

إجابات أسئلة الدرس

المشتقة الأولى

(١) استخدم تعريف المشتقة لإيجاد المشتقة الأولى لكل من الاقتارات الآتية عند قيمة (قيم) s المبينة إزاء كل منها:

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{أ) ق(س)} = 5s - 8, \quad \text{س} = 3,$$

$$\text{ب) م(س)} = s^2 + 2s, \quad \text{س} = 1,$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{ج) ل(س)} = \sqrt{s-1}, \quad \text{حيث } s \leq 1, \quad \text{س} = 5,$$

$$\text{د) ع(س)} = \left. \begin{array}{l} s^2 - s \\ 5s - 9 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 0 < s \leq 3, \\ 3 < s < 6, \end{array}$$

$$\text{عند } s = 0, \text{س} = 3, \text{س} = 6$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{هـ) ك(س)} = |s^2 - 4|, \quad \text{س} = 1, \text{س} = 2,$$

$$\text{و) ص} = \frac{s^2}{s+3}, \quad \text{س} = 1,$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$\text{أ) ق(س)} = 5s - 8, \quad \text{س} = 3,$$

$$\text{ق(3)} = \frac{\text{نها} (3) - \text{نها} (3 + \text{هـ}) - \text{ق(3)}}{\text{هـ}}$$

$$= \frac{\text{نها} (3 \times 5 - 8) - \text{نها} (3 + \text{هـ}) - 8}{\text{هـ}}$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} (15 + 8 - 5\text{هـ} - 15 - 8)}{\text{هـ}} = \frac{5\text{هـ} - 5\text{هـ}}{\text{هـ}} = 0$$

$$\text{ب) م(س)} = s^2 + 2s, \quad \text{س} = 1,$$

$$\text{م(1)} = \frac{\text{نها} (1) - \text{نها} (1 + \text{م}) - \text{م(1)}}{1 + \text{س}}$$

$$= \frac{\text{نها} (1 + 2(1)) - 2\text{س} + 2\text{س}}{1 + \text{س}}$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} (1 + 2\text{س}) - 2\text{س} + 2\text{س}}{1 + \text{س}}$$

منهاجي
متعة التعليم الهادف

$$= \frac{\text{نها} (1) - 2\text{س} + 2\text{س}}{1 + \text{س}} = 1$$

ج) ل(س) = $\sqrt{1-s}$ ، حيث $s \leq 1$ ، $s = 0$

$$ل'(0) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{ل(s) - ل(0)}{s - 0}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{2 + \sqrt{1-s}}{2 + \sqrt{1-s}} \times \frac{2 - \sqrt{1-s}}{2 - \sqrt{1-s}}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{4 - 1 - s}{(2 + \sqrt{1-s})(2 - \sqrt{1-s})}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{3 - s}{(2 + \sqrt{1-s})(2 - \sqrt{1-s})}$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{2 + 2} = \frac{1}{4}$$

$$(د) \begin{cases} 0 < s < 3 \\ 3 < s < 6 \end{cases} \begin{cases} s - 2 \\ 5 - s \end{cases} = (س)ع$$

ع (1) ، ع (2) غير معرف ، ع (3) ، ع (4) غير موجودة

$$ع'(3) = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{ع(s) - ع(3)}{s - 3}$$

$$0 = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{(s-2) - (3-2)}{s-3} = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{s-5}{s-3} = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{6-9-s}{3-s}$$

$$ع'(3) = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{6-s-3}{3-s} = -1$$

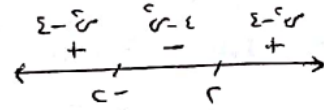
$$0 = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{ع(s) - ع(3)}{s - 3} = \lim_{s \rightarrow 3} \frac{(2+s) - (2+3)}{s-3} =$$

$$ع'(3) = +1$$

$$0 = ع'(3)$$

هـ) لك (س) = |س² - ٤| ، س = ١ ، س = ٢

س² - ٤ = ٠ ⇔ س = ٢ أو س = -٢



$\left. \begin{matrix} 2 < s < \infty & \text{و} & 2 < s < \infty \\ \infty - 2 & \text{و} & \infty - 2 \end{matrix} \right\} = |s^2 - 4|$

لك (١) = $\frac{1^2 - 4}{1 - 2} = \frac{1 - 4}{-1} = \frac{-3}{-1} = 3$

لك (س) = $\frac{s^2 - 4}{s - 2} = \frac{(s-2)(s+2)}{s-2} = s+2$

لك (٢) = $\frac{2^2 - 4}{2 - 2} = \frac{0}{0}$ غير موجودة

لك (٢) = $\frac{2^2 - 4}{2 - 2} = \frac{0}{0}$ غير موجودة

لك (٢) ≠ لك (٢) غير موجودة

و) ص = $\frac{2s}{3+s}$ ، س = -١

فد (١) = $\frac{2(-1)}{3+(-1)} = \frac{-2}{2} = -1$

فد (س) = $\frac{2s}{3+s}$

فد (س) = $\frac{2s}{3+s}$

فد (س) = $\frac{2s}{3+s}$

فد (س) = $\frac{2s}{3+s}$

(٢) جد $\frac{دس}{ص}$ لكل من الاقتارات الآتية مستخدماً تعريف المشتقة:

(أ) $ص = س^2 - \frac{٤}{س}$ ، $س \neq ٠$ (ب) $ص = \sqrt{٢س - ٦}$ ، $س < ٣$
 (ج) $ص = س^٣$ (د) $ص = \sqrt[٣]{س}$

(أ) $\frac{دس}{ص} = \frac{نها (د) - (ص) نها}{ص^٢}$
 $= \frac{نها (٢س - \frac{٤}{س}) - (س^٢ - \frac{٤}{س}) نها}{(س^٢ - \frac{٤}{س})^٢}$

$= \frac{\frac{٤}{س} - \frac{٤}{س} + \frac{٢س^٢ - ٤}{س} نها}{(س^٢ - \frac{٤}{س})^٢}$

$= \frac{1}{س - \frac{٤}{س}} \times \frac{٢س^٢ - ٤}{س} نها + \frac{نها (٢س - \frac{٤}{س})}{(س^٢ - \frac{٤}{س})^٢}$

$= \frac{1}{س - \frac{٤}{س}} \times \frac{٢(س^٢ - ٢)}{س} نها + \frac{نها (٢س - \frac{٤}{س})}{(س^٢ - \frac{٤}{س})^٢}$

$\frac{٢}{س} + ٢ = \frac{٢}{س} + (س + س) =$

(ب) $\frac{دس}{ص} = \frac{نها (د) - (ص) نها}{ص^٢} = \frac{نها (\sqrt{٦-٢س}) - \sqrt{٦-٢س} نها}{(٦-٢س)^٢}$

$= \frac{\sqrt{٦-٢س} + \sqrt{٦-٢س}}{(٦-٢س)^٢}$

$= \frac{\sqrt{٦-٢س} - \sqrt{٦-٢س}}{(٦-٢س)^٢}$

$= \frac{1}{(٦-٢س)^٢}$

$\frac{1}{\sqrt{٦-٢س}} = \frac{1}{\sqrt{٦-٢س}} \times \frac{(٦-٢س)}{(٦-٢س)}$

(ج) $\frac{دس}{ص} = \frac{نها (د) - (ص) نها}{ص^٢} = \frac{نها (٣س^٢ - ٤) - (س^٣ - ٤) نها}{(س^٣ - ٤)^٢}$

$= \frac{نها (٣س^٢ - ٤) - (س^٣ - ٤) نها}{(س^٣ - ٤)^٢}$

$= \frac{٣س^٢ - ٤}{س^٣ - ٤} = \frac{٣س^٢ - ٤}{س^٣ - ٤}$

$$(د) \frac{f'(x) + f(x) \cdot g'(x) + f(x) \cdot g'(x)}{f'(x) + f(x) \cdot g'(x) + f(x) \cdot g'(x)} \times \frac{f(x) - g(x)}{f(x) - g(x)} = \frac{f(x)}{f(x)}$$

$$\frac{f(x)}{f(x)} = \frac{f(x)}{f(x)}$$

$$\frac{1}{(f(x))^2} =$$