

إجابات أسئلة الوحدة

تطبيقات التفاضل – دليل المعلم

١) يتحرك جسيم وفق العلاقة: ف(ن) = ٢ن " - ٢١ن + ٣، حيث ف المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، ن الزمن بالثواني. جد تسارع الجسيم عندما تساوي سرعته ٢٤م/ث.

پُرُنِّ منهاجي

الحل

٢) يتحرك جسيم وفق العلاقة: ف(ن) = م (ن -1١)، حيث ف المسافة التي يقطعها الجسيم بالأمتار، ن الزمن بالثواني. إذا كانت سرعة الجسيم المقطوعة بعد ٤ ثوان تساوي ١٢م/ث، فجد قيمة الثابت م. 🧩 منهاجي

الحل

٣) قطعة أرض يراد تسييج جزء مستطيل منها بحيث تبلغ مساحته ٥٠ ٣٧٥٠. إذا كانت تكلفة المتر الطولي الواحد من جانبين متوازيين ثلاثة دنانير، ومن الجانبين الآخرين دينارين، فجد أبعاد قطعة الأرض التي يمكن تسييجها لتحقيق أقل كلفة ممكنة.

أقل تكلفة ممكنة عندما تكون أبعاد قطعة الأرض: ٥٠م، و ٧٥م.



٤) إذا كان ق $(س) = m^{\gamma}(7 - m)$ ، فجد:

أ) فترات التزايد والتناقص لمنحني الاقتران ق.



ب) القيم العظمي والصغرى للاقتران ق (إن وجدت).

الحل

أ) الاقتران ق متزايد في الفترة [٠ ، ٤]، ومتناقص في الفترتين: ($-\infty$ ، \cdot]، و [٤ ، ∞).

ب) القيمة الصغرى المحلية للاقتران ق
$$0 = 0$$
 ، والقيمة العظمى المحلية للاقتران ق $0 = 0$. $0 = 0$

ه) يبيع أحد المصانع الوحدة الواحدة من سلعة معينة بمبلغ ١٠٠ دينار، فإذا كانت التكلفة الكلية
بالدنانير لإنتاج س وحدة من هذه السلعة أسبوعيًّا تعطى بالعلاقة:

ك (س) = ٣٠٠ س + ٠٤ س + ٠٧ دينارًا، فجد الربح الحدي.



الحل

 $\overline{\mathcal{I}}(m) = \overline{\mathcal{I}}(m) = \overline{\mathcal{I}}(m)$

٦) لكل من الاقترانين الآتيين، جد القيم العظمى والصغرى (إن وجدت) باستخدام اختبار المشتقة الثانية:

اً) ق (س) = ۲
$$m^2 - 7m^2 - 71 m + 0$$

ب) ق (س) = $m^2 - 7m + 7$

الحل

أ) يو جد للاقتران ق قيمة صغرى محلية = ق(٢) = -٥١، وقيمة عظمى محلية ق(-١) = -١٢ بي بي بعد للاقتران ق علية اللاقتران ق = ق(١) = ٥، والقيمة العظمى المحلية له = ق(-١) = ٩



۸) ما العددان الموجبان اللذان مجموعهما ٥٠، وحاصل ضربهما أكبر ما يمكن؟
الحل
العددان: (٥٠)، و(٥٠).

٩) إذا كان ك(س) = ٤٠ + ٣س دينار اقتران التكلفة الكلية لإنتاج س قطعة من سلعة ما، فجد
التكلفة الحدية لإنتاج ٢٠ قطعة من هذه السلعة.



"" = (س) = (m) = ("" - ٤") ، فجد قيمة س التي تجعل ق (س) = ٣٦) إذا كان ق (س) = ٣٦)

احل
$$\frac{7}{m}$$
 منهاجي $\frac{7}{m}$.



لكل فقرة أربعة بدائل،	ع الاختيار من متعدد،	من ست فقرات من نو) يتكون هذا السؤال	(11
		عيح . ضع دائرة حول _ٍ		
وماس = ٣، فإن قيمة أ	س + ١ قيمة حرجة عنا			
			تساوي:	
د) ۲۰	ج) ۱۲	٦ (ب	۲ (أ	
	١- س) عند النقطة (س			
		ساوي:	فإن قيمة س ت	
د) ۳	ج) ۲	ب) ۲۰	۳- (أ	
ندما س تساوي:	فتران ق قيمة صغري ع) = س٢ – ٤ س، فإن للا	(٣) إذا كان ق(س)	
٤ (٤	جر) -غ	ب) ۲	أ) صفرًا	
	۲ س – ۲ هي:	قتران ق(س) = س٢ _ '	(٤) فترة التزايد للا	
د) (−∞، ۱]	ج) [١، ∞)	ب) [۱،۰]	[٣,٢](أ	
افة بالأمتار التي يقطعها	٢ن٦_ن ، حيث ف المس	وفق العلاقة: ف(ن) =	(٥) يتحرك جسيم	
تار حتى يصبح تسارعه	لتي يقطعها الجسيم بالأه	ن قدره ن ثانية. المسافة ا	الحسيم في زمر	
			صفرًا هي:	
د) ۲۳	۲٤ (ج	ب) ۱٦	۱۲ (أ	
عند س = ١، فإن قيمة	رع قيمة صغرى محلية	ن ق(س) = أسّ – ٣٠٠	(٦) إذا كان للاقترا	
		<i>ي</i> :	الثابت أ تساو	
د) ۳	جر) – ۳	ب) ۲۰	۲ (أ	
			الحل	
	.			

٦	٥	٤	٣	۲	١	رقم الفقرة
h).	λ·	٠	7	١	رمز الإجابة الصحيحة