

## إجابات تمارين ومسائل الدرس

### اقتران اللوغاريتم الطبيعي - إجابات دليل المعلم

(١) جد المشتقة الأولى لكل من الاقتران الآتية:

أ) $q(s) = \ln s^2$	ب) $q(s) = \ln s^2$
ج) $q(s) = \ln  s^2 + 4s - 5 $	د) $q(s) = \ln (s^2 + 5s + 3)$
هـ) $q(s) = \ln s^2$	و) $q(s) = \ln (s^2 + 2)$
ز) $q(s) = \ln s^3$	ح) $q(s) = \ln \left( \frac{s}{s^2 + 1} \right)$
ط) $q(s) = \ln (s^2)$	ي) $q(s) = \ln \frac{(s^2 + 5)^2}{(s^2 - 7)^2}$
ك) $q(s) = \ln s^2$	ل) $q(s) = \ln (s^2)$

الحل

أ) $\frac{d}{ds} \ln s^2 = \frac{2s}{s^2} = \frac{2}{s}$	ب) $\frac{d}{ds} \ln s^2 = \frac{2s}{s^2} = \frac{2}{s}$
ج) $\frac{d}{ds} \ln  s^2 + 4s - 5  = \frac{2s + 4}{s^2 + 4s - 5}$	د) $\frac{d}{ds} \ln (s^2 + 5s + 3) = \frac{2s + 5}{s^2 + 5s + 3}$
هـ) $\frac{d}{ds} \ln s^2 = \frac{2s}{s^2} = \frac{2}{s}$	و) $\frac{d}{ds} \ln (s^2 + 2) = \frac{2s}{s^2 + 2}$
ز) $\frac{d}{ds} \ln s^3 = \frac{3s^2}{s^3} = \frac{3}{s}$	ح) $\frac{d}{ds} \ln \left( \frac{s}{s^2 + 1} \right) = \frac{1}{s} - \frac{2s}{s^2 + 1}$
ط) $\frac{d}{ds} \ln (s^2) = \frac{2s}{s^2} = \frac{2}{s}$	ي) $\frac{d}{ds} \ln \frac{(s^2 + 5)^2}{(s^2 - 7)^2} = \frac{4s}{s^2 + 5} - \frac{4s}{s^2 - 7}$
ك) $\frac{d}{ds} \ln s^2 = \frac{2s}{s^2} = \frac{2}{s}$	ل) $\frac{d}{ds} \ln (s^2) = \frac{2s}{s^2} = \frac{2}{s}$



(٢) إذا كان ق(س) = لوس (س + √(١ - ٢س) + ١) أثبت أن ق(س) =  $\frac{1}{1 - 2\sqrt{s}}$

**الحل**

منهاجي 

$$\frac{\frac{s^2}{1 - 2\sqrt{s}} + 1}{1 - 2\sqrt{s} + s} = \frac{ص}{دس}$$

منهاجي 

$$\frac{\frac{s}{1 - 2\sqrt{s}} + 1}{1 - 2\sqrt{s} + s} = \frac{ص}{دس}$$

منهاجي 

$$\frac{1 - 2\sqrt{s} + s}{1 - 2\sqrt{s}(1 - 2\sqrt{s} + s)} = \frac{ص}{دس}$$

$$\frac{1}{1 - 2\sqrt{s}} = \frac{ص}{دس}$$

(٣) إذا كان [ ق(س) - (س) ] لوس | قاس + ظاس | + س٢ فأثبت أن: ق(س) = س٣ + قاس

**الحل**

منهاجي 

باشتقاق الطرفين: ق(س) - (س) = س٢ +  $\frac{\text{قاس ظاس} + \text{قاس}^2}{\text{قاس} + \text{ظاس}}$

منهاجي 

$$\text{ق(س)} = (س) + س٢ + \frac{\text{قاس}(\text{ظاس} + \text{قاس})}{\text{قاس} + \text{ظاس}}$$

$$\text{ق(س)} = \text{قاس} + س٣$$

(٤) بين أن الاقتران م(س) = لوس جاس هو معكوس لمشتقة الاقتران ق(س) = ظتاس.

منهاجي 

ق(س) متصل على مجاله

$$\text{م(س)} = \frac{\text{جتاس}}{\text{جاس}} = \text{ظتاس} = \text{ق(س)}, \text{ إذن م(س) هو معكوس لمشتقة الاقتران ق.}$$

٥) جد كلاً من التكاملات الآتية:

ب)  $\int \frac{1 + 3s}{s + 5} ds$

منهاجي

أ)  $\int \frac{s^2}{s^2 + 3} ds$

د)  $\int \frac{3s^2}{s^2 + 5} ds$

ج)  $\int \frac{5 + 5\cos s}{\cos s} ds$

و)  $\int \frac{s - 2}{s^2 - 4} ds$

منهاجي

هـ)  $\int \frac{s + 5}{s} ds$

ح)  $\int \frac{3s}{s^2 + 1} ds$

ز)  $\int \frac{|2s|}{s^2 + 1} ds$

ي)  $\int \frac{1}{s} ds$

ط)  $\int \frac{s^2 - 1}{s(s - 1)} ds$

منهاجي

الحل

ب)  $\int \frac{1}{s} ds + \int \frac{3s}{s + 5} ds$

أ)  $\int \frac{1}{s} ds + \int \frac{3}{s^2 + 3} ds$

د)  $\int \frac{3s^2}{s^2 + 5} ds + \int \frac{5}{\cos s} ds$

ج)  $\int \frac{5}{\cos s} ds + \int \frac{5\cos s}{\cos s} ds$

و)  $\int \frac{s - 2}{s^2 - 4} ds = \int \frac{s - 2}{(s - 2)(s + 2)} ds$

هـ)  $\int \frac{s + 5}{s} ds = \int \frac{s}{s} ds + \int \frac{5}{s} ds$

ح)  $\int \frac{3s}{s^2 + 1} ds = \int \frac{3}{s} ds + \int \frac{3s}{s^2 + 1} ds$

منهاجي

ز)  $\int \frac{|2s|}{s^2 + 1} ds = \int \frac{2}{s} ds + \int \frac{2s}{s^2 + 1} ds$

ي)  $\int \frac{1}{s} ds = \ln |s| + C$

ط)  $\int \frac{s^2 - 1}{s(s - 1)} ds = \int \frac{s^2 - 1}{s(s - 1)} ds$

٦) جد معكوساً لمشتقة كلٍّ من الاقترانات الآتية:

ب) ق(س) =  $\left( \frac{3\cos^3 s}{5 + 3\cos s} \right)$

منهاجي

أ) ق(س) =  $\left( \frac{s^2}{s^2 + 4} \right)$

الحل

ب) م(س) =  $\int \frac{3\cos^3 s}{5 + 3\cos s} ds$

أ) م(س) =  $\int \frac{s^2}{s^2 + 4} ds$