

## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٣

(وثيقة معمية/محلوبة)

رقم المبحث: 210

المبحث: الرياضيات (ورقة الثانية، ف)

رقم النموذج: (١)

الفرع: العلمي + الصناعي جامعات

اسم الطالب:

مدة الامتحان: ٣٠ دس

اليوم والتاريخ: الخميس ١٣/٠٧/٢٠٢٣

رقم الجلوس:

**ملحوظة مهمة:** أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (٥)، بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أنَّ عدد صفحات الامتحان (٦).

### سؤال الأول: (١٠٠ علامة)

❖ اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما ياتي، ثم ظلل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أنَّ عدد فقراته (٢٥).

(١) إذا كان  $m(s)$  معكوساً لمشتققة الاقتران:  $q(s) = 4s^3 - 5$  ، فإن  $m'(s)$  تساوي:

- (١) - ١      (٢) - ٤      (٣) - ١٢      (٤) - ٢٤

(٢) إذا كان  $q(s) = 9 - 3s + ks - 2$  ، وكان  $q(-1) = 2$  ، فإن قيمة الثابت  $k$  تساوي:

- (١) - ٥      (٢) - ٥      (٣) - ١٧      (٤) - ١٧

(٣)  $q(s) = s^3 + 3s^2$  يساوي:

- (١)  $s^3 + 3s$       (٢)  $s^3 + 3s$

- (٣)  $\frac{1}{3}s^3 + s$       (٤)  $\frac{1}{3}s^3 + s$

(٤) إذا كان  $q(s) = \log_{10} s - 2$  ، فإن  $q\left(\frac{\pi}{4}\right)$  تساوي:

- (١) - ٣      (٢) ٣      (٣) ١      (٤) - ١

(٥) إذا كان  $\sqrt[3]{s} = 4$  ، فإن قيمة  $\left(\frac{s}{s-2}\right)$  تساوي:

- (١)  $-\frac{4}{3}$       (٢)  $-\frac{4}{3}$       (٣)  $-\frac{8}{3}$       (٤)  $\frac{8}{3}$

الصفحة الثانية/نموذج (١)

٦) قيمة  $\int_{-1}^{3} h^2 ds$  دس تساوي:

د)  $h^3$

ج)  $h + 3$

ب)  $\frac{3}{2}h$

أ)  $\frac{3}{2}h + 1$

٧) إذا كان  $s = h^2 + s$  حاس ، فإن  $\int_s^h s$  تساوي:

د)  $1 - h^2$

ج)  $h^2 - 1$

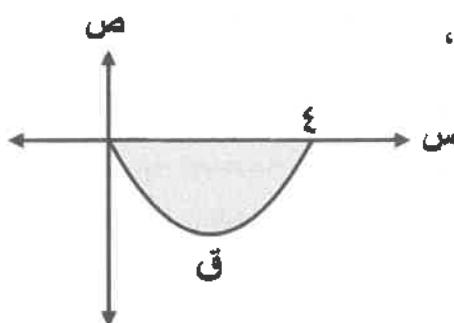
ب)  $h^2$

أ) ١

٨) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران  $q$  في الفترة  $[0, 4]$  ،

إذا كانت مساحة المنطقة المظللة تساوي (٨) وحدات مربعة،

فإن قيمة  $\int_0^2 q(s) ds$  دس تساوي:



ب) ٤

أ) ٤

د) ٢٨

ج) ٢٨

٩) إذا كان  $q(s) \geq 6$  في الفترة  $[1, 4]$  ، فإن أكبر قيمة للمقدار  $(\int_1^4 q(s) ds) - 1$  دس تساوي:

د) ٦

ج) ١١

ب) ٣٣

أ) ٣٦

١٠) قيمة  $\int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{s - \cos s}{2 + \cos s} ds$  دس تساوي:

د)  $-\frac{1}{2}\pi$

ج)  $\frac{1}{2}\pi$

ب)  $\frac{1}{2}\pi$

أ)  $\frac{1}{2}\pi$

١١) إذا كان  $\int_0^3 (2q(s) + 6h(s)) ds = 22$  ،  $h(s) ds = 9$  ، فإن قيمة  $\int_0^4 q(s) ds$  دس تساوي:

د) ٨

ج) ٨

ب) ١٦

أ) ١٦

١٢) إذا كان  $\int_0^s q(\frac{s}{2}) ds = 6$  ،  $q(s) ds = 8$  ، فإن قيمة  $\int_s^8 (q(s) - s) ds$  دس تساوي:

د) ٢٠

ج) ١٢

ب) ٢٠

أ) ١٢

الصفحة الثالثة/نموذج (١)

١٣) قيمة  $(2 - s)^7$  دس تساوي:

- د)  $- \frac{1}{8}$       ج)  $1$       ب)  $-\frac{1}{8}$       أ)  $\frac{1}{8}$

١٤) إذا كان  $q(0) = 7$  ،  $q'(0) = 9$  ، فإن قيمة  $\lim_{s \rightarrow 1^-} s q'(s^2 - 1)$  دس تساوي:

- د)  $2$       ج)  $1$       ب)  $-2$       أ)  $-1$

١٥)  $(s+1)(s+2)^7$  دس يساوي:

- ب)  $\frac{1}{8}(s+2)^8 + (s+2)^7$       أ)  $\frac{1}{8}(s+2)^7 + \frac{1}{8}(s+2)^8$   
 د)  $\frac{1}{8}(s+2)^7 + \frac{1}{8}(s+2)^8$       ج)  $\frac{1}{8}(s+2)^8 - \frac{1}{8}(s+2)^7$

١٦) تتحرك النقطة  $(s, x)$  في المستوى الإحداثي بحيث تبعد بعدها ثابتًا مقداره ٤ وحدات عن النقطة الثابتة  $L(-3, 2)$ . ما معادلة المحل الهندسي للنقطة المتحركة و؟

- ب)  $(s+2)^7 + (s-3)^7 = 4$       أ)  $(s+2)^7 + (s-3)^7 = 16$   
 د)  $(s-2)^7 + (s+3)^7 = 4$       ج)  $(s-2)^7 + (s+3)^7 = 16$

١٧) ما معادلة القطع المكافئ الذي رأسه النقطة  $(-1, 3)$  ومعادلة نيليه  $x = 5$ ؟

- ب)  $(s+1)^8 = (s-3)^8$       أ)  $(s+1)^8 = (s-3)^7$   
 د)  $(s+1)^7 = (s-3)^8$       ج)  $(s+1)^7 = (s-3)^7$

١٨) ما مركز الدائرة التي معادلتها:  $2s^2 + 2s - 8 = 10$ ؟

- د)  $(2, 0)$       ب)  $(4, 0)$       ج)  $(2, -4)$       أ)  $(0, 2)$

١٩) قطع مكافئ معادلته:  $s^2 = 4s - b$  ، يمر بالنقطة  $(2, 8)$  ، فإن رأس هذا القطع هو النقطة:

- د)  $(7, 0)$       ج)  $(0, 7)$       ب)  $(0, -7)$       أ)  $(-7, 0)$

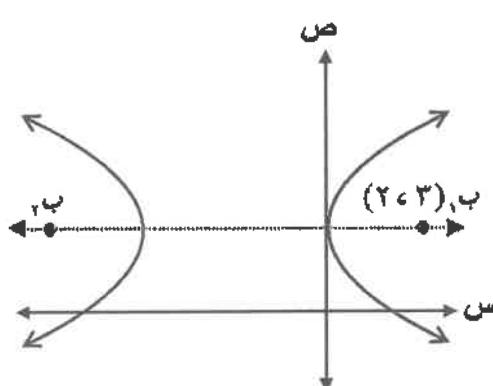
## الصفحة الرابعة / نموذج (١)

٢٠) دائرة مركزها النقطة (١، ٢)، وتمس محور الصادات، ما معادلة هذه الدائرة؟

أ)  $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 1$   
 ب)  $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 1$

ج)  $(x-2)^2 + (y-1)^2 = 2$   
 د)  $(x-2)^2 + (y-1)^2 = 1$

٢١) معمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى قطع زائد اختلافه المركزي يساوي (٢)، وبؤرتاه النقطتان بـ، بـ، ما إحداثيات البؤرة بـ؟



أ) (٢، ٣-)  
 ب) (٢، ٦-)

ج) (٢، ٩-)  
 د) (٢، ١٢-)

٢٢) ما مساحة القطع الناقص الذي معادلته:  $\pi s^2 = 16 - 4s^2$  بالوحدات المربعة؟

أ)  $\pi 4$   
 ب)  $\pi 3$   
 ج)  $\pi 2$   
 د)  $\pi 2$

٢٣) ما البعد البوري للنقطة المتحركة (س، ص) في المستوى الإحداثي بحيث يتحدد موقعها بالمعادلين:  $s = 2 + 3\cos\theta$  ،  $s = 3 + 2\sin\theta$  ، حيث  $\theta$  زاوية متغيرة؟

أ) ٤  
 ب) ٨  
 ج) ٢٧  
 د) ٢٧

٢٤) الاختلاف المركزي للقطع الزائد الذي معادلته:  $s^2 - 5s + 4 = 0$  يساوي:

أ)  $\frac{7}{5}$   
 ب)  $\frac{5}{3}$   
 ج)  $\frac{7}{3}$   
 د)  $\frac{3}{2}$

٢٥) قطع زائد معادلته:  $\frac{s^2}{k} - \frac{x^2}{4} = 1$  ،  $k > 0$  ، وطول محوره القاطع (١٠) وحدات ،

فإن قيمة الثابت  $k$  تساوي:

أ)  $\frac{3}{10}$   
 ب)  $\frac{5}{3}$   
 ج)  $\frac{10}{3}$   
 د)  $\frac{3}{10}$

الصفحة الخامسة/نموذج (١)

السؤال الثاني: (٤٤ علامة)

جد كلاً من التكاملات الآتية:

$$1) \int \frac{1}{(1-\sin x)^2} dx$$

(١٢ علامة)

$$2) \int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \cos x - \sin x dx$$

(١٢ علامة)

السؤال الثالث: (٤٤ علامة)

$$3) \text{جد: } \int_{-1}^1 x^2 dx$$

(١٢ علامة)

ب) جد مساحة المنطقة الممحصورة بين منحنيات الاقترانات الآتية:

$$y = x^2 + 1 , \quad y = x^2 - 3 , \quad y = x$$

(١٢ علامة)

السؤال الرابع: (٤٥ علامة)

أ) حل المعادلة التفاضلية:  $y'x - y = x^2 - 3x$

(١٢ علامة)

ب) جد معادلة الدائرة التي يقع مركزها على محور الصادات ويمر منحنياً بالنقطتين: (-١، ٢)، (٥، ٤).

(١٣ علامة)

يتابع الصفحة السادسة ....

السؤال الخامس: (٢٧ علامة)

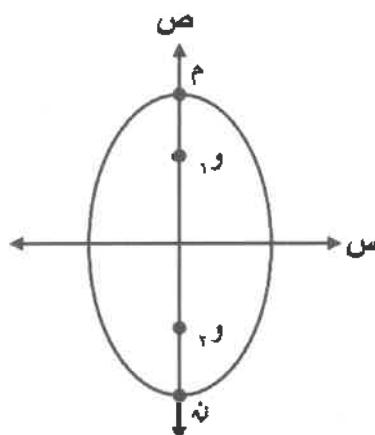
السؤال

- أ) جد كلاً من إحداثي الرأس، وإحداثي البؤرة، ومعادلة الدليل، ومعادلة المحور للقطع المكافئ الذي معادلته:  $4x^2 - 4y - 8 = 0$

(١٣ علامة)

- ب) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل قطعاً ناقصاً مركزاً نقطة الأصل، وبعده البؤري يساوي (١٦) وحدة، وبؤرتاه النقطتان  $W_1$  و  $W_2$ ، وكان  $M$  و  $N$  يساوي ثلاثة أمثال طول محوره الأصغر، فجد معادلة هذا القطع.

(١٤ علامة)



﴿انتهت الأسئلة﴾