

إجابات تدريبات الدرس المعادلات الأسية

تدريب (٥ - ١٠)

حل المعادلات الأسية الآتية :-

$$(ب) \quad 2^{1-s} = 16$$

$$(أ) \quad 3^s = 81$$

$$(د) \quad \frac{1}{512} = \left(\frac{1}{8}\right)^{-s}$$

$$(ج) \quad \frac{256}{2401} = \left(\frac{4}{7}\right)^s$$

الحل :

$$(أ) \quad 3^s = 81 \iff 3^s = 3^4 \iff s = 4$$

$$(ب) \quad 2^{1-s} = 16 \iff 2^{1-s} = 2^4 \iff 1-s = 4 \iff s = -3$$

$$(ج) \quad \frac{256}{2401} = \left(\frac{4}{7}\right)^s$$

$$\left(\frac{4}{7}\right)^s = \frac{4^4}{7^4} = \left(\frac{4}{7}\right)^4 \quad \text{بما أن الأساسات تساوت إذن الأسس تتساوى ، إذن } s = 4$$

$$(د) \quad \frac{1}{512} = \left(\frac{1}{8}\right)^{-s} \iff \frac{1}{2^9} = \left(\frac{1}{2^3}\right)^{-s} \iff \frac{1}{2^9} = \frac{1}{2^{-3s}} \iff -3s = 9 \iff s = -3$$

لفهم درس المعادلات الأسية احضر الفيديو التالي :

تدريب (٥ - ١١)

حلّ المعادلات الأسية الآتية :-

$$(أ) (٠,٣)^ص = (٠,٠٠٨١) \quad (ب) ٩^ص = ١$$

$$(ج) ١١^٦ = ١٢١^٢ \times ١١^٢ \quad (د) ٨^٥ = ٨^٦ \times \left(\frac{١}{٨}\right)^م$$

الحل :

$$(أ) (٠,٣)^ص = (٠,٠٠٨١) \Leftrightarrow \left(\frac{٣}{١٠}\right)^ص = \left(\frac{٣}{١٠}\right)^٤ \Leftrightarrow \frac{٣^ص}{١٠^ص} = \frac{٣^٤}{١٠^٤}$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{٣}{١٠}\right)^ص = \left(\frac{٣}{١٠}\right)^٤ \Leftrightarrow \boxed{ص = ٤}$$

$$(ب) ٩^ص = ١ \Leftrightarrow \text{إي عدد مرفوع لقوة صفر يساوي واحد ، إذن } \boxed{ص = ٠}$$

$$(ج) ١١^٦ = ١٢١^٢ \times ١١^٢$$

$$١١^٦ = ١٢١^٢ \times ١١^٢ \Leftrightarrow ١١^٦ = (١١^٢)^٢ \times ١١^٢ \Leftrightarrow ١١^٦ = ١١^{٢+٢+٢} = ١١^٦$$

$$\Leftrightarrow ٦ = ٢ + ٢ + ٢ \Leftrightarrow ٦ = ٦ \Leftrightarrow \boxed{١ = ١}$$

$$(د) ٨^٥ = ٨^٦ \times \left(\frac{١}{٨}\right)^م \Leftrightarrow ٨^٥ = ٨^٦ \times ٨^{-م} \Leftrightarrow ٨^٥ = ٨^{٥+م-٦}$$

$$\Leftrightarrow ٥ = ٥ + م - ٦ \Leftrightarrow ١ = م - ١ \Leftrightarrow \boxed{١ = م}$$

$$\boxed{١ = م} \Leftrightarrow ١ = م - ١ \Leftrightarrow ٤ = ٥ + م - ٦ \Leftrightarrow ١٢ = (٥ + م - ٣) ٣$$