

إجابات أسئلة الدرس

القيم القصوى



(١) جد القيم القصوى (العظمى والصغرى) المحلية (إن وجدت) لكل مما يأتي:

أ) ق (س) = $3s^2 - s^3 + 1$

ب) ل (س) = $4s^2 - 6s^2 + 2$

ج) هـ (س) = $s^2 + 4$

د) ك (س) = $8s^4 - 2s^2 - s^3$

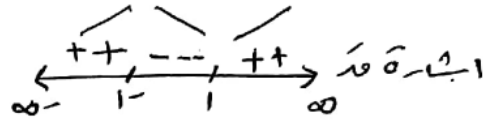
الحل

أ) عند (س) = $3s^2 - s^3 + 1$

عند (س) = $3 - 3s^2$

$3 - 3s^2 = 3 - 3s^2 \iff \frac{3}{3} = \frac{3}{3}$

$1 = s^2 \iff s = 1$



عند $s = 1$ هي عظمى محلية هي

عند $s = 1 = (1) = (1) - (1) + 1 = 3$

عند $s = 1$ هي صغرى محلية هي

عند $s = 1 = (1) = 1 - (1) + 1 = 1$



(ب) ل (س) = ٤س^٣ - ٦س^٢ + ٢

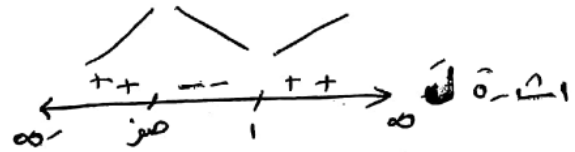
ل' (س) = ١٢س^٢ - ١٢س

١٢س^٢ - ١٢س = ٠

١٢س(س - ١) = ٠

$\frac{١٢س}{١٢} = \frac{١٢(س-١)}{١٢} \Rightarrow$ س = ١ س = ٠

س - ١ = ٠ س = ١



عند س = ١ هنز نبيح علىه عليه هي ل (٠) = ٢

عند س = ٠ نبيح هنزي عليه هي

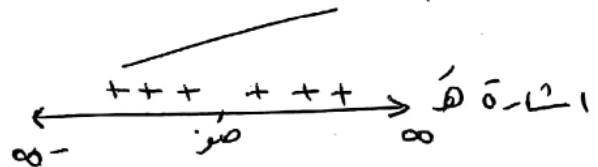
ل (٠) = ٤ - ٦(٠) + ٢ = ٢

٢ = ٢ - ٦ + ٢ = ٢ - ٤ + ٢ = ٠ هنز

(ج) ه (س) = ٤س^٣ + ٤

ه' (س) = ١٢س^٢

$\frac{١٢س^٢}{١٢} = \frac{١٢(٤-١٢س)}{١٢} \Rightarrow$ س = ١ س = ٠



اللاقرانه ه (س) قترابه على (-infinity, infinity) لا يوجد قيم قصوى

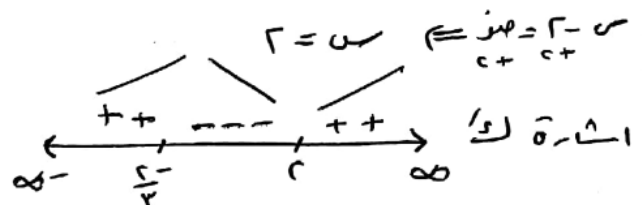
(د) ل (س) = ٣س^٣ - ٤س^٢ + ٨

ل' (س) = ٩س^٢ - ٨س

٩س^٢ - ٨س = ٠

٩س(س - ٨/٩) = ٠

$\frac{٩س}{٩} = \frac{٩(٨/٩-٩س)}{٩} \Rightarrow$ س = ٨/٩ س = ٠



عند $s = \frac{2}{3}$ قيمة c هي

$$8 + \left(\frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \left(\frac{2}{3}\right)^4$$

$$8 + \frac{4}{9} + \frac{4}{9} - \frac{8}{27} =$$

$$\frac{207}{27} = \frac{217}{27} + \frac{10}{27} + \frac{10}{27} - \frac{8}{27} =$$

عند $s = 2$ قيمة c هي (2)

$$8 + 2 \times 4 - 2^3 = (2)^4$$

$$16 = 8 + 8 - 8 - 8 =$$

٢) جد القيم القصوى (العظمى والصغرى) المحلية (إن وجدت) لكل مما يأتي باستخدام اختبار المشتقة الثانية:

- أ) $c(s) = s^2 - 8$
 ب) $c(s) = s^2 + 4$
 ج) $c(s) = 2s^2 - 6s$

الحل

أ) $c'(s) = 2s = 0 \Rightarrow s = 0$
 $c''(s) = 2 > 0$ عند $s = 0$ قيمة c هي

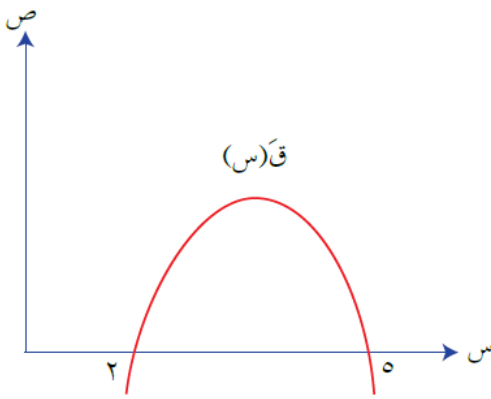
ب) $c'(s) = 2s = 0 \Rightarrow s = 0$
 $c''(s) = 2 > 0$ عند $s = 0$ قيمة c هي

ج) $c'(s) = 4s - 6 = 0 \Rightarrow s = \frac{3}{2}$
 $c''(s) = 4 > 0$ عند $s = \frac{3}{2}$ قيمة c هي

عند $s = 0$ قيمة c هي $c = 0$ عند $s = 0$ قيمة c هي $c = 4$

$$\begin{aligned} \text{ج) عند } s=2 &= 6 - 2^2 = 2 \\ \text{عند } s=3 &= 6 - 3^2 = -3 \\ \frac{7}{6} &= \frac{6-s}{6} \Leftrightarrow 6-s = 6 \cdot \frac{7}{6} \\ s=2 &= 6 - 2^2 = 2 \\ \text{عند } s=1 &= 6 - 1^2 = 5 \\ \text{عند } s=2 &= 6 - 2^2 = 2 \\ \text{عند } s=3 &= 6 - 3^2 = -3 \\ \text{عند } s=4 &= 6 - 4^2 = -10 \\ \text{عند } s=5 &= 6 - 5^2 = -19 \end{aligned}$$

٣) اعتماداً على الشكل (٣-١٢) الذي يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتزان ق، حيث



الشكل (٣-١٢).

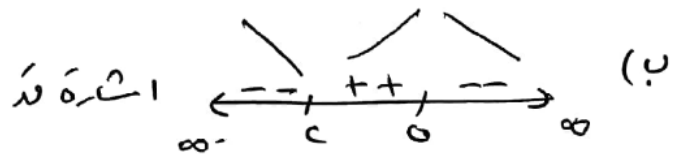
ق(٢) = ق(٥) = ٥ صفرًا، جد كلاً مما يأتي:

- أ) قيم س الحرجة للاقتزان ق.
ب) فترات التزايد والتناقص للاقتزان ق.
ج) نقط القيم القصوى المحلية للاقتزان ق مُحدِّدًا نوعها.

الحل

أصفار المشتقة الأولى

هـ { ٢ ، ٥ } وهي التقاطح الحرجة



ج) [٢، ٥] تناقص

د) [٥، ٢] تزايد

هـ) عند س = ٣ هي قيمة صغرى هي (٢)

و) عند س = ٥ هي قيمة عظمى هي (٥)

٤) إذا كان للاقتران ق(س) = ٣س^٢ - ٢أس + ٤ قيمة حرجة عندما س = ٢، فجد قيمة الثابت أ.

الحل

$$\text{وه } (س) = ٣س^٢ - ٢أس + ٤$$

$$\text{قيمة حرجة عند } س = ٢ \Rightarrow \text{و } (٢) = ٤$$

$$\text{و } (س) = ٣س^٢ - ٢أس + ٤$$

$$\text{و } (٢) = ٣(٢)^٢ - ٢أ(٢) + ٤$$

$$\text{منه } ٤ = ١٢ - ٤أ + ٤$$

$$\boxed{١٢ = ٤} \quad ١ - ٤ (٢ - = ١٤ -)$$