


## إجابات تمارين ومسائل الدرس

### معكوس المشتقة - إجابات دليل المعلم


١ ( بين أن الاقتران م(س) =  $\frac{س}{س+١}$  هو معكوس لمشتقة الاقتران

ق(س) = (س+١)<sup>-٢</sup> ، س ≠ ١ - منهاجي  **الحل**

ق(س) اقتران متصل على ح - {١} لأنه اقتران نسبي .

م(س) =  $\frac{١}{٢(س+١)}$  = ق(س)، إذن م(س) معكوس لمشتقة الاقتران ق .

٢ ( بين أن الاقتران م(س) = جا٢س هو معكوس لمشتقة الاقتران ق(س) = جا٢س .

ق(س) اقتران متصل على ح؛ لأنه اقتران مثلثي . منهاجي  **الحل**

م(س) = ٢ جاس جتاس = جا٢س = ق(س)، إذن م(س) معكوس لمشتقة الاقتران ق .

٣ ( إذا كان م(س) = س<sup>٢</sup> + ٥س<sup>٢</sup> - ٣س + ج ، معكوساً لمشتقة الاقتران ق، فجد ق(٢-).

ق(٢-) = ١١ - منهاجي  **الحل**

٤ ( إذا كان م(س) = ٢س<sup>٤</sup> +  $\sqrt{س٢+٣}$  معكوساً لمشتقة الاقتران ق ، فجد ق(١).

ق(١) = ٨,٥ منهاجي  **الحل**

٥ ( إذا كان ق(س) = ٣س<sup>٢</sup> فجد م معكوساً لمشتقة الاقتران ق؛ علماً بأن م(٢) = ٥

م(س) = ٣س<sup>٣</sup> - ٣ منهاجي  **الحل**

٦ ( إذا كان الاقترانان  $m_1(s)$ ،  $m_2(s)$  معكوسين لمشتقة الاقتران  $q$  وكان

$$m_1(s) = s^3 - 2s^2 + 5, \quad m_2(s) = (2) = 4 \text{ فجد قاعدة } m_2(s).$$

الحل

$$m_2(s) = s^3 - 2s^2 - 4$$

منهاجي

٧ ( إذا كان  $v = \sqrt[3]{s^3 - 2s^2 + 12s + 1}$  فجد  $\frac{dv}{ds}$ ، فجد  $\frac{ds}{dv}$

الحل

٢

منهاجي

٨ ( إذا كان  $q(s) = s^3 - s^2 + 2s + 1$ ، فجد  $q(-3)$ .

الحل

٢٠ -

منهاجي

٩ ( إذا كان  $q(s) = s = \text{جاس} - \text{جتاس} + 3$ . فأثبت أن  $q\left(\frac{\pi}{6}\right) - q\left(\frac{\pi}{3}\right) = 2$

الحل

٢

منهاجي

١٠) جد معكوساً لمشتقة كلٍّ من الاقتران الآتية:

أ) ق(س) =  $\frac{1-s}{s}$  منهاجي

ب) ق(س) = قاس جتاس

ج) ق(س) =  $\frac{1}{s\sqrt{2}}$  منهاجي

د) ق(س) =  $5 + 5\text{ظاس}$

منهاجي **الحل**

أ) م(س) =  $\frac{1}{s} + ج$

ب) م(س) = س + ج

ج) م(س) =  $\sqrt{s} + ج$

د) م(س) =  $5\text{ظاس} + ج$

١١) إذا كان م(س) معكوساً لمشتقة الاقتران ق حيث ق(س) =  $1 + \text{ظتاس}$ ، فجد م  $(-\frac{\pi}{4})$ .

منهاجي **الحل**  
٢-