

## إجابات تدريبات الدرس

### المتغير العشوائي المنفصل وتوزيع ذي الحدين

#### تدريب (١):

في تجربة إلقاء قطعتي نقد مرّة واحدة، دلّ المتغير العشوائي ع على عدد مرّات ظهور الكتابة على الوجه الظاهر:



- (١) جد القيم التي يمكن أن يأخذها المتغير العشوائي ع.
- (٢) اكتب جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي ع.
- (٣) بيّن أنّ ل هو اقتران احتمال للمتغير العشوائي ع.

#### الحل:



$$\left\{ (ص ص)، (ص ك)، (ك ص)، (ك ك) \right\} = \Omega$$

$$\text{قيم ع} = \{٠، ١، ٢\}$$

$$ل (س = ٠) = ل (ص ص) = \frac{1}{4}$$

$$ل (س = ١) = ل (ص ك، ك ص) = \frac{2}{4}$$

$$ل (س = ٢) = ل (ك ك) = \frac{1}{4}$$



٢	١	٠	س
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$	ل (س)



$$\sum ل (س) = \frac{1}{4} + \frac{2}{4} + \frac{1}{4} = 1 = 1 \text{ إذن: ل هو اقتران احتمال.}$$

#### تدريب (٢):

إذا كان التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي س معطى في المجموعة:

$$\{(٠، ٢، ٠)، (٠، ٣، ١)، (٠، ١، ٢)، (٣، ٣، ب)\}$$

#### الحل:

$$١ = ٠، ٢ + ٠، ٣ + ٠، ١ + ٠، ٣ + ب$$

$$١ = ٠، ٦ + ٣ + ب$$

$$٠، ٦ - ٠، ٦ -$$

$$ب = ٠، ٤ \iff ب = ٣ \iff ب = \frac{4}{3}$$



**تدريب (٣):**



إذا كان س متغيراً عشوائياً ذا حدين، ومعامله:  $n = 6$ ،  $p = 0.7$ ، فجد كلاً مما يأتي:

- (١) ل (س = ٥). (٢) ل (س ≤ ٤). (٣) ل (س ≥ ٢).

**الحل:**



$$(١) \text{ ل (س = ٥) } = \binom{6}{0} (0.7)^0 (0.3)^{6-0} = \binom{6}{0} (0.3)^6$$

$$= 0.3^6 = 0.000729$$

$$(٢) \text{ ل (س ≤ ٤) } = \text{ل (س = ٤)} + \text{ل (س = ٣)} + \text{ل (س = ٢)} + \text{ل (س = ١)} + \text{ل (س = ٠)}$$

$$\text{ل (س = ٤)} = \binom{6}{4} (0.7)^4 (0.3)^2 = \binom{6}{2} (0.7)^4 (0.3)^2$$

$$= 15 \times 0.2401 \times 0.09 = 0.3201$$

$$\text{ل (س = ٣)} = \binom{6}{3} (0.7)^3 (0.3)^3 = 20 \times 0.343 \times 0.027 = 0.18522$$



$$\text{ل (س = ٦) } = \binom{6}{6} (0.7)^6 (0.3)^0 = (0.7)^6 = 0.117649$$

$$\text{ل (س = ٥) } = 0.000729 + 0.3201 + 0.18522 + 0.117649 = 0.623707$$

$$\text{ل (س ≤ ٤) } = 0.623707 + 0.000729 = 0.624436$$



$$(٣) \text{ ل (س ≥ ٢) } = \text{ل (س = ٢)} + \text{ل (س = ٣)} + \text{ل (س = ٤)} + \text{ل (س = ٥)} + \text{ل (س = ٦)}$$

$$\text{ل (س = ٠) } = \binom{6}{0} (0.7)^0 (0.3)^6 = 0.000729$$

$$\text{ل (س = ١) } = \binom{6}{1} (0.7)^1 (0.3)^5 = 6 \times 0.7 \times 0.00243 = 0.010206$$



$$\text{ل (س = ٢) } = \binom{6}{2} (0.7)^2 (0.3)^4 = 15 \times 0.49 \times 0.081 = 0.59535$$

$$= 0.59535 + 0.010206 + 0.000729 = 0.606284$$

$$\text{ل (س ≥ ٢) } = 0.606284 + 0.18522 + 0.3201 + 0.000729 = 1.112342$$



**تدريب (٤):**

غرس مزارع ٧ شتلات، وكانت نسبة احتمال نجاح غرس الشتلة الواحدة هي ٦٠%. ما احتمال نجاح غرس ٣ شتلات على الأقل؟

**الحل:**

$$n = 7, p = 0,6$$

المطلوب:  $P(X \leq 3) = P(X = 3) + P(X = 2) + P(X = 1) + P(X = 0)$

$$P(X = 0) = \binom{7}{0} (0,6)^0 (0,4)^7 = 0,016384$$

$$P(X = 1) = \binom{7}{1} (0,6)^1 (0,4)^6 = 0,04096$$

$$P(X = 2) = \binom{7}{2} (0,6)^2 (0,4)^5 = 0,036864$$

$$P(X = 3) = \binom{7}{3} (0,6)^3 (0,4)^4 = 0,036864$$

$$P(X \leq 3) = P(X = 0) + P(X = 1) + P(X = 2) + P(X = 3) = 0,096256$$

$$P(X \leq 3) = 0,096256 - 0,016384 = 0,079872$$