

## إجابات تدريبات الدرس

### قواعد الاشتقاق 2

#### تدريب 1

إذا كان  $q(s) = (s^2 - 2s + 3) \left( s + \frac{1}{2} \right)$  فجد  $q'(s)$ .

الحل

هاهنا ضرب افتراضية .

$$q'(s) = (s^2 - 2s + 3) \times \frac{1}{2} + (s + \frac{1}{2}) \times (2s - 2)$$

$$q'(s) = (s^2 - 2s + 3) \times \frac{1}{2} + (s + \frac{1}{2}) \times (2s - 2)$$

$$= \frac{s^2 - 2s + 3}{2} + 2s^2 - 2s - 1$$

#### تدريب 2

إذا كان  $v = \frac{s^2 + 1}{s^2 - 2}$  فجد  $\frac{dv}{ds}$

الحل

$$\frac{dv}{ds} = \frac{(s^2 + 1) \times 2s - (s^2 - 2) \times 2s}{(s^2 - 2)^2}$$

$$= \frac{2s^3 + 2s - 2s^3 + 4s}{(s^2 - 2)^2} = \frac{6s}{(s^2 - 2)^2}$$

### تدريب 3

جد  $\frac{دس}{وس}$  لكل مما يأتي :

$$(2) \text{ ص} = \frac{2-3س}{س}$$

$$(1) \text{ ص} = \frac{\sqrt[3]{3}}{س^2}$$

الحل

$$(1) \text{ ص} = \frac{\sqrt[3]{3}}{س^2}$$

$$\frac{دس}{وس} = \frac{3 \times 3 \times 3 \sqrt[3]{3}}{س^4} = \frac{دس}{وس}$$

$$(2) \text{ ص} = \frac{2-3س}{س} = \frac{2}{س} - 3$$

$$\text{ص} = \frac{2}{س} - 3$$

$$\frac{دس}{وس} = \frac{2}{س^2} - 3س$$

### تدريب 4

$$\left. \begin{array}{l} \text{س} \geq 1, \frac{4}{1+\text{س}} \\ \text{س} < 1, 1+\text{س} \end{array} \right\} = \text{إذا كان ق (س)}$$

فابحث في قابلية الاقتران ق للاشتقاق على ح.

الحل

نبحث الاتصال عند  $س = 1$

$$(1) \text{ ق} (1) = \frac{4}{1+1} = 2$$

$$(2) \text{ هنا ق (س)} = \frac{4}{1+\text{س}} = 2 \Rightarrow 4 = 2(1+\text{س}) \Rightarrow 4 = 2 + 2\text{س} \Rightarrow 2 = 2\text{س} \Rightarrow \text{س} = 1$$

$$\text{هنا ق (س)} = 1 + \text{س} = 2 \Rightarrow \text{س} = 1$$

$$(3) \text{ هنا ق (س)} = 1 + \text{س} = 2 \Rightarrow \text{س} = 1 \Rightarrow \text{ق} = 2$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{س} > 1, \frac{4}{1+\text{س}} \\ \text{س} < 1, 1+\text{س} \end{array} \right\} = \text{ق (س)}$$

$$\begin{aligned} \text{حد } (1)^+ &= 1 \\ \text{حد } (1)^- &= \frac{1-}{(1+)} = 1- \end{aligned}$$

$$\text{حد } (1)^+ \neq \text{حد } (1)^- \Leftrightarrow \text{حد } (1) \text{ غير موجود}$$