، أجدُ قياسَ كلِّ منَ الزوايا الآتية:

12  $m\angle 3$

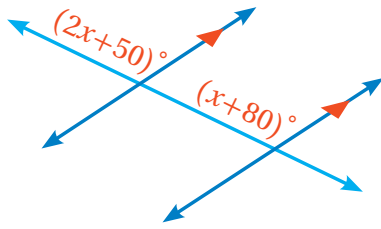
13  $m\angle 5$

14  $m\angle 4$

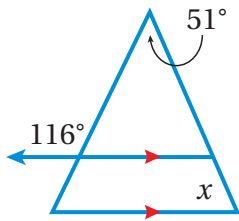
15  $m\angle 2$

16  $m\angle 1$

17  $m\angle 6$

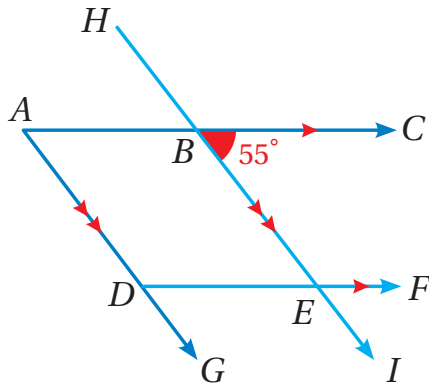


18 **جَبْر:** معتمداً الشكلِ المجاورِ،  
أكتبُ معادلةً ثمَّ أحلُّها لأجدَ قيمةَ  $x$ .



19 أجدُ قيمةَ  $x$  في الشكلِ المجاورِ.

**تبرير:** معتمداً الشكلِ المجاورِ، أي العبارات الآتية صحيحة، وأيها خطأ، مُبرِّراً إجابتي:



20  $\angle CAG$ ،  $\angle FDG$  متناظرانِ.

21  $m\angle HBC = m\angle BED$

22  $\angle BED$ ،  $\angle EDG$  متبادلتانِ داخلياً.

23  $m\angle BED = 55^\circ$

24  $\angle ABE$ ،  $\angle ADF$  متناظرانِ.

25 **تبرير:** متى تتساوى جميعُ قياساتِ الزوايا الناتجة من تقاطعِ مستقيمٍ معَ مستقيمين متوازيين؟ أبرِّرُ إجابتي.

26 **أكتبُ** كيفَ أجدُ قياسَ جميعِ الزوايا الثمانية الناتجة من تقاطعِ مستقيمٍ معَ مستقيمين متوازيين إذا علمتُ قياسَ واحدةٍ منها؟

### أتعلمُ

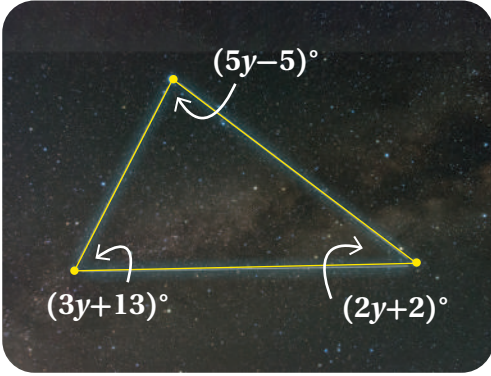
إذا قطعَ مستقيمٌ مستقيمين، وتساوت قياساتُ الزوايا المتبادلةِ والمتناظرةِ، أو تكاملتِ الزوايا المتحالفةُ، فإنَّ المستقيمين متوازيانِ.

### مهاراتُ التفكيرِ العليا

### أتعلمُ

يمكنني الاستدلالَ على زوجِ المستقيمتين المتوازيين في الشكلِ عن طريقِ عددِ رؤوسِ الأسهمِ المرسومةِ عليها.





أستكشفُ

مثلثُ الصيفِ في الفلكِ هو تشكيلٌ مُكوّنٌ من ثلاثة نجومٍ شديدة السطوع، تظهرُ صيفاً في سماءِ نصفِ الكرة الأرضية الشمالي. ما قياساتُ زوايا هذا المثلثِ؟

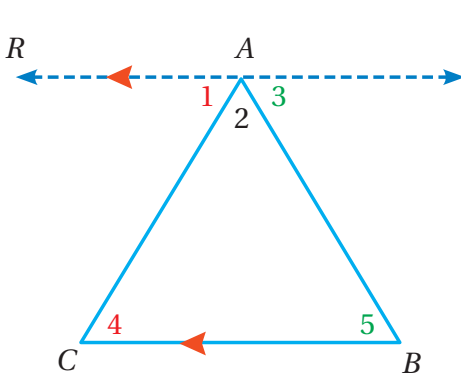
فكرةُ الدرسِ

أبررُ العلاقاتِ بينَ الزوايا الداخليةِ والزوايا الخارجيةِ في مثلثٍ.

المصطلحاتُ

الزاويةُ الداخليةُ، الزاويةُ الخارجيةُ.

يُشكّلُ كلُّ ضلعينِ في مثلثٍ زاويةً داخليةً (interior angle)، ومجموعُ قياساتِ هذه الزوايا الداخليةِ الثلاثِ يساوي  $180^\circ$ ؛ أتحدّقُ من ذلكَ باستعمالِ ما تعلّمْتُهُ عن الزوايا الناتجةِ من تقاطعِ مستقيمٍ معَ مستقيمينِ متوازيينِ.



عندَ رَسْمِ المستقيمِ  $\overleftrightarrow{AR}$  الذي يوازي ضلعَ المثلثِ  $\overline{CB}$ ، نلاحظُ ما يأتي:

$$m\angle 1 = m\angle 4$$

زاويتانِ متبادلتانِ داخلياً

$$m\angle 3 = m\angle 5$$

زاويتانِ متبادلتانِ داخلياً

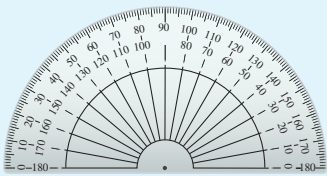
$$m\angle 1 + m\angle 2 + m\angle 3 = 180^\circ$$

زوايا متجاورةٌ على مستقيمٍ

$$m\angle 4 + m\angle 2 + m\angle 5 = 180^\circ \quad m\angle 4 \text{ بـ } m\angle 1 \text{ و } m\angle 5 \text{ بـ } m\angle 3$$

أتعلّمُ

أتحدّقُ من أن مجموعَ قياساتِ زوايا المثلثِ الداخليةِ هو  $180^\circ$  باستعمالِ المنقلةِ.

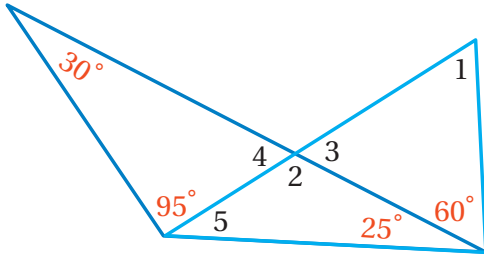


إذن، مجموعُ قياساتِ زوايا المثلثِ الداخليةِ هو  $180^\circ$

يمكنُ استخدامُ العلاقةِ بينَ مجموعِ قياساتِ زوايا المثلثِ لإيجادِ قياساتِ زوايا مجهولةٍ.

## مثال 1

معتمدًا الشكل المجاور، أجد كلاً مما يأتي:



1  $m\angle 4$

$$30^\circ + 95^\circ + m\angle 4 = 180^\circ$$

زوايا داخلية في مثلث

$$125^\circ + m\angle 4 = 180^\circ$$

أجمع

$$m\angle 4 = 55^\circ$$

أطرح  $125^\circ$

2  $m\angle 2$

$$m\angle 2 + m\angle 4 = 180^\circ$$

زاويتان متجاورتان على مستقيم

$$m\angle 2 + 55^\circ = 180^\circ$$

أعوّض  $m\angle 4$

$$m\angle 2 = 125^\circ$$

أطرح  $55^\circ$

أتحقّق من فهمي:

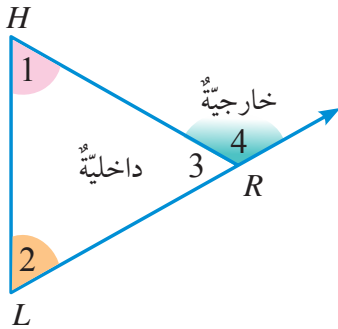


3  $m\angle 5$

4  $m\angle 3$

5  $m\angle 1$

الزاوية الخارجيّة (exterior angle) للمثلث هي الزاوية التي تتشكّل من أحد أضلاع المثلث وامتداد الضلع المجاور له، وقياس أيّ زاوية خارجيّة في المثلث يساوي مجموع قياسيّ الزاويتين الداخليّتين البعديّتين.



في الرسم المجاور،  $\angle 4$  خارجيّة للمثلث؛ ولذلك  $m\angle 4 = m\angle 1 + m\angle 2$

أتحقّق من ذلك عن طريق ما تعلّمته عن حقائق الزوايا.

في المثلث  $\triangle HRL$ :

$$m\angle 1 + m\angle 2 + m\angle 3 = 180^\circ$$

زوايا داخلية في مثلث

$$m\angle 4 + m\angle 3 = 180^\circ$$

زاويتان متجاورتان على مستقيم

$$m\angle 4 + m\angle 3 = m\angle 1 + m\angle 2 + m\angle 3$$

أعوّض

$$m\angle 4 = m\angle 1 + m\angle 2$$

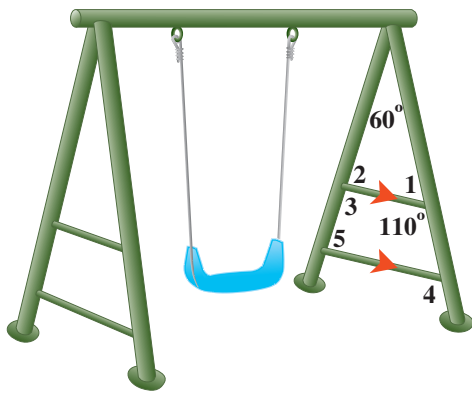
أطرح  $m\angle 3$  من الطرفين

يمكنني استخدام خاصية الزاوية الخارجيّة للمثلث لإيجاد قياسات زوايا مجهولة.

## الوحدة 4

### مثال 2: من الحياة

أرجوحة: تُشكّل دعامات أرجوحة مُثلثًا كما في الشكل المجاور، أجد قياس كل من الزوايا الآتية معتمدًا على الشكل:



1  $m\angle 2$

$$110^\circ = 60^\circ + m\angle 2$$

$$m\angle 2 = 50^\circ$$

زاوية خارجية للمثلث

أطرح  $60^\circ$  من الطرفين

2  $m\angle 1$

$$m\angle 1 + m\angle 2 + 60^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle 1 + 50^\circ + 60^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle 1 + 110^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle 1 = 70^\circ$$

زوايا داخلية في مثلث

أعوّض  $m\angle 2$

أجمع

أطرح  $110^\circ$  من الطرفين

أتدقّق من فهمي:



3  $m\angle 3$

4  $m\angle 4$

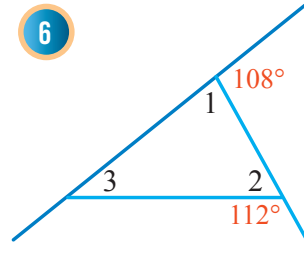
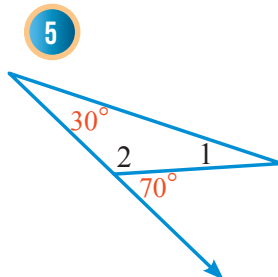
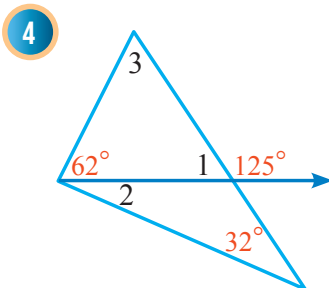
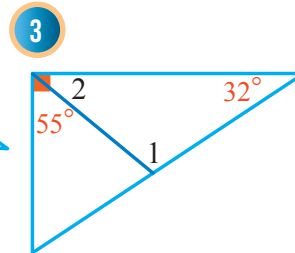
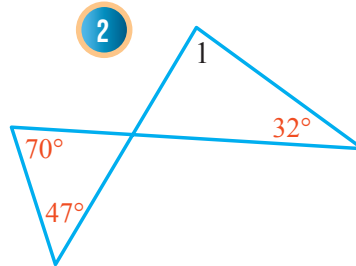
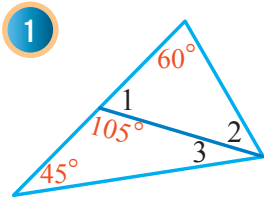
5  $m\angle 5$

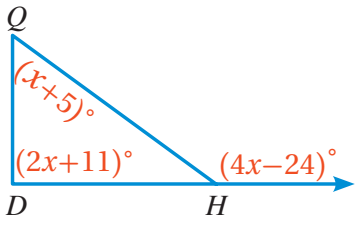
### أدرب

وأحل المسائل



أجد قياسات الزوايا المرقّمة في كل من الأشكال الآتية:





**جَبْر:** أصنّف  $\triangle QHD$  إلى حادّ

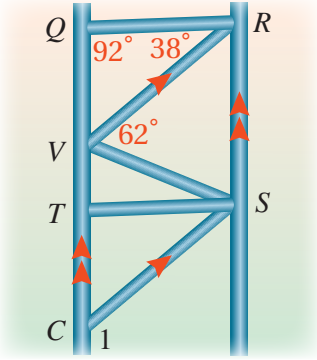
الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية.

7

### أتذكّر

تُسمّى المثلثات بحسب زواياها:

- حادّة الزوايا وفيها ثلاث زوايا حادّة.
- قائمة الزاوية وفيها زاوية قائمة واحدة.
- منفرجة الزاوية وفيها زاوية منفرجة واحدة.



**إنشاءات:** يمثل الشكل المجاور سقالة تُستخدم

في أعمال البناء. أَسْتَعِينُ بِهِ لِإِيجَادِ  $m\angle 1$ .

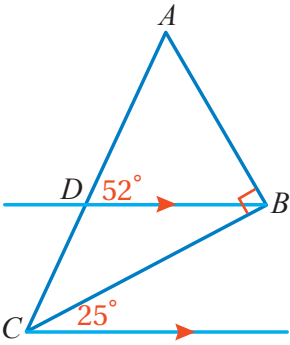
8

### مهارات التفكير العليا

9

**تبرير:** قالت فاطمة: إنَّ  $m\angle BCD = 25^\circ$  لأنَّ

لها نفس قياس الزاوية المجاورة لها. لكنَّ ما قالتُه غير صحيح، أوضح لها كيفية إيجاد  $m\angle BCD$ ، مُبرِّراً إجابتي.



**تبرير:** أَعْتَمِدُ عَلَى الشَّكْلِ الْمَجَاوِرِ لِإِيجَادِ

الزاوية التي تحقّق الشرط المُعطى، مُبرِّراً إجابتي:

قياسها أصغر من  $m\angle 2$

قياسها أكبر من  $m\angle 4$

10

11

### إرشاد

أَعْتَمِدُ فِي التَّبْرِيرِ عَلَى الْعِلَاقَاتِ بَيْنَ زَوَايَا الْمَثَلِثِ الْدَاخِلِيَّةِ وَالخَارِجِيَّةِ، وَلَا أَسْتَعْمِدُ الْمُنْقَلَةَ.

12

**تبرير:** أَحَدِّدُ إِذَا كَانَتِ الْعِبَارَةُ الْمَجَاوِرَةَ صَحِيحَةً دَائِمًا، أَوْ أَحْيَانًا، أَوْ غَيْرَ صَحِيحَةٍ أَبَدًا، مُبرِّراً إجابتي.

13

**أكتب** أَوْضِّحْ مُسْتَعِينًا بِالرَّسْمِ الْعِلَاقَةَ بَيْنَ أَيِّ زَاوِيَةٍ خَارِجِيَّةٍ لِلْمَثَلِثِ وَالزَّاوِيَتَيْنِ الْدَاخِلِيَّتَيْنِ غَيْرِ الْمَجَاوِرَتَيْنِ لَهَا.

### أتذكّر

مجموع قياسات الزوايا الخارجية للمثلث (واحدة لكل رأس) هو  $360^\circ$

أستكشف



فكرة الدرس

- أجد مجموع قياسات زوايا مضلع معطى.
- أجد قياس الزاوية الداخلية والزاوية الخارجية لمضلع منتظم.

المصطلحات

المضلع المنتظم.

نشاط: بعد أن أكمل الجدول الآتي، أجد:

- عدد المثلثات ومجموع قياسات الزوايا في مضلع له سبعة أضلاع.
- مقداراً جبرياً يمثل عدد المثلثات ومجموع قياسات الزوايا لمضلع عدد أضلاعه  $n$ .

عدد الأضلاع	الشكل	عدد المثلثات	مجموع قياسات الزوايا
3		1	$1 \times 180^\circ$
4		2	$2 \times 180^\circ$
5		3	$3 \times 180^\circ$
6			

لغة الرياضيات

يُسمى المضلع بحسب عدد أضلاعه؛ فالمضلع الذي له سبعة أضلاع يسمى مضلعاً سباعياً، والمضلع الذي له تسعة أضلاع يسمى تساعياً.

الزاوية الداخلية لمضلع هي الزاوية الناتجة من التقاء ضلعين متجاورين في المضلع، وتقع داخله، ومجموع قياسات الزوايا الداخلية ( $S$ ) لمضلع هو  $S = (n - 2) \times 180^\circ$ ، حيث  $n$  تمثل عدد الأضلاع.

مثال 1

أجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية لكل مضلع مما يأتي:

1 السباعي:

$$S = (n - 2) \times 180^\circ$$

صيغة مجموع قياسات زوايا المضلع الداخلية

$$S = (7 - 2) \times 180^\circ$$

$$n = 7 \text{ أعوض}$$

$$S = (5) \times 180^\circ = 900^\circ$$

أبسط

2 العشاري:

صيغة مجموع قياسات زوايا المضلع

أعوّض  $n = 10$

أبسّط

$$S = (n - 2) \times 180^\circ$$

$$S = (10 - 2) \times 180^\circ$$

$$S = (8) \times 180^\circ = 1440^\circ$$

✓ **أتحقّق من فهمي:**

3 التساعي:

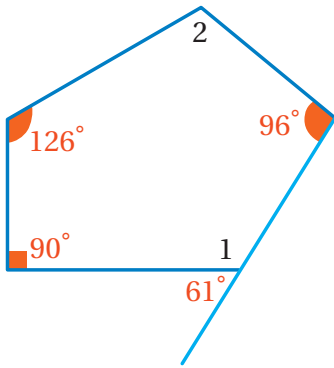
4 ذو أربعة عشر ضلعًا.

5 ذو ثمانية عشر ضلعًا.

يمكنني استخدام مجموع قياسات زوايا مضلع لإيجاد قياسات زوايا مجهولة فيه.

**مثال 2**

أجدّ قياسات الزوايا المجهولة في الشكل المجاور:



1  $m\angle 1$

$$m\angle 1 + 61^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle 1 = 119^\circ$$

زاويتان متجاورتان على مستقيم

أطرح  $61^\circ$  من الطرفين

2  $m\angle 2$

أولاً: أجدّ مجموع قياسات زوايا المضلع المُعطى.

$$S = (n - 2) \times 180^\circ$$

$$S = (5 - 2) \times 180^\circ$$

$$S = (3) \times 180^\circ = 540^\circ$$

صيغة مجموع قياسات زوايا المضلع

أعوّض  $n = 5$ ، فالشكل خماسي

أبسّط

ثانياً: أستعمل مجموع قياسات الزوايا لإيجاد قياس الزاوية المجهولة.

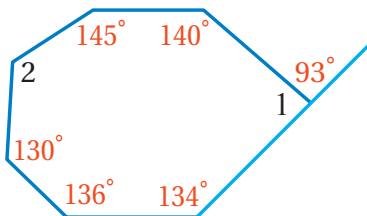
$$m\angle 2 + 119^\circ + 96^\circ + 126^\circ + 90^\circ = 540^\circ \quad \text{أجمع قياسات الزوايا الداخلية، وأسأويها بـ } 540^\circ$$

$$m\angle 2 + 431^\circ = 540^\circ$$

$$m\angle 2 = 109^\circ$$

أجمع

أطرح  $431^\circ$  من الطرفين



3  $m\angle 1$

4  $m\angle 2$

✓ **أتحقّق من فهمي:**

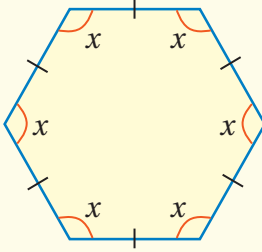
أجدّ قياسات الزوايا المجهولة في الشكل المجاور:

## الوحدة 4

المضلع المنتظم (regular polygon) هو مضلع جميع أضلاعه لها الطول نفسه، وزواياها الداخلية جميعها لها القياس نفسه.

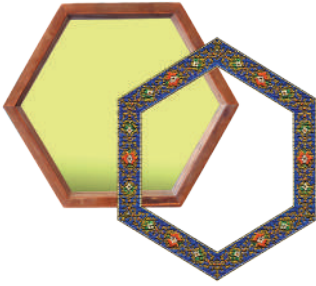
### قياس الزاوية الداخلية للمضلع المنتظم

### مفهوم أساسي



قياس الزاوية الداخلية ( $x$ ) لمضلع منتظم عدد أضلاعه  $n$  يساوي مجموع قياسات زواياها الداخلية ( $s$ ) مقسوماً على عدد أضلاعه.

$$x^\circ = \frac{(n-2) \times 180^\circ}{n}$$



### مثال 3: من الحياة

صممت ماجدة إطارات خشبية على شكل مضلعات سداسية منتظمة. أجد قياس الزاوية الداخلية لتلك الإطارات.

$$x^\circ = \frac{(n-2) \times 180^\circ}{n}$$

صيغة قياس الزاوية الداخلية للمضلع المنتظم

$$x^\circ = \frac{(6-2) \times 180^\circ}{6}$$

$$n = 6 \text{ أعوض}$$

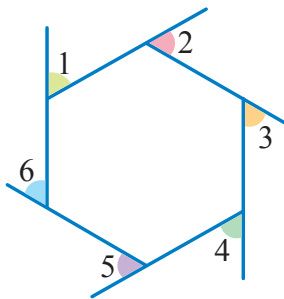
$$x^\circ = 120^\circ$$

أبسط

**أتحقق من فهمي:** أجد قياس الزاوية الداخلية لكل مضلع منتظم مما يأتي:

2 العشاري المنتظم.

1 الثماني المنتظم.



الزاوية الخارجية للمضلع هي الزاوية المتشكلة من أحد الأضلاع وامتداد الضلع المجاور له. ومجموع قياسات الزوايا الخارجية لأي مضلع منتظم عدد أضلاعه ( $n$ ) - زاوية واحدة لكل رأس - هو  $360^\circ$ ، وفي هذه الحالة يكون قياس كل زاوية خارجية ( $x$ ) من هذه الزوايا:

$$x^\circ = \frac{360^\circ}{n}$$



## مثال 4

أجد قياس الزاوية الخارجية لكل من المضلعات الآتية لأقرب درجة:

1 السباعي المنتظم:

أكتب المعادلة

$$x^\circ = \frac{360^\circ}{n}$$

$$x^\circ = \frac{360^\circ}{7}$$

$$x^\circ \approx 51^\circ$$

أعوّض  $n = 7$

أبسّط

أتحقّق من فهمي:



4 ذو خمسة عشر ضلعًا منتظمًا.

3 العشاري المنتظم.

2 السداسي المنتظم.

أستخدم المعادلات الخطية لإيجاد عدد أضلاع مضلع منتظم أعلم قياس زاويته الداخلية.

5 مثال أجد عدد أضلاع مضلع منتظم قياس زاويته الداخلية  $135^\circ$ .

أفترض أن عدد الأضلاع يساوي  $n$

$$S = n \times 135^\circ$$

$$S = (n-2) \times 180^\circ$$

$$n \times 135^\circ = (n-2) \times 180^\circ$$

$$135^\circ n = 180^\circ n - 360^\circ$$

$$-45^\circ n = -360^\circ$$

$$n = 8$$

بما أن المضلع منتظم، فإن زواياه جميعها لها القياس نفسه

صيغة مجموع قياسات زوايا المضلع

أكتب معادلة

خاصية التوزيع

أطرح  $180^\circ n$  من طرفي المعادلة

أقسّم على  $-45^\circ$

إذن، عدد أضلاع المضلع ثمانية.

أتحقّق من فهمي:



أجد عدد أضلاع مضلع منتظم قياس زاويته الداخلية  $140^\circ$ .

## الوحدة 4

### أْتَدْرِبْ وأحل المسائل

أجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية للمضلع المُعطى عدد أضلاعه في كلِّ ممَّا يأتي:

- 1 11 ضلعًا. 2 13 ضلعًا. 3 20 ضلعًا. 4 32 ضلعًا.

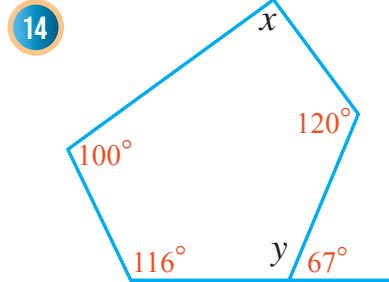
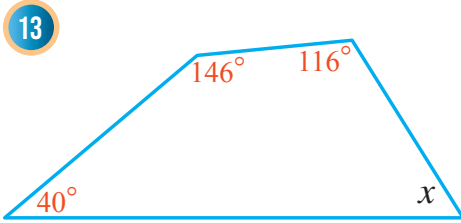
أجد قياس الزاوية الداخلية للمضلع المنتظم المُعطى عدد أضلاعه في كلِّ ممَّا يأتي (أقرب إجابتي إلى أقرب درجة):

- 5 9 أضلاع. 6 11 ضلعًا. 7 12 ضلعًا. 8 20 ضلعًا.

أجد قياس الزاوية الخارجية لكلِّ من المضلعات المنتظمة الآتية (أقرب إجابتي إلى أقرب درجة):

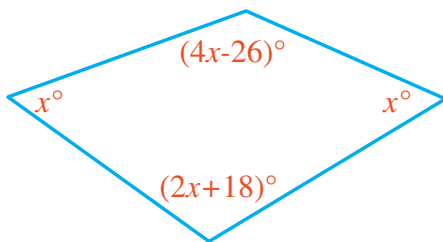
- 9 خماسي. 10 ثماني. 11 تساعي. 12 ذو عشرين ضلعًا.

أجد قياس الزاوية المجهولة في كلِّ شكلٍ ممَّا يأتي:



أجد عدد أضلاع المضلع المنتظم المُعطى قياس زاويته الداخلية في كلِّ ممَّا يأتي:

- 15 162° 16 144° 17 150°



18 **جِبْر:** أكتب معادلةً، ثمَّ أحلها بإيجاد قياس زوايا المضلع المجاور.

### إرشاد

يمكنني استخدام طريقة أخرى لإيجاد قياس الزاوية الخارجية للمضلع المنتظم، وذلك بإيجاد قياس زاويته الداخلية، ثمَّ طرح هذا القياس من 180°



19 يريد محمد صنع إطار على شكل مضلع تساعي منتظم باستخدام ألواح خشبية. ما الزاوية التي سيقطع بها كل لوح عند طرفيه؛ ليمكن من جمع الألواح بعضها مع بعض لتشكيل الإطار المطلوب؟ أبرر إجابتي.



20 **عملات:** تمثل القطعة النقدية من فئة ربع الدينار مضلعاً منتظماً. أجد قياس كل من زاويتي الداخلية وزاويته الخارجية.

قياس الزاوية الداخلية لمضلع منتظم يساوي  $4x$ ، وقياس زاويته الخارجية يساوي  $2x$ : أجد قيمة  $x$ .

22 أجد قياس الزاوية الداخلية وقياس الزاوية الخارجية.

23 أجد عدد أضلاع المضلع المنتظم.

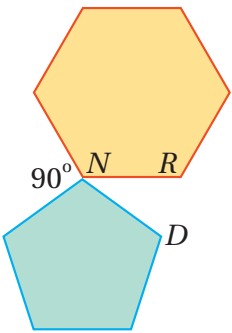
### معلومة

تولى مجلس النقد الأردني مهمة إصدار النقد الأردني منذ عام 1949م حتى عام 1964م، وبعد أن تأسس البنك المركزي الأردني عام 1964م تولى تلك المهمة إلى يومنا هذا.



### مهارات التفكير العليا

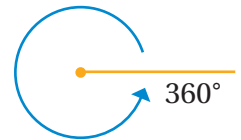
24 **تبرير:** هل يوجد مضلع منتظم قياس زاويته الداخلية  $160^\circ$ ؟ أبرر إجابتي.



25 **تحذ:** إذا كان المضلعان في الشكل المجاور منتظمين، فأجد  $m\angle RND$ ، مبرراً إجابتي.

### إرشاد

مجموع قياسات الزوايا حول نقطة هو  $(360^\circ)$ .



26 **أكتب:** أكتب فقرة قصيرة أبين فيها العلاقة بين عدد أضلاع المضلع المنتظم وقياس زاويته الداخلية.



### أستكشف

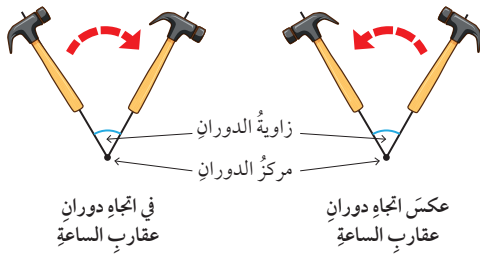
تعدُّ الرياح من أهمِّ مصادرِ الطاقةِ المتجددة؛ فهي تديرُ مراوحَ كبيرةً متصلةً بتوربيناتٍ تحوِّلُ الطاقةَ الحركيةَ إلى طاقةٍ كهربائيةٍ. أصفُ حركةَ ذراعِ المروحةِ التي تجعلُ النقطةَ  $A$  منطبقةً على النقطةِ  $A'$ .

### فكرة الدرس

- أرسمُ دورانًا على المستوى الإحداثي.
- أتعرفُ التماثل الدوراني ورُتبته.

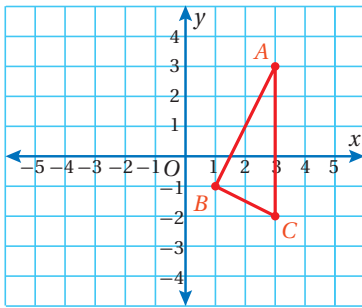
### المصطلحات

الدوران ، مركزُ الدوران.

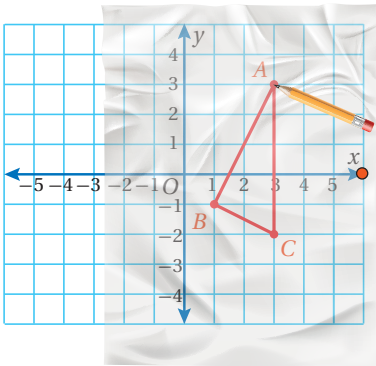


يعملُ **الدوران** (rotation) على تحريكِ كلِّ نقطةٍ في الشكلِ الأصليِّ بزاويةٍ محددةٍ واتجاهٍ محددٍ حولَ نقطةٍ ثابتةٍ تُسمى **مركز الدوران** (center of rotation) معَ المحافظةِ على أبعادِ الشكلِ الأصليِّ وزواياه. يمكنُ استعمالُ ورقةٍ شفافةٍ لرسمِ صورةٍ شكلٍ تحت تأثيرِ دورانٍ بزواويةٍ مُحددةٍ حولَ مركزِ دورانٍ.

### مثال 1

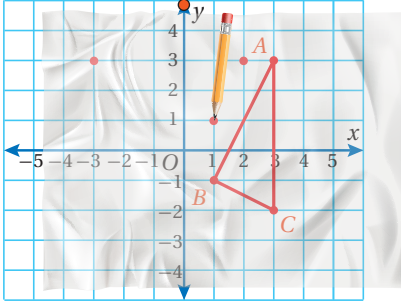


أستعملُ ورقةً شفافةً لرسمِ صورةِ  $\triangle ABC$  في الشكلِ المجاورِ الناتجةً من دورانِ مركزه نقطةَ الأصلِ بزواويةٍ  $(90^\circ)$  عكسَ عقاربِ الساعة، ثمَّ أكتبُ إحداثياتِ رؤوسِ الصورةِ  $\triangle A'B'C'$ .



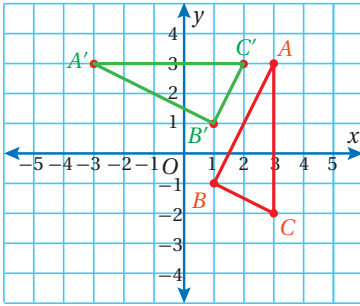
### الخطوة 1

أرسمُ رؤوسَ المثلثِ على ورقةٍ شفافةٍ. أضعُ الورقةَ فوقَ المثلثِ بحيثُ تغطِّي أيضًا مركزَ الدورانِ، ثمَّ أرسمُ بالقلمِ رؤوسَ المثلثِ وأضعُ إشارةً مقابلَ محورِ  $x$  الموجبِ.



الخطوة 2 أَدَوِّرُ الشَّكْلَ، ثُمَّ أُحَدِّدُ رُؤُوسَ الصُّورَةِ.

أَضْغَطُ بِرَأْسِ الْقَلَمِ عِنْدَ مَرَكِزِ الدَّوْرَانِ (نَقْطَةُ الْأَصْلِ)، ثُمَّ أَدَوِّرُ الْوَرَقَةَ بِزَاوِيَةِ  $90^\circ$  عَكْسِ عِقَارِبِ السَّاعَةِ، بَحَيْثُ تَصْبِحُ الْإِشَارَةُ الَّتِي رَسَمْتُهَا مُقَابِلَ مَحْوَرِ  $y$  الْمَوْجِبِ، ثُمَّ أُحَدِّدُ رُؤُوسَ الصُّورَةِ.

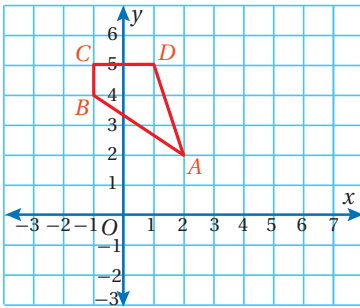


الخطوة 3 أَرَسُمُ الصُّورَةَ.

أَرَسُمُ الصُّورَةَ بِالتَّوْصِيلِ بَيْنَ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِهَا، ثُمَّ أُسَمِّيْهَا  $\Delta A'B'C'$ .

إِحْدَاثِيَّاتُ رُؤُوسِ الصُّورَةِ  $\Delta A'B'C'$  هِيَ:

$$A'(-3, 3), B'(1, 1), C'(2, 3)$$



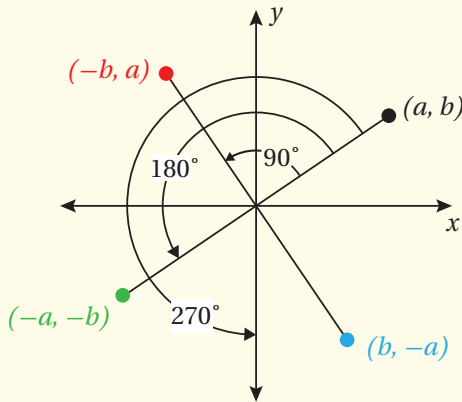
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَسْتَعْمَلُ وَرَقَةً شَفَّافَةً لِرَسْمِ صُورَةِ  $ABCD$  النَّاتِجَةِ مِنْ دَوْرَانٍ مَرَكِزِهِ (نَقْطَةُ الْأَصْلِ) بِزَاوِيَةِ  $90^\circ$  مَعَ عِقَارِبِ السَّاعَةِ، ثُمَّ أَكْتُبُ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ  $A'B'C'D'$ .

## الدوران حول نقطة الأصل

## مفهوم أساسي

### • بالنماذج:



### • بالكلمات:

عِنْدَ دَوْرَانِ النِّقْطَةِ  $(a, b)$  حَوْلَ نَقْطَةِ الْأَصْلِ، فَإِنَّ إِحْدَاثِيَّاتِهَا يَتَغَيَّرَانِ بِحَسَبِ الْقَوَاعِدِ الْآتِيَةِ:

• الدَّوْرَانُ بِزَاوِيَةِ  $90^\circ$  عَكْسِ عِقَارِبِ السَّاعَةِ (أَوْ  $270^\circ$  مَعَ عِقَارِبِ السَّاعَةِ):

$$(a, b) \rightarrow (-b, a)$$

• الدَّوْرَانُ بِزَاوِيَةِ  $180^\circ$  عَكْسِ عِقَارِبِ السَّاعَةِ (أَوْ  $180^\circ$  مَعَ عِقَارِبِ السَّاعَةِ):

$$(a, b) \rightarrow (-a, -b)$$

• الدَّوْرَانُ بِزَاوِيَةِ  $270^\circ$  عَكْسِ عِقَارِبِ السَّاعَةِ (أَوْ  $90^\circ$  مَعَ عِقَارِبِ السَّاعَةِ):

$$(a, b) \rightarrow (b, -a)$$

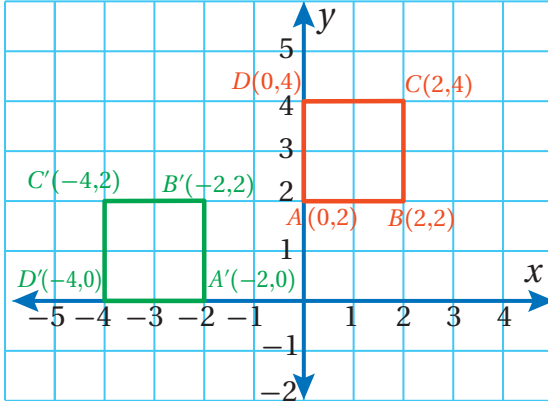
## الوحدة 4

### مثال 2

أرسم في المستوى الإحداثي المربع الذي إحداثيات رؤوسه  $A(0,2), B(2,2), C(2,4), D(0,4)$ ، ثم أجد صورته تحت تأثير:

1 دورانٍ مركزه نقطة الأصل بزاوية  $270^\circ$  مع عقارب الساعة.

أبدل موقع الإحداثيات  $(x, y)$ ، ثم أضرب  $y$  في  $-1$



$$(x, y) \rightarrow (-y, x)$$

$$A(0, 2) \rightarrow A'(-2, 0)$$

$$B(2, 2) \rightarrow B'(-2, 2)$$

$$C(2, 4) \rightarrow C'(-4, 2)$$

$$D(0, 4) \rightarrow D'(-4, 0)$$

### أتذكر

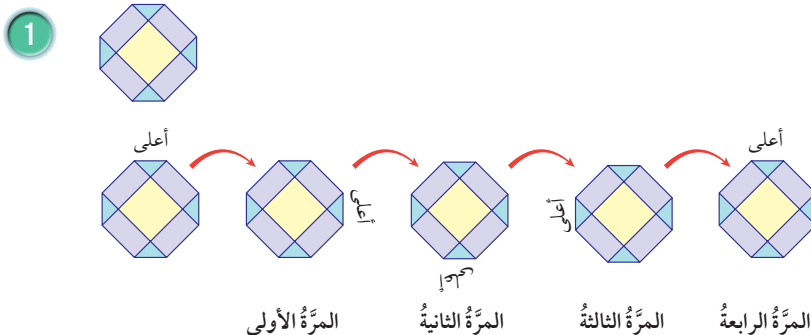
دوران بزاوية  $90^\circ$  عكس عقارب الساعة يعادل دوران  $270^\circ$  مع عقارب الساعة.

### أتدقق من فهمي:

2 دورانٍ مركزه نقطة الأصل بزاوية  $90^\circ$  عكس عقارب الساعة.

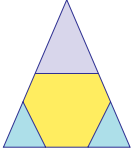
يكون الشكل ذا تماثل دوراني (rotational symmetry) إذا عاد إلى وضعه الأصلي مرتين أو أكثر في أثناء تدويره بزاوية  $(360^\circ)$  (دورة كاملة) حول مركزه. تُعرف رتبة التماثل الدوراني (order of rotational symmetry) بأنها عدد المرات التي يعود فيها الشكل ذو التماثل الدوراني إلى وضعه الأصلي خلال دورة كاملة حول مركزه.

3 مثال 3 أُحدّد إذا كان الشكل ذا تماثلٍ دورانيٍّ أم لا، ثم أُحدّد رتبة الدوران (إن وُجدت) في كلِّ ممّا يأتي:



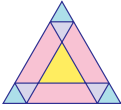
الشكل ذو تماثلٍ دورانيٍّ؛ لأنّه يعود إلى وضعه الأصلي أربع مرّاتٍ عند تدويره بزاوية  $(360^\circ)$  حول مركزه. إذن، رتبة التماثل الدوراني هي 4.

2

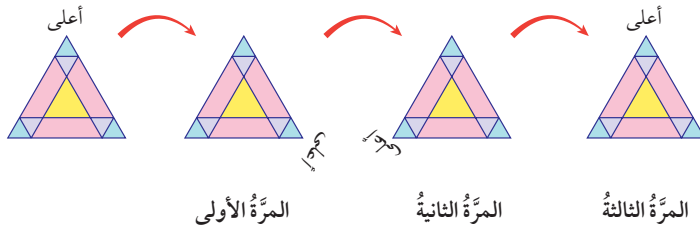


الشكل ليس ذا تماثلٍ دورانيٍّ؛ لأنَّه يعودُ إلى وضعِهِ الأصليِّ مرَّةً واحدةً فقط عند تدويره بزاوية (360°) حول مركزه.

3



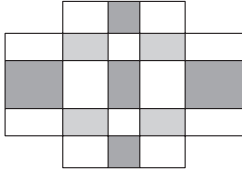
الشكل ذو تماثلٍ دورانيٍّ؛ لأنَّه يعودُ إلى وضعِهِ الأصليِّ ثلاث مرَّاتٍ عند تدويره بزاوية (360°) حول مركزه. إذن، رتبة التماثل الدوراني هي 3.



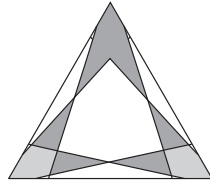
أتحقق من فهمي:



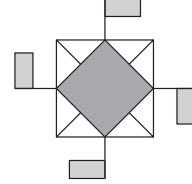
4



5

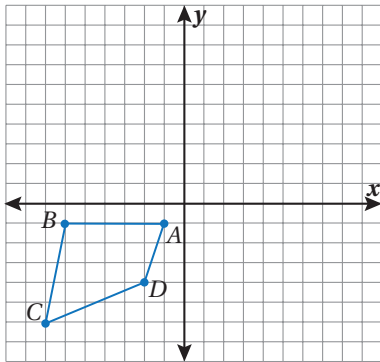


6

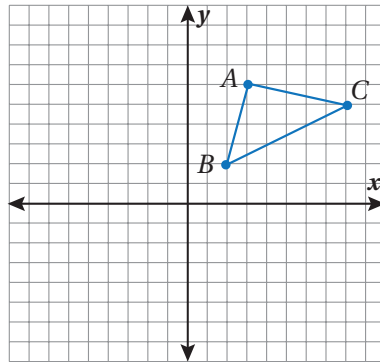


أستعمل ورقة شفافة لرسم صورة الشكل الناتج من دوران مركزه نقطة الأصل، وبالزاوية والاتجاه المحددين في كلِّ ممَّا يأتي:

2 180° مع عقارب الساعة.



1 90° عكس عقارب الساعة.



أتحرب وأحل المسائل

إرشاد

مع عقارب الساعة.



عكس عقارب الساعة.



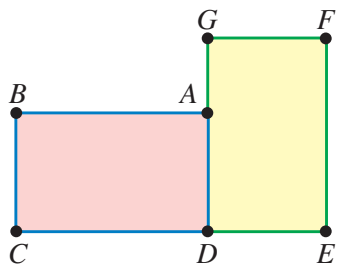
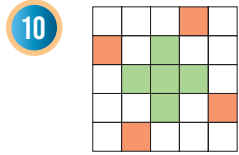
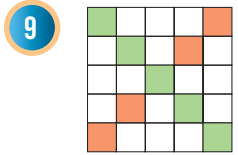
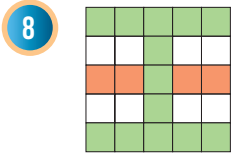
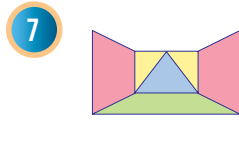
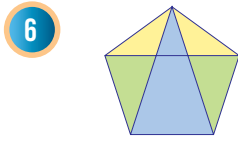
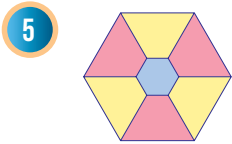
## الوحدة 4

أرسم في المستوى الإحداثي الشكل وصورته الناتجة عن دوران مركزه نقطة الأصل بالاتجاه والزاوية المعطاة في كل مما يأتي:

3 مربع إحداثيات رؤوسه  $(2,3)$ ,  $(5,3)$ ,  $(5,0)$ ,  $(2,0)$ ، بزاوية دوران  $90^\circ$  باتجاه عقارب الساعة.

4 مستطيل إحداثيات رؤوسه  $(-5,2)$ ,  $(-5,4)$ ,  $(2,2)$ ,  $(2,4)$ ، بزاوية دوران  $180^\circ$  عكس عقارب الساعة.

أحدّد إذا كان الشكل ذا تماثلٍ دورانيٍّ أم لا، ثمّ أحدّد رتبة الدوران (إن وُجدت) في كل مما يأتي:



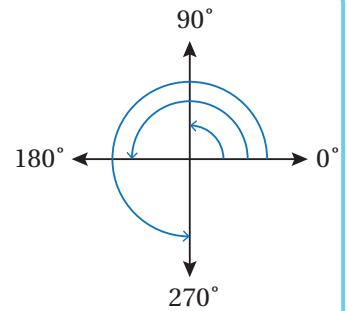
11 أحدّد النقطة التي تمثّل مركز دوران المستطيل  $ABCD$  إلى صورته  $GFED$ ، مُبرِّراً إجابتي.

مثلت إحداثيات رؤوسه  $A(0,0)$ ,  $B(0,3)$ ,  $C(4,0)$ . أجدّ إحداثيات رؤوسه تحت تأثير كل مما يأتي:

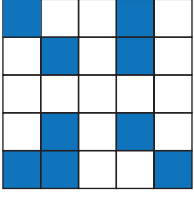
12 انسحاب وحدتين إلى اليسار، و 7 وحدات إلى الأسفل.

13 دوران مركزه نقطة الأصل بزاوية  $270^\circ$  عكس عقارب الساعة.

أتذكّر





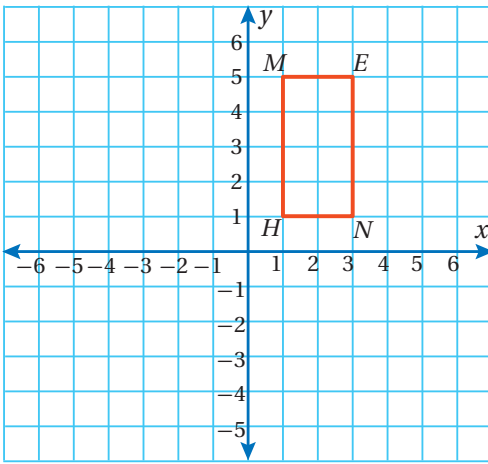


14 أنسخُ الشكلَ المجاورَ، ثمَّ ألَوْنُ 4 مربعاتٍ إضافية ليصبحَ الشكلُ ذا تماثلٍ دورانيٍّ من الرتبة 4.

### مهارات التفكير العليا

#### إرشاد

أجري التحويلات الهندسيّة وفق الترتيب الذي ورد في السؤال: الانسحاب أولاً، ثمَّ الدوران.



15 تحدّد إذا أُجريَ انسحابٌ للشكّل المجاور بمقدارٍ وحدتين إلى الأعلى و 3 وحداتٍ إلى اليمين، ثمَّ أُجريَ له دورانٌ مركزه نقطة الأصلِ بزواوية  $90^\circ$  في اتجاهٍ دورانٍ عقاربِ الساعة، فما إحداثيات رؤوس الشكل الناتج؟

#### أتعلم

عند إجراء تحويل هندسيّ على شكل، ثمَّ إجراء تحويل هندسيّ آخر على صورته، فإنَّ التحويل الذي ينتقل الشكل الأصلي إلى صورته النهائيّة يُسمّى تحويلًا هندسيًّا مركّبًا.

16 **تبرير:** إذا أُجريَ لشكّل ما دورانان في اتجاه دوران عقارب الساعة، مركزهما نقطة الأصل، وأحدهما بزواوية  $(90^\circ)$ ، والآخر بزواوية  $(180^\circ)$ ، فهل لترتيب الدورانين تأثيرٌ في موقع الصورة الناتجة؟ أبرّر إجابتي.

17 **مسألة مفتوحة:** أرسم شكلاً على المستوى الإحداثي، ثمَّ أصفُ دوراناً زاويته لا تساوي صفراً، ويكون فيه كلٌّ من الصورة والشكل الأصليّ منطبقين على بعضهما.

18 **أكتب** أكتب المعلومات التي أحتاج إليها؛ لكي أُجريَ دوراناً لشكّل ما.


يمكنُ استعمالُ برمجية جيو جبرا (GeoGebra) لإجراء دورانٍ لأيِّ شكلٍ على المستوى الإحداثي؛ فهي مجانيةٌ وسهلةُ الاستخدام. أستمَل الرابطَ [www.geogebra.org/download](http://www.geogebra.org/download) لتثبيت نسخة من هذه البرمجية في جهاز الحاسوب. يمكنني أيضًا استعمالُ النسخة المتوافرة في شبكة الإنترنت من دون حاجةٍ إلى تثبيتها في جهاز الحاسوب عن طريق الرابط الآتي: [www.geogebra.org/classic](http://www.geogebra.org/classic)

### مثال


أستخدمُ برمجية جيو جبرا؛ لأجدَ صورةَ المثلثِ الذي إحداثيات رؤوسه  $A(2, 2)$ ,  $B(4, 4)$ ,  $C(8, 1)$  بعدَ إجراء دورانٍ مركزه نقطة الأصل، وبزاوية  $90^\circ$  في اتجاهٍ دورانٍ عقارب الساعة.




#### الخطوة 1: أرسم المثلث $ABC$ :

- أختارُ أيقونة  من شريط الأدوات، ثم أنقرُ بالمؤشرِ مواقع الأزواجِ المرتبة التي تقع عندها رؤوس المثلث على المستوى الإحداثي. ولإغلاق الشكل، أنقرُ الرأس الأول مرةً أخرى.

#### الخطوة 2: أحددُ مركزَ الدوران:

- أختارُ أيقونة  من شريط الأدوات.
- أنقرُ بالمؤشرِ نقطة الأصل (مركز الدوران).

#### الخطوة 3: أجري الدوران:

- من شريط الأدوات، أختارُ أيقونة  Rotate around Point.

الدوران حول نقطة

الزاوية

Rotate around Point

Angle

90°

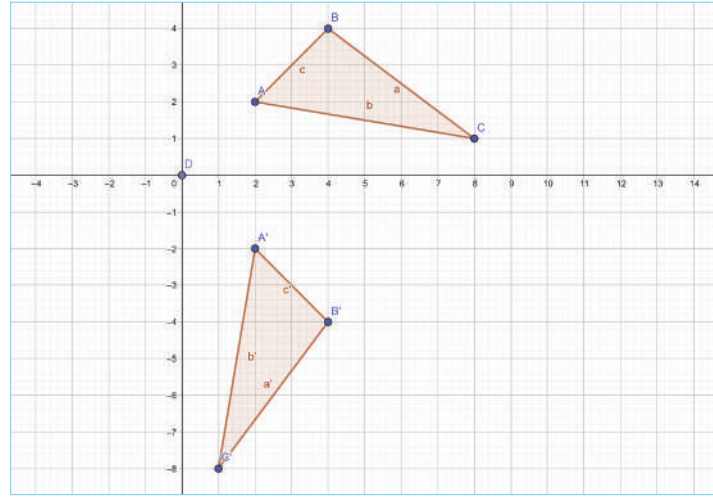
counterclockwise  clockwise

OK Cancel



في اتجاه دوران عقارب الساعة

عكس اتجاه دوران عقارب الساعة

- أنقر بالموشرِّ وسط المثلث، ثم أنقر مركز الدوران، ثم أحدّد زاوية الدوران واتّجاهه في صندوق الحوار الذي يظهر، ثم أنقر **OK**.



### مقارنة قياسات المثلث $ABC$ وصورتُه

- أجد أطوال أضلاع المثلث  $ABC$  وصورتُه  $A'B'C'$  باستخدام أداة قياس أطوال الأضلاع ، ثم أنقر الضلع المطلوب.
- أجد قياسات زوايا المثلث  $ABC$  وصورتُه  $A'B'C'$  باستخدام أداة قياس الزوايا ، ثم أنقر ضلعي الزاوية المطلوبة.
- ماذا ألاحظ؟

### أَتَدَرَّبُ



أستخدمُ برمجة جيو جبرا؛ لأجري دورانا مركزه نقطة الأصل، وبزاوية  $90^\circ$  في اتجاه دوران عقارب الساعة للمثلثين المعطى إحداثيات رؤوسهما في ما يأتي:

1  $A(-6, -8), B(-5, -3), C(-3, -7)$

2  $A(5, 4), B(7, 9), C(12, 5)$

## اختبار نهاية الوحدة

6 في الشكل المجاور،  $m\angle ABC$  يساوي:

a)  $33^\circ$   
b)  $87^\circ$   
c)  $60^\circ$   
d)  $48^\circ$

7 رتبة الدوران للشكل المجاور تساوي:

a) 0  
b) 4  
c) 1  
d) 2

8 إذا كان عدد أضلاع مضلع منتظم 20 ضلعاً، فإن قياس زاويته الخارجيه هو:

a)  $18^\circ$   
b)  $162^\circ$   
c)  $198^\circ$   
d)  $55^\circ$

في الشكل المجاور،  $m\angle 1 = 65^\circ$ ،  $m\angle 8 = 86^\circ$

أجد قياس الزوايا الآتية، مُبرراً خطوات الحل جميعها:

9  $m\angle 16$   
10  $m\angle 11$   
11  $m\angle 5$   
12  $m\angle 13$

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 إذا كانت  $\angle 1$ ،  $\angle 2$  متتامتين و  $m\angle 1 = 70^\circ$ ، فإن  $m\angle 2$  يساوي:

a)  $70^\circ$   
b)  $110^\circ$   
c)  $20^\circ$   
d)  $30^\circ$

2 في الشكل المجاور،  $m\angle AML$  يساوي:

a)  $88^\circ$   
b)  $32^\circ$   
c) 30  
d)  $120^\circ$

3 في الشكل المجاور  $\angle 1$ ،  $\angle 2$  زاويتان:

a) متبادلتان داخلياً.  
b) متبادلتان خارجياً.  
c) متناظرتان.  
d) متحالفتان.

4 قيمة  $x$  في الشكل المجاور هي:

a)  $70^\circ$   
b)  $80^\circ$   
c)  $40^\circ$   
d)  $55^\circ$

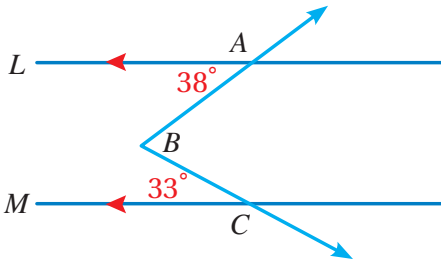
5 عدد أضلاع المضلع المنتظم الذي قياس زاويته الداخليه  $165^\circ$  هو:

a) 24  
b) 22  
c) 20  
d) 25

## اختبار نهاية الوحدة

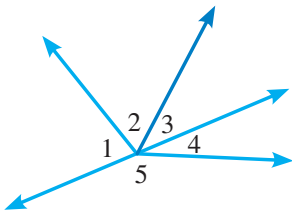
### تدريب على الاختبارات الدولية:

20 في الشكل الآتي، إذا علمت أن  $L \parallel M$ ، فإن  $m\angle ABC$  يساوي:

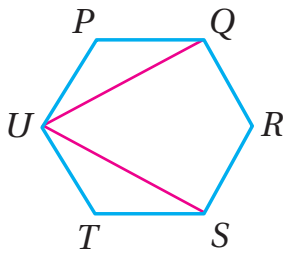


- a)  $71^\circ$     b)  $109^\circ$     c)  $38^\circ$     d)  $77^\circ$

21 في الشكل المجاور، إذا كانت 4 و 5 زاويتين متجاورتين على مستقيم،  $m\angle 1 = 2x$ ،  $m\angle 2 = 3x - 20$ ،  $m\angle 3 = x - 4$ ، فإن  $m\angle 3$  يساوي:



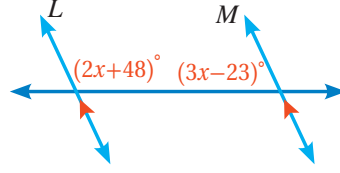
- a)  $26^\circ$   
b)  $28^\circ$   
c)  $30^\circ$   
d)  $32^\circ$



22 إذا كان  $PQRSTU$  سداسياً منتظماً، فإن  $m\angle QUS$  يساوي:

- a)  $30^\circ$     b)  $60^\circ$   
c)  $90^\circ$     d)  $20^\circ$

13 في الشكل المجاور، إذا علمت أن  $L \parallel M$ ، فما قيمة  $x$ ، مبرراً خطوات الحل جميعها؟



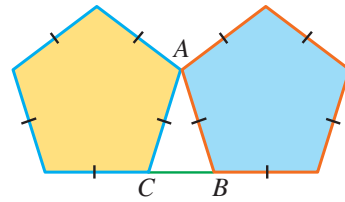
معتمداً على الشكل المجاور، أجب عما يأتي:



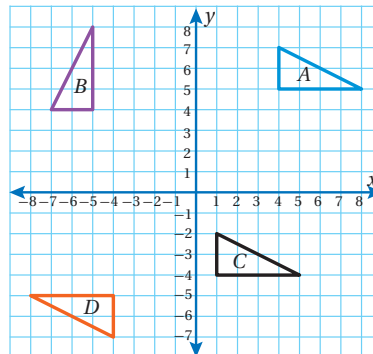
14 أجد  $m\angle 1$ ،  $m\angle 2$

15 إذا كانت الدعامة الرافعة للغطاء أقصر من طولها الحالي، فأصف التغيير في  $m\angle 1$ ،  $m\angle 2$  مبرراً إجابتي.

16 أجد قياسات زوايا  $\triangle ABC$  في الرسم الآتي:



في الشكل المجاور، أصنّف التحويلات الهندسية الآتية إلى دورانٍ وانسحابٍ، موضحاً القاعدة:



17  $A \rightarrow B$

18  $A \rightarrow C$

19  $A \rightarrow D$