

إجابات أسئلة الدرس

التفسير الهندسي

(١) جد معادلة المماس لكل من المنحنيات الآتية عند قيم s المبينة إزاء كل منها:

أ) $C(s) = s^3 + 5$ ، $s = 2$

ب) $C(s) = s^3 + 2s - 1$ ، $s = 1$

ج) $C(s) = (s^2 - 4)(s + 1)$ ، $s = \text{صفرًا}$

الحل

أ) $C(s) = s^3 + 5$ ، $s = 2$

$C(2) = 2^3 + 5 = 11$

$C'(s) = 3s^2$

$C'(2) = 3 \times 2^2 = 12$

$C(2) = 11$ ، $C'(2) = 12$

معادلة المماس:

$y - 11 = 12(x - 2)$

$y - 11 = 12x - 24$

$y = 12x - 13$

$y = 12x - 13$

ب) $C(s) = s^3 + 2s - 1$ ، $s = 1$

$C(1) = 1^3 + 2 \times 1 - 1 = 2$

$C'(s) = 3s^2 + 2$

$C'(1) = 3 \times 1^2 + 2 = 5$

$C(1) = 2$ ، $C'(1) = 5$

معادلة المماس:

$y - 2 = 5(x - 1)$

$y - 2 = 5x - 5$

$y = 5x - 3$

$y = 5x - 3$

$$(ج) \quad \text{نقطة (س)} = (س) = (س-٤)(٤+س) \quad \text{و نقطة (ص)} = (ص) = (ص-١)(١+ص)$$

$$\text{نقطة (د)} = (د) = (٤-١ \times ص) = (٤-ص) \quad \text{نقطة (أ)} = (أ) = (٤-١) = ٣$$

$$\text{نقطة (س)} = (س) = ٢ \times (١+ص) + ٤ \times (٤-ص)$$

$$\text{نقطة (د)} = (د) = ٢ \times (١+ص) + ١ \times (٤-ص)$$

$$٢ = ٢ + ٤ - ٤ = ٢$$

معادلة المماس :

$$٤ - ٤ = ١ - ٤ = ٣ - ٤ = ١$$

$$٤ - ٤ = ٤ - ٤ = ٠$$

$$٤ - ٤ = ٤ - ٤ = ٠$$

$$٤ - ٤ = ٤ - ٤ = ٠$$

$$٤ - ٤ = ٤ - ٤ = ٠$$

(٢) إذا كان ق(س) = $\frac{٢+س^٢}{١+س}$ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق عندما س = ١

الحل

$$\text{نقطة (س)} = (س) = \frac{٢+س^٢}{١+س} \quad \text{معادلة المماس عندما س = ١}$$

$$\text{نقطة (د)} = (د) = \frac{٢+١ \times ٤}{١+١} = \frac{٦}{٢} = ٣ \quad (٢٦١)$$

$$\text{نقطة (س)} = (س) = \frac{٤ \times (٢+٤) - ٢ \times (١+٤)}{(١+٤)^٢}$$

$$٣ - ٤ = \frac{٤ - ٤}{٤} = \frac{٨ - ٤}{٤} = \frac{٤}{٤} = ١$$

معادلة المماس :

$$٤ - ٤ = ١ - ٤ = ٣ - ٤ = ١$$

$$٤ - ٤ = ٤ - ٤ = ٠$$

$$٤ - ٤ = ٤ - ٤ = ٠$$

$$٤ - ٤ = ٤ - ٤ = ٠$$

٣) إذا كان ق(س) = أس^٢ + ٤س - ٣، حيث أ عدد ثابت، وكان ميل المنحني عندما س = ٣ يساوي ٢٢، فجد قيمة الثابت أ.

الحل

$$\text{عند } (3) = 22$$

$$\text{عند } (س) = ٤س + اس^2$$

$$\text{عند } (3) = ٤ + (3)س$$

$$٢٢ = ٤ + ٩س$$

$$٣ = ٩ \leftarrow \frac{٩س}{٩} = \frac{١٨}{٩}$$

٤) إذا كان ق(س) = س^٥ + ٤س^٢، فجد ميل المنحني للاقتران ق عندما س = ١

الحل

المطلوب عند (١)

$$\text{عند } (س) = ٥س^٤ + ٨س$$

$$٣ = \text{عند } (١) = ٥(١) + ٨(١)$$

$$١٣ = ٨ + ٥ =$$

٥) إذا كان $Q = (3s - 2, 2)$ ، فجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران Q عند النقطة

$(-1, Q(-1))$.

الحل

$$Q(-1) = (3(-1) - 2, 2) = (-5, 2)$$

$$1 = \frac{2}{2-3} = \frac{2}{-1} = -2$$

$$(-1, -2)$$

$$Q(s) = (3s - 2, 2) \Rightarrow \frac{dy}{dx} = 3$$

$$m = Q'(-1) = 3$$

$$2 - 2 = 3(-1) + c \Rightarrow c = 5$$

معادلة المماس :

$$y - 2 = 3(x + 1)$$

$$y - 2 = 3x + 3$$

$$y = 3x + 5$$

$$y - 2 = 3x + 3$$

$$y = 3x + 5$$

$$y - 2 = 3x + 3$$