

إجابات تدريبات الدرس

قواعد الاشتقاق 2

تدريب 1

إذا كان $q(s) = (s^2 - 2s + 3) \left(s + \frac{1}{2} \right)$ فجد $q'(s)$.

الحل

هاهنا ضرب اقترانين .

$$q'(s) = (s^2 - 2s + 3) \times \frac{1}{2} + \left(s + \frac{1}{2} \right) \times (2s - 2)$$

$$q'(s) = \frac{s^2 - 2s + 3}{2} + (s + \frac{1}{2})(2s - 2)$$

$$= \frac{s^2 - 2s + 3}{2} + 2s^2 - 2s - 1$$

تدريب 2

إذا كان $v = \frac{s^2 + 1}{s^2 - 2}$ فجد $\frac{dv}{ds}$

الحل

$$\frac{dv}{ds} = \frac{(s^2 + 1)' - 2(s^2 - 2)'}{(s^2 - 2)^2}$$

$$= \frac{2s - 4s}{(s^2 - 2)^2} = \frac{-2s}{(s^2 - 2)^2}$$

تدريب 3

جد $\frac{دس}{وس}$ لكل مما يأتي :

$$(2) \text{ ص} = \frac{2-3س}{س}$$

$$(1) \text{ ص} = \frac{\sqrt[3]{3}}{س^2}$$

الحل

$$(1) \text{ ص} = \frac{\sqrt[3]{3}}{س^2}$$

$$\frac{دس}{وس} = \frac{3س^2 \times \sqrt[3]{3}}{س^4} = \frac{3\sqrt[3]{3}}{س^2}$$

$$(2) \text{ ص} = \frac{2-3س}{س} = \frac{2}{س} - 3$$

$$\text{ص} = \frac{2}{س} - 3$$

$$\frac{دس}{وس} = \frac{2}{س^2} - 3$$

تدريب 4

$$\left. \begin{array}{l} \text{إذا كان ق(س) = } \frac{4}{1+س} \text{ ، } 1 \geq س \\ \text{س} < 1 \text{ ، } 1+س \end{array} \right\}$$

فابحث في قابلية الاقتران ق للاشتقاق على ح.

الحل

نبحث الاتصال عند $س = 1$

$$(1) \text{ ق} = \frac{4}{1+1} = 2$$

$$(2) \text{ هنا } ق(س) = \frac{4}{1+س} = 2 \Rightarrow 4 = 2(1+س) \Rightarrow 4 = 2 + 2س \Rightarrow 2 = 2س \Rightarrow س = 1$$

$$\text{هنا } ق(س) = 2$$

$$(3) \text{ هنا } ق(س) = 1 \Rightarrow 1 = \frac{4}{1+س} \Rightarrow 1+س = 4 \Rightarrow س = 3$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{عند } ق(س) = \frac{4}{1+س} \text{ ، } 1 > س \\ 1 \text{ ، } 1 < س \end{array} \right\}$$

$$\begin{aligned} \text{عدد } (1) &= + \\ \text{عدد } (1) &= \frac{-x}{(1+x)} = - \\ \text{عدد } (1) &\neq \text{عدد } (1) \Leftrightarrow \text{عدد } (1) \text{ غير موجودة} \end{aligned}$$