

إجابات أسئلة الدرس

التكامل غير المحدود

السؤال الأول

جد كلا مما يأتي :

(أ) $\int \frac{1}{2} dx$

(ب) $\int \frac{dx}{s} \quad s \neq 0$

(ج) $\int (2s - s^2) dx$

(د) $\int 3s^2 dx$

(هـ) $\int \frac{2-s}{s} dx$

الحل :

(أ) $\int \frac{1}{2} dx = \frac{1}{2} s + C$

(ب) $\int \frac{dx}{s} = \frac{1}{s} \int dx = \frac{1}{s} s + C = \frac{s}{s} + C = 1 + C$

(ج) $\int (2s - s^2) dx = 2s - \frac{s^3}{3} + C$

(د) $\int 3s^2 dx = s^3 + C$

(هـ) $\int \frac{2-s}{s} dx = \int \left(\frac{2}{s} - 1 \right) dx = 2 \int \frac{1}{s} dx - \int 1 dx = 2 \ln|s| - s + C$

السؤال الثاني

جد كلا مما يأتي :

(أ) $\int (10s^2 - \sqrt{s} + 3s) ds$: (ب) $\int (s-2)(s+4) ds$

(ج) $\int 3 \text{ ظاس جتاس دس} : (د) \int \frac{s^2 + 6s + 8}{s+2} ds$ ، $s \neq -2$

الحل :

(أ) $\int (10s^2 - \sqrt{s} + 3s) ds = \int (10s^2 + \frac{1}{6}s - 3s) ds$

$$= \frac{10s^3}{3} + \frac{\frac{1}{6}s^{\frac{7}{6}}}{\frac{7}{6}} - \frac{3s^2}{2} + \text{ج} = \frac{10s^3}{3} + \frac{2s^{\frac{7}{6}}}{7} - \frac{3s^2}{2} + \text{ج}$$

(ب) $\int (s-2)(s+4) ds = \int (s^2 + 2s - 8) ds$

$$= \frac{s^3}{3} + \frac{2s^2}{2} - 8s + \text{ج} = \frac{s^3}{3} + s^2 - 8s + \text{ج}$$

(ج) $\int 3 \text{ ظاس جتاس دس} = \int \frac{\text{جتاس}}{\text{جتاس}} \times 3 \text{ جاس دس} = \int 3 \text{ جاس دس}$

(د) $\int \frac{s^2 + 6s + 8}{s+2} ds = \int \frac{(s+2)(s+4)}{s+2} ds = \int (s+4) ds = \frac{s^2}{2} + 4s + \text{ج}$

السؤال الثالث

$$\text{جد } \frac{دص}{دس} \text{ عندما } س = ٥ , \text{ حيث } ص = \left| \frac{١ + ٤س}{س} \right| \text{ دس } ، س \neq ٠$$

الحل :

نقوم باشتقاق الطرفين ،،

$$\begin{aligned} \frac{دص}{دس} &= \frac{د}{دس} \left| \frac{١ + ٤س}{س} \right| \text{ دس} \\ &= \frac{دص}{دس} \end{aligned}$$

(مشتقة التكامل تعطي ما داخل التكامل) ، إذن:

$$\frac{دص}{دس} = \frac{١ + ٢٠}{٥} = \frac{١ + (٥)٤}{٥} = \frac{دص}{دس} \text{ س} = ٥$$

السؤال الرابع

إذا كان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان ق' (س) = ٦س - ٨س^٢ + ٥ ، وكان ق (-١) = ٢ فجد قاعدة الاقتران ق .

الحل :

$$\begin{aligned} \text{ق (س)} &= \int \text{ق' (س) دس} = \int (٦س - ٨س^٢ + ٥) دس = ٣س^٢ - ٨س^٣ + ٥س + ج \\ \text{ق (-١)} &= (-١) = ٣(-١)^٢ - ٨(-١)^٣ + ٥(-١) + ج = ٢ \end{aligned}$$

$$٢ = ٣ - ٨ + ٥ + ج \implies ٢ = ج - ٤ \implies ج = ٦$$

السؤال الخامس

إذا كان $E(s) = 6s^2 - 3s + 5$ ، فجد $E(1)$.

الحل :

نقوم باشتقاق الطرفين ،

$$\frac{d}{ds} E(s) = \frac{d}{ds} (6s^2 - 3s + 5)$$

$$E'(s) = 12s - 3 \implies E'(1) = 12(1) - 3 = 9 \implies E(1) = 9 + C = 18$$

السؤال السادس

إذا كان Q اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان $Q(s) = 2s - 5$ ، وكان $Q(2) = 4$ ، فجد قيمة $Q(1)$.

الحل :

$$Q'(s) = 2 \implies Q'(2) = 2 \implies Q(2) = 4 = Q(1) + 2(2-1) \implies 4 = Q(1) + 2 \implies Q(1) = 2$$

لفهم إجابات أسئلة درس التكامل غير المحدود ، شاهد الفيديو

السؤال السابع

إذا كان Q اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان $Q(s) = 3s^2 - 6s + 5$ ، وكان $Q(2) = 1$ ، فجد قيمة $Q(1)$.

الحل :

$$Q'(s) = 6s - 6 \implies Q'(2) = 6 \implies Q(2) = 1 = Q(1) + 6(2-1) \implies 1 = Q(1) + 6 \implies Q(1) = -5$$

السؤال الثامن

إذا كان ق اقترانا قابلا للاشتقاق ، وكان ق' (س) = $\frac{س^2 + 6س + 8}{س}$ ، س \neq صفرا ، وكان ق (1) = 12 ، فجد قاعدة الاقتران ق.

الحل :

$$\begin{aligned} \text{ق (س)} &= \int \text{ق' (س) د س} = \int \frac{س^2 + 6س + 8}{س} د س \\ &= \int \left(س + \frac{6}{س} + \frac{8}{س} \right) د س \\ &= س + 6 \ln |س| + 8 \ln |س| + ج \\ \text{ق (1)} &= 12 = 1 + 6 \ln |1| + 8 \ln |1| + ج \\ &= 1 + 0 + 0 + ج \\ &= 1 + ج \\ &\Rightarrow ج = 11 \end{aligned}$$