

إجابات تدريبات الدرس

المتغير العشوائي المنفصل وتوزيع ذي الحدين

تدريب (١):

في تجربة إلقاء قطعتي نقد مرّة واحدة، دلّ المتغير العشوائي ع على عدد مرّات ظهور الكتابة على الوجه الظاهر:



- (١) جد القيم التي يمكن أن يأخذها المتغير العشوائي ع.
- (٢) اكتب جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي ع.
- (٣) بيّن أنّ ل هو اقتران احتمال للمتغير العشوائي ع.

الحل:



$$\left\{ (ص ص)، (ص ك)، (ك ص)، (ك ك) \right\} = \Omega$$

$$\text{قيم ع} = \{٠، ١، ٢\}$$

$$ل (س = ٠) = ل (ص ص) = \frac{1}{4}$$

$$ل (س = ١) = ل (ص ك، ك ص) = \frac{2}{4}$$

$$ل (س = ٢) = ل (ك ك) = \frac{1}{4}$$



٢	١	٠	س
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$	ل (س)



$$\sum ل (س) = \frac{1}{4} + \frac{2}{4} + \frac{1}{4} = 1 = 1 \text{ إذن: ل هو اقتران احتمال.}$$

تدريب (٢):

إذا كان التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي س معطى في المجموعة:

$$\{(٠، ٢، ٠)، (٠، ٣، ١)، (٠، ١، ٢)، (٣، ٣، ب)\}$$

الحل:

$$١ = ٠، ٢ + ٠، ٣ + ٠، ١ + ٠، ٣ + ب$$

$$١ = ٠، ٦ + ٠، ٣ + ب$$

$$٠، ٦ - ٠، ٦ -$$

$$ب = ٠، ٤ \iff ب = ٣ \iff ب = \frac{4}{3}$$



تدريب (٣):



إذا كان S متغيراً عشوائياً ذا حدين، ومعامله: $n = 7, p = 0.7$ ، فجد كلاً مما يأتي:

- (١) $P(S = 5)$. (٢) $P(S \leq 4)$. (٣) $P(S \geq 2)$.

الحل:



$$P(S = 5) = \binom{7}{5} (0.7)^5 (0.3)^2 = 0.3 \times 0.16807 \times 7 = 0.3 \times 0.16807 \times \frac{7!}{5!2!} = 0.302526$$

$$P(S \leq 4) = P(S = 0) + P(S = 1) + P(S = 2) + P(S = 3) + P(S = 4)$$

$$P(S = 0) = \binom{7}{0} (0.7)^7 (0.3)^0 = 0.0000823543$$

$$P(S = 1) = \binom{7}{1} (0.7)^6 (0.3)^1 = 0.028247523$$

$$P(S = 2) = \binom{7}{2} (0.7)^5 (0.3)^2 = 0.027442573$$

$$P(S = 3) = \binom{7}{3} (0.7)^4 (0.3)^3 = 0.024019065$$



$$P(S = 4) = \binom{7}{4} (0.7)^3 (0.3)^4 = 0.00823543$$

$$P(S = 5) = 0.302526 \text{ (من الفرع (١))}$$

$$P(S \leq 4) = 0.0000823543 + 0.028247523 + 0.027442573 + 0.024019065 + 0.00823543 = 0.088026945$$



$$P(S \geq 2) = P(S = 2) + P(S = 3) + P(S = 4) + P(S = 5)$$

$$P(S = 0) = \binom{7}{0} (0.7)^7 (0.3)^0 = 0.0000823543$$

$$P(S = 1) = \binom{7}{1} (0.7)^6 (0.3)^1 = 0.028247523$$

$$P(S = 2) = \binom{7}{2} (0.7)^5 (0.3)^2 = 0.027442573$$

$$P(S = 3) = \binom{7}{3} (0.7)^4 (0.3)^3 = 0.024019065$$

$$P(S = 4) = \binom{7}{4} (0.7)^3 (0.3)^4 = 0.00823543$$

$$P(S \geq 2) = 0.027442573 + 0.024019065 + 0.00823543 + 0.0000823543 = 0.059779425$$



تدريب (٤):

غرس مزارع ٧ شتلات، وكانت نسبة احتمال نجاح غرس الشتلة الواحدة هي ٦٠%. ما احتمال نجاح غرس ٣ شتلات على الأقل؟

الحل:

$$n = 7, p = 0,6$$

المطلوب: ل (س ≤ ٣) = ١ - ل (س > ٣) = ١ - ل (س = ٠) + ل (س = ١) + ل (س = ٢)

$$ل (س = ٠) = \binom{7}{0} (0,6)^0 (0,4)^7 = 0,016384$$

$$ل (س = ١) = \binom{7}{1} (0,6)^1 (0,4)^6 = 0,04096$$

$$ل (س = ٢) = \binom{7}{2} (0,6)^2 (0,4)^5 = 0,036864$$

$$ل (س ≤ ٣) = 0,016384 + 0,04096 + 0,036864 = 0,094208$$

$$ل (س = ٠) + ل (س = ١) + ل (س = ٢) = 0,094208$$

$$ل (س ≤ ٣) = 0,094208 - 1 = -0,905792$$