

إجابات أسئلة مراجعة الوحدة الأولى

المتجهات

السؤال الأول:

أضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة لكل جملة ممّا يأتي:

1- الكمية المتجهة من الكميات الفيزيائية الآتية، هي:

أ- عدد المسافرين في الطائرة.

ب- المدة الزمنية لإقلاع الطائرة.

ج- تسارع الطائرة في أثناء إقلاعها.

د- حجم وقود الطائرة.

2- عند جمع القوتين المتعامدتين: 30 N و 20 N جمعاً متجهاً، فإن قيمة القوة المحصلة، هي:

أ- 10 N

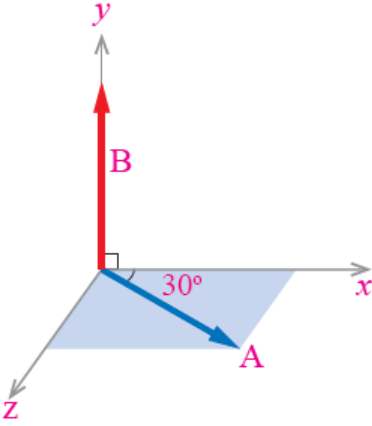
ب- 20 N

ج- 50 N

د- 36 N

لأن مقدار المحصلة لا يمكن أن يتجاوز المجموع الجبري للقوتين، ولا يمكن أن يقل عن القيمة المطلقة لحاصل طرحهما.

3- ناتج الضرب المتجهي $A \times B$ في الشكل المجاور هو:



-أ $AB \sin 90^\circ$

-ب $AB \sin 30^\circ$

-ج $AB \cos 30^\circ$

-د $AB \cos 90^\circ$

4- العلاقة بين متجهي التسارع a_1 ، a_2 بناءً على العلاقة $(a_1 - a_2 = 0)$ ، هي:

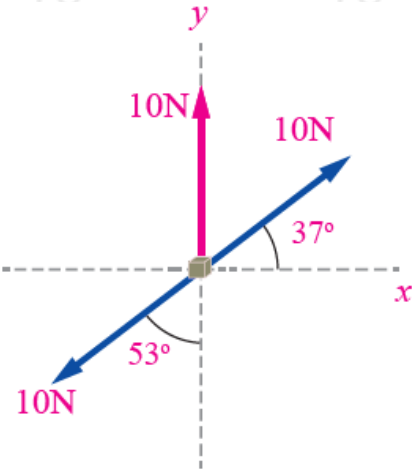
أ- a_2 ، a_1 المتجهان متساويان في المقدار، ومتعاكسان في الاتجاه.

ب- a_2 ، a_1 المتجهان متساويان في المقدار، وفي الاتجاه نفسه.

ج- a_2 ، a_1 المتجهان مختلفان في المقدار، وفي الاتجاه نفسه.

د- a_2 ، a_1 المتجهان مختلفان في المقدار، ومتعاكسان في الاتجاه.

5- مقدار محصلة القوى واتجاهها في الشكل المجاور، هما:



أ- 30 N باتجاه محور +y

N ب- 30 باتجاه محور y -

N ج- 10 باتجاه محور y +

N د- 0

6- صوت سعاد كرة السلة بسرعة مقدارها 20 m/s في الاتجاه المبين في الشكل المجاور. أي الآتية تمثل المركبة الأفقية للسرعة:

$20 - \cos 60^\circ$ أ-

$20 - \cos 60^\circ$ ب-

$20 - \sin 30^\circ$ ج-

$20 - \cos 30^\circ$ د-

السؤال الثاني:

أحلل: ركل لاعب كرة قدم كتلتها 0.4 kg لتنتقل بسرعة 30 m/s في اتجاه يصنع زاوية مقدارها 37° مع سطح الأرض الأفقي، ويتسارع مقداره 10 m/s^2 . استغرقت الكرة مدة زمنية مقدارها 6 s لتعود إلى مستوى سطح الأرض:

أ- أحدد الكميات المتجهة والكميات القياسية.

الكميات المتجهة:

v السرعة ، التسارع a (التسارع ناتج من قوة جذب الأرض للكرة، ويكون اتجاهه عمودياً إلى الأسفل باتجاه مركز الأرض).

الكميات القياسية:

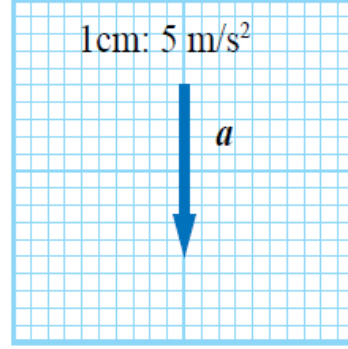
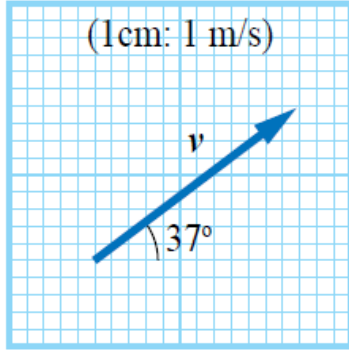
m الكتلة ، الزاوية θ ، الزمن t .

ب- أمثل الكميات المتجهة بيانياً.

تمثل الكميات المتجهة كما في الشكل:

المعطيات:

$$m = 0.4 \text{ kg}, v = 30 \text{ m/s}, a = 10 \text{ m/s}^2, t = 6 \text{ s}, \theta = 37^\circ$$



ج- هل يمكن إيجاد محصلة تلك الكميات المتجهة؟ أفسر إجابتي.

لا! لأن الكميات المتجهة مختلف بعضها عن بعض في النوع (السرعة والتسارع).

السؤال الثالث:

أحلل: تؤثر قوى عدّة في جسم، كما في الشكل المجاور.

أجد مقدار محصلة القوى المؤثرة في الجسم بالطريقة التحليلية، وأحدد اتجاهها بالنسبة +x لمحور .

$$F_x = 40 \cos 37^\circ - 10 \cos 0 = 22 \text{ N}$$

$$F_y = 40 \sin 37^\circ + 20 \sin 90^\circ - 20 \sin 90^\circ = 24 \text{ N}$$

$$F = R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(22)^2 + (24)^2} = 32.6 \text{ N}$$

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\frac{F_y}{F_x} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{24}{22} \right) = 47.5^\circ$$

السؤال الرابع:

أحسب: متجهان: الأول $F = 8 \text{ N}$ في اتجاه محور (-y)، والثاني $r = 5 \text{ m}$ في اتجاه محور (+x). أجد:

$$3 - F$$

$$3 F = 3 \times 8 = 24 \text{ N}, -y$$

$$r \cdot -0.5$$

$$-0.5 r = -0.5 \times 5 = 2.5 \text{ m}, -x$$

$$r \times F \text{ ج-}$$

$$r \times F = 5 \times 8 \times \sin 90^\circ = 40 \text{ m.N}, -z$$

$$r \times r \text{ د-}$$

$$r \times r = 5 \times 5 \times \sin 0^\circ = 0$$

$$F \cdot r \text{ ه-}$$

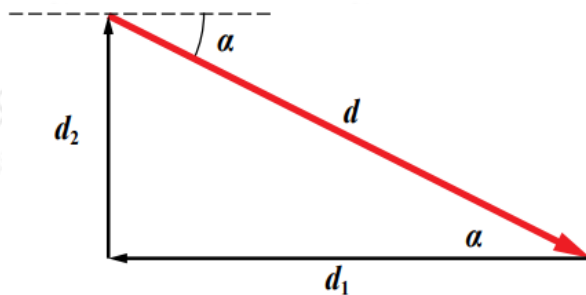
$$F \cdot r = 8 \times 5 \times \cos 90^\circ = 0$$

السؤال الخامس:

حل المشكلات: انطلقت نور من منزلها سيراً على الأقدام، وقطعت مسافة 400 m باتجاه الغرب، ثم اتجهت شمالاً، وقطعت مسافة 200 m لتصل منزل صديقها. إذا أرادت نور العودة مباشرة إلى منزلها بخط مستقيم، فكم متراً يجب أن تسير؟ في أي اتجاه يتعين عليها السير حتى تصل منزلها؟

$$d_2 = 200 \text{ m}, 90^\circ, d_1 = 400 \text{ m}, 180^\circ$$

d يتمثل الإزاحتين المقطوعتين، وكي تعود نور إلى منزلها؛ يجب أن تقطع الإزاحة (d)، وبالاتجاه المبين في الشكل الآتي:



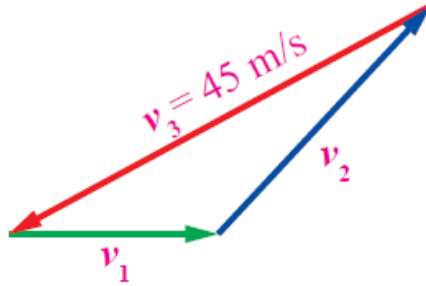
لأن المتجهين متعامدان؛ تُستعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد محصلة المتجهين:

$$d = (400)^2 + (200)^2 = 447 \text{ m}$$

$$\alpha = \tan^{-1} \frac{200}{400} = 27^\circ$$

السؤال السادس:

ثلاثة متجهات للسرعة تشكل مثلثاً مغلقاً، كما في الشكل المجاور. أجد:



$$-v_1 + v_2$$

$$v_1 + v_1 = -v_3$$

$$v_1 + v_1 = 45 \text{ m/s}$$

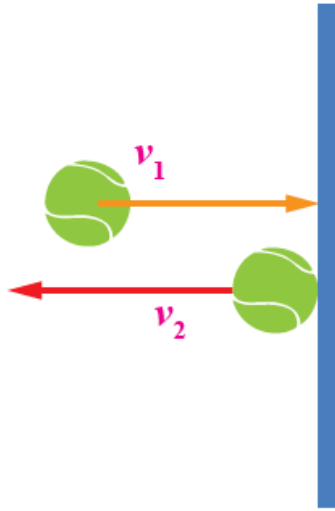
v_3 في اتجاه معاكس لاتجاه المتجه ، ويمكن استعمال المنقلة لقياس الزاوية بين محور x + والمتجه $(v_1 + v_2)$.

ب- محصلة المتجهات الثلاثة.

المحصلة تساوي صفراً؛ لأنها تُشكل مثلثاً مغلقاً (نقطة البداية تنطبق على نقطة النهاية).

السؤال السابع:

أحسب: صوبت سارة كرة تنس أفقياً نحو جدار عمودي، فاصطدمت به بسرعة أفقية v_1 مقدارها 10 m/s باتجاه الشرق، كما في الشكل المجاور، ثم ارتدت عنه أفقياً نحو الغرب بسرعة v_2 مقدارها 7 m/s . أجد التغير في سرعة الكرة $(\Delta v = v_2 - v_1)$.



$$v_2 = -7 \text{ m/s} , v_1 = 10 \text{ m/s}$$

$$\Delta v = v_2 - v_1 = (-7) - 10 = -17 \text{ m/s}$$

السؤال الثامن:

أستنتج: ما مقدار الزاوية بين المتجهين: A و B في الحالتين الآتيتين:

$$-|A \times B| = A B$$

$$A B \sin \theta = A B$$

$$\sin \theta = 1 \rightarrow \theta = 90^\circ$$

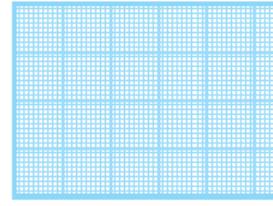
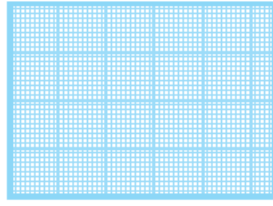
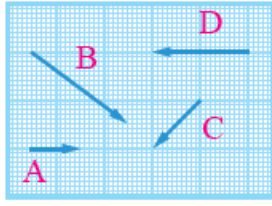
$$-A \cdot B = A B$$

$$A B \cos \theta = A B$$

$$\cos \theta = 1 \rightarrow \theta = 0^\circ$$

السؤال التاسع:

أستخدم الطريقة البيانية في حساب ناتج جمع المتجهات وطرحها، كما هو مبين في الشكل الآتي:



المُتَّجِهَات: A ، B ، C ، و D
حيثُ يُمَثَّلُ كُلُّ مَرَبَعٍ فِي الرَّسْمِ
وَحَدَّةً وَاحِدَةً ($1u$).

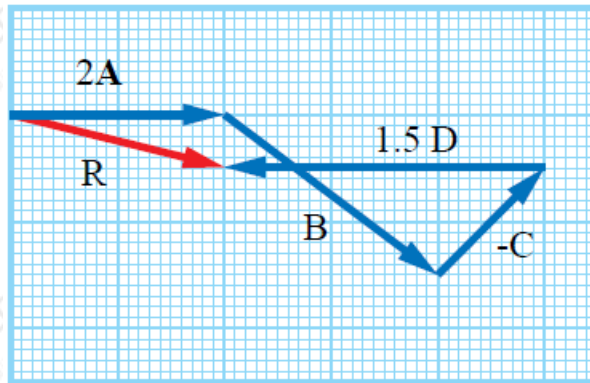
المحصلة R

ناتجُ جمع:

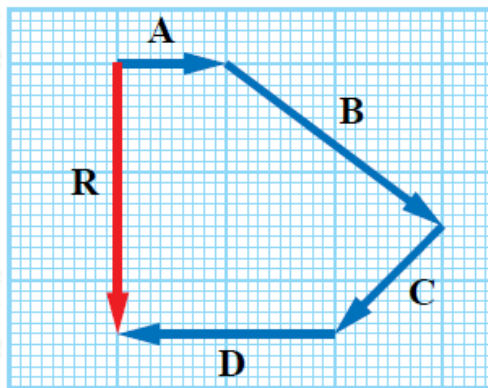
$$2A + B - C + 1.5D$$

$A + B - C + 1.5D$ ناتج جمع: 2

E متجه () مقداره ($4.1 u$)، يقع في الربع الرابع ويميل عن محور ($+x$) بزاوية (14°) تقريباً.



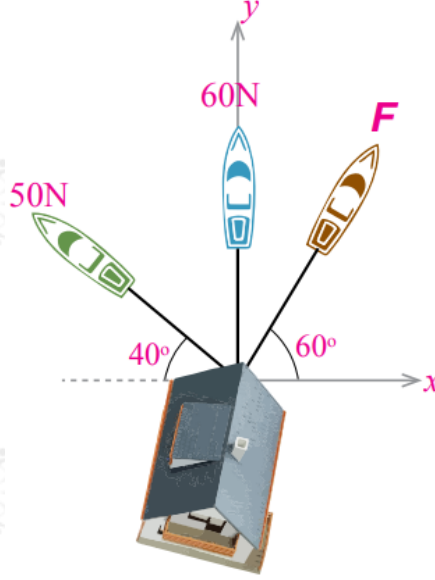
A ، B ، C ، D محصلة المتجهات:



u متجهة مقداره (5) باتجاه المحور ($-y$).

السؤال العاشر:

أحلل: ثلاثة قوارب، كلٌّ منها يؤثر بقوة في منزل عائم على الماء لسحبه، كما في الشكل المجاور. إذا تحرك المنزل باتجاه محور $(+y)$ ، فأجد:



أ- مقدار القوة .

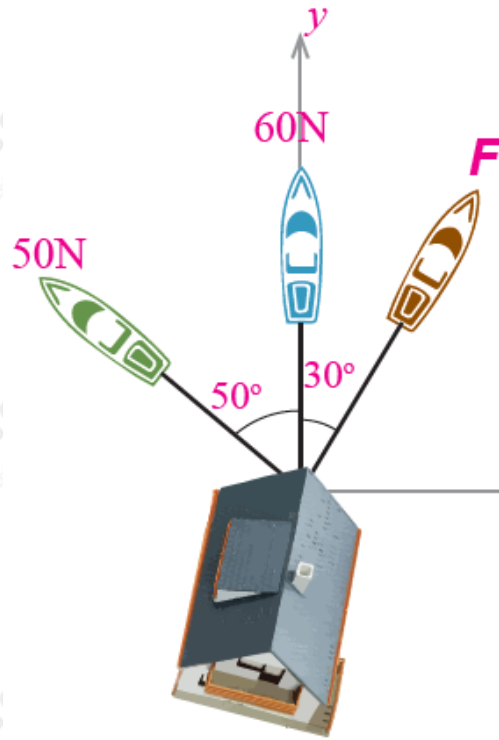
$+y$ تحرك المنزل في اتجاه الشمال ، وهذا يعني أن اتجاه المحصلة R هو في اتجاه $+y$ أيضاً؛ لذا فإن:

$$R_x = F \cos 60^\circ + 60 \cos 90^\circ - 50 \cos 40^\circ$$

$$0 = 0.5 F + 0 - (50 \times 0.76)$$

$$F = 76 \text{ N}$$

ب- مقدار محصلة القوى الثلاث، محدداً اتجاهها.



$$R_y = F \sin 60^\circ + 60 \sin 90^\circ + 50 \sin 40^\circ$$

$$R = (70 \times 0.87) + 60 + (50 \times 0.64)$$

$$R = 152.9 \text{ N}$$

.باتجاه الشمال.